

ಅಭ್ಯಾಸ 9.1

9.1.1. ಇವುಗಳ ಬೆಲೆ ಕಂಡುಹಿಡಿಯಿರಿ.

ಸಂಖ್ಯೆ	ವಿಸ್ತರಿಸಿದಾಗ	ಉಪಯೋಗಿಸಿದ ಸೂತ್ರಗಳು
(i) 3^{-2}	$= \frac{1}{3^2} = \frac{1}{9}$	$a^{-m} = \frac{1}{a^m}$
(ii) $(-4)^{-2}$	$= \frac{1}{(-4)^2} = \frac{1}{16}$	$a^{-m} = \frac{1}{a^m}$
(iii) $\left(\frac{1}{2}\right)^{-5}$	$= \left(\frac{2}{1}\right)^5 = \frac{2^5}{1^5} = \frac{32}{1} = 32$	$a^{-m} = \frac{1}{a^m}$ & $\left(\frac{a}{b}\right)^m = \frac{a^m}{b^m}$

9.1.2. ಕೆಳಗಿನವುಗಳನ್ನು ಸಂಕ್ಷಿಪ್ತಗೊಳಿಸಿ ಉತ್ತರವನ್ನು ಧನಾತ್ಮಕ ಘಾತ ಸೂಚಿ ಇರುವಂತೆ ಘಾತಾಂಕರೂಪದಲ್ಲಿ ವ್ಯಕ್ತಪಡಿಸಿ.

ಸಂಖ್ಯೆ	ವಿಸ್ತರಿಸಿದಾಗ	ಉಪಯೋಗಿಸಿದ ಸೂತ್ರಗಳು
(i) $(-4)^5 \div (-4)^8$	$= \frac{(-4)^5}{(-4)^8} = (-4)^{5-8} = (-4)^{-3} = \frac{1}{(-4)^3}$	$\frac{a^m}{a^n} = a^{m-n}$ & $a^{-m} = \frac{1}{a^m}$
(ii) $\left(\frac{1}{2^3}\right)^2$	$= \frac{1^2}{(2^3)^2} = \frac{1}{2^6}$	$\left(\frac{a}{b}\right)^m = \frac{a^m}{b^m}$ & $(a^m)^n = a^{mn}$
(iii) $(-3)^4 * \left(\frac{5}{3}\right)^4$	$= - (3)^4 * \frac{5^4}{3^4} = -3^4 * \frac{5^4}{3^4} = -5^4$	$\left(\frac{a}{b}\right)^m = \frac{a^m}{b^m}$ & $(ab)^m = a^m * b^m$
(iv) $(3^{-7} \div 3^{-10}) * 3^{-5}$	$= \frac{3^{-7}}{3^{-10}} * \frac{1}{3^5} = 3^{(-7-(-10))} * 3^{-5} = 3^{3} * 3^{-5} = 3^{-2} = \frac{1}{3^2}$	$a^{-m} = \frac{1}{a^m}$ & $\frac{a^m}{a^n} = a^{m-n}$
(v) $2^{-3} * (-7)^{-3}$	$= \frac{1}{2^3} * \frac{1}{(-7)^3} = \frac{1}{[2 * (-7)]^3} = \frac{1}{(-14)^3}$	$a^{-m} = \frac{1}{a^m}$ & $(ab)^m = a^m * b^m$

9.1.3. ಇವುಗಳ ಬೆಲೆಯನ್ನು ಕಂಡುಹಿಡಿಯಿರಿ.

ಸಂಖ್ಯೆ	ವಿಸ್ತರಿಸಿದಾಗ	ಉಪಯೋಗಿಸಿದ ಸೂತ್ರಗಳು
(i) $(3^0 + 4^{-1}) * 2^2$	$= (1 + \frac{1}{4}) * 4 = \frac{5}{4} * 4 = 5$	$a^{-m} = \frac{1}{a^m}$ & $a^0 = 1$
(ii) $(2^{-1} * 4^{-1}) \div 2^{-2}$	$= [2^{-1} * (2^2)^{-1}] \div 2^{-2}$ $= [2^{-1} * 2^{-2}] \div 2^{-2} = \frac{2^{-3}}{2^{-2}} = 2^{(-3-2)} = 2^{-1} = \frac{1}{2^1} = \frac{1}{2}$	$\frac{a^m}{a^n} = a^{m-n}$ & $a^{-m} = \frac{1}{a^m}$
(iii) $\left(\frac{1}{2}\right)^{-2} + \left(\frac{1}{3}\right)^{-2} + \left(\frac{1}{4}\right)^{-2}$	$= \frac{1^{-2}}{2^{-2}} + \frac{1^{-2}}{3^{-2}} + \frac{1^{-2}}{4^{-2}} = \frac{2^2}{1^2} + \frac{3^2}{1^2} + \frac{4^2}{1^2} = \frac{4}{1} + \frac{9}{1} + \frac{16}{1}$ $= 4 + 9 + 16 = 25$	$\left(\frac{a}{b}\right)^m = \frac{a^m}{b^m}$ & $a^{-m} = \frac{1}{a^m}$
(iv) $(3^{-1} + 4^{-1} + 5^{-1})^0$	$= \left[\frac{1}{3} + \frac{1}{4} + \frac{1}{5}\right]^0 = \left[\frac{20+15+12}{60}\right]^0 = \left[\frac{47}{60}\right]^0 = 1$	$a^0 = 1$
(v) $\left[\left(\frac{-2}{3}\right)^{-2}\right]^2$	$= \left(\frac{-2}{3}\right)^{(-2)*2} = \left(\frac{-2}{3}\right)^{-4} = \left(\frac{3}{-2}\right)^4 = \frac{3^4}{(-2)^4} = \frac{81}{16}$	$(a^m)^n = a^{mn}$ & $\left(\frac{a}{b}\right)^{-m} = \left(\frac{b}{a}\right)^m$

9.1.4. ಇವುಗಳ ಬೆಲೆ ಏನು?

ಸಂಖ್ಯೆ	ವಿಸ್ತರಿಸಿದಾಗ	ಉಪಯೋಗಿಸಿದ ಸೂತ್ರ
(i) $\frac{8^{-1} * 5^3}{2^{-4}}$	$= \frac{2^4 * 5^3}{8^1} = \frac{16 * 125}{8} = 250$	$a^{-m} = \frac{1}{a^m}$
(ii) $(5^{-1} * 2^{-1}) * 6^{-1}$	$= \frac{1}{5} * \frac{1}{2} * \frac{1}{6} = \frac{1}{5 * 2 * 6} = \frac{1}{60}$	$a^{-m} = \frac{1}{a^m}$

9.1.5. $5^m \div 5^{-3} = 5^5$ ಆದಾಗ m ನ ಬೆಲೆಯನ್ನು ಕಂಡುಹಿಡಿಯಿರಿ.

$$5^m \div 5^{-3} = 5^5$$

$$\Rightarrow \frac{5^m}{5^{-3}} = 5^5 \quad (\because \frac{a^m}{a^n} = a^{m-n})$$

$$\Rightarrow 5^{m-(-3)} = 5^5$$

$$\Rightarrow 5^{m+3} = 5^5 \Rightarrow m+3=5 \quad \therefore m=5-3=2$$

9.1.6. ಇವುಗಳ ಬೆಲೆಯನ್ನು ಕಂಡುಹಿಡಿಯಿರಿ.

ಸಂಖ್ಯೆ	ವಿಸ್ತರಿಸಿದಾಗ	ಉಪಯೋಗಿಸಿದ ಸೂತ್ರಗಳು
(i) $\left\{\left(\frac{1}{3}\right)^{-1} - \left(\frac{1}{4}\right)^{-1}\right\}^{-1}$	$= \left\{\frac{3}{1} - \frac{4}{1}\right\}^{-1} = (3-4)^{-1} = (-1)^{-1} = \frac{1}{-1} = -1$	$\left(\frac{a}{b}\right)^m = \frac{a^m}{b^m}$ & $a^{-m} = \frac{1}{a^m}$
(ii) $\left(\frac{5}{8}\right)^{-7} * \left(\frac{8}{5}\right)^{-4}$	$= \frac{5^{-7}}{8^{-7}} * \frac{8^{-4}}{5^{-4}} = \frac{8^7}{5^7} * \frac{5^4}{8^4} = \frac{8^{7-4}}{5^{7-4}} = \frac{8^3}{5^3} = \frac{8*8*8}{5*5*5} = \frac{512}{125}$	$\left(\frac{a}{b}\right)^m = \frac{a^m}{b^m}$ & $a^{-m} = \frac{1}{a^m}$

9.1.7. ಸುಲಭಿಸಿ:

ಸಂಖ್ಯೆ	ವಿಸ್ತರಿಸಿದಾಗ	ಉಪಯೋಗಿಸಿದ ಸೂತ್ರಗಳು
(i) $\frac{25*t^{-4}}{5^{-3}*10*t^{-8}}$	$= \frac{25*5^3*t^8}{10*t^4} = \frac{25*125*t^{8-4}}{10} = \frac{625t^4}{2}$	$a^{-m} = \frac{1}{a^m}$
(ii) $\frac{3^{-5}*10^{-5}*125}{5^{-7}*6^{-5}}$	$= \frac{5^7*6^5*125}{3^5*10^5}$ $= \frac{5^7*2^5*3^5*5^3}{3^5*2^5*5^5} = 5^{(7+3-5)} = 5^5$	$a^{-m} = \frac{1}{a^m}$; $(ab)^m = a^m*b^m$; $a^m*a^n = a^{m+n}$ & $\frac{a^m}{a^n} = a^{m-n}$

ಅಭ್ಯಾಸ 9.2

9.2.1. ಕೆಳಗಿನವುಗಳನ್ನು ಘಾತಾಂಕರೂಪದಲ್ಲಿ ವ್ಯಕ್ತಪಡಿಸಿ.

- (i) $0.000000000085 = 8.5 * 10^{-12}$ (12 ನೇ ಸ್ಥಾನದ ನಂತರ ದಶಮಾಂಶ ಬಿಂದು)
- (ii) $0.0000000000942 = 9.42 * 10^{-12}$ (12 ನೇ ಸ್ಥಾನದ ನಂತರ ದಶಮಾಂಶ ಬಿಂದು)
- (iii) $602000000000000 = 6.02 * 10^{15}$ (ದಶಮಾಂಶ ಬಿಂದುವಿನ ಸಂಖ್ಯೆಯ ನಂತರ 15 ಸೊನ್ನೆಗಳು)
- (iv) $0.0000000837 = 8.37 * 10^{-9}$ (9 ನೇ ಸ್ಥಾನದ ನಂತರ ದಶಮಾಂಶ ಬಿಂದು)
- (v) $3186000000 = 3.186 * 10^{10}$ (ದಶಮಾಂಶ ಬಿಂದುವಿನ ಸಂಖ್ಯೆಯ ನಂತರ 10 ಸೊನ್ನೆಗಳು)

9.2.2. ಕೆಳಗಿನವುಗಳನ್ನು ದಶಮಾಂಶ ರೂಪದಲ್ಲಿ ವ್ಯಕ್ತಪಡಿಸಿ.

	ದಶಮಾಂಶ ರೂಪ
(i) $3.02 * 10^{-6}$	$= \frac{3.02}{10^6} = \frac{3.02}{1000000} = 0.00000302$
(ii) $4.5 * 10^4$	$= 4.5 * 10000 = 45,000$
(iii) $3 * 10^{-8}$	$= \frac{3}{10^8} = \frac{3}{100000000} = 0.00000003$
(iv) $1.0001 * 10^9$	$= 1.0001 * 1000000000 = 1,000,100,000$
(v) $5.8 * 10^{12}$	$= 5.8 * 1000000000000 = 5,800,000,000,000$
(vi) $3.61492 * 10^6$	$= 3.61492 * 1000000 = 3,614,920$

9.2.3. ಈ ಕೆಳಗಿನ ಹೇಳಿಕೆಗಳಲ್ಲಿ ಕಂಡುಬರುವ ಸಂಖ್ಯೆಗಳನ್ನು ಸಾಮಾನ್ಯರೂಪದಲ್ಲಿ ಬರೆಯಿರಿ:

ಹೇಳಿಕೆ	ಸಾಮಾನ್ಯರೂಪ
(i) ಒಂದು ಮೈಕ್ರಾನ್ $\frac{1}{1000000}$ ಮೀ. ಗೆ ಸಮವಾಗಿದೆ	$= 1 * 10^{-6} \text{m}$
(ii) ಒಂದು ಎಲೆಕ್ಟ್ರಾನ್‌ನ ವಿದ್ಯುತ್ ಅವೇಶವು 0.000,000,000,000,000,000,16 ಕೂಲಂಬ್	$= \frac{16}{1000,000,000,000,000,000,00} = \frac{16}{10^{20}} = \frac{1.6 * 10^1}{10^{20}} = 1.6 * 10^{-19}$ ಕೂಲಂಬ್
(iii) ಒಂದು ಬ್ಯಾಕ್ಟೀರಿಯಾದ ಗಾತ್ರವು 0.0000005 ಮೀ.ಆಗಿದೆ	$= \frac{5}{10,000,000} = \frac{5}{10^7} = 5 * 10^{-7} \text{mm}$
(iv) ಒಂದು ಸಸ್ಯ ಜೀವ ಕೋಶದ ಗಾತ್ರವು 0.00001275 ಮೀ.ಆಗಿದೆ.	$= \frac{1275}{100,000,000} = \frac{1.275 * 10^3}{10^8} = \frac{1.275}{10^{8-3}} = 1.275 * 10^{-5} \text{mm}$
(v) ಒಂದು ಕಾಗದ ದಪ್ಪವು 0.07 ಮೀ. ಮೀ. ಆಗಿದೆ.	$= \frac{7}{100} = \frac{7}{10^2} = 7 * 10^{-2} \text{mm}$

9.2.4. ಒಂದು ಕಂತೆಯಲ್ಲಿ ಪ್ರತಿಯೊಂದು 20ಮೀ.ಮೀ ದಪ್ಪವುಳ್ಳ 5 ಪುಸ್ತಕಗಳು ಮತ್ತು ಪ್ರತಿಯೊಂದು 0.016ಮೀಮೀ. ದಪ್ಪವುಳ್ಳ 5 ಹಾಳೆಗಳಿವೆ. ಕಂತೆಯ ಒಟ್ಟು ದಪ್ಪ ಎಷ್ಟು?

5 ಪುಸ್ತಕಗಳ ದಪ್ಪ = $5 * 20 \text{mm} = 100 \text{mm}$

5 ದಪ್ಪದ ಹಾಳೆಗಳ ದಪ್ಪ = $5 * 0.016 \text{mm} = 0.080 \text{mm}$

ಕಂತೆಯ ಒಟ್ಟು ದಪ್ಪ = 5 ಪುಸ್ತಕಗಳ ದಪ್ಪ + 5 ದಪ್ಪದ ಹಾಳೆಗಳ ದಪ್ಪ = $100 + 0.080 = 100.080 \text{mm} = 1.0008 * 10^2 \text{mm}$