

ಅಭ್ಯಾಸ 6.2

6.2.1. ಕೆಳಗಿನ ಏಕವರ್ದಣೆಹೀಗಳ ಜೋಡಿಗಳ ಗುಣಲಭ್ಯ ಕಂಡು ಹಿಡಿಯಿರಿ.

(i) $4, 7p$	$4 * 7p = (4 * 7) * p = 28p$
(ii) $-4p, 7p$	$-4p * 7p = (-4) * 7 * p * p = -28p^2$
(iii) $-4p, 7pq$	$-4p * 7pq = (-4) * 7 * p * p * q = -28p^2q$
(iv) $4p^3, -3p$	$4p^3 * (-3p) = 4 * (-3) * p^3 * p = -12p^4$
(v) $4p, 0$	$4p * 0 = (4 * 0) * p = 0 * p = 0$

6.2.2. ಕೆಳಗಿನ ಏಕವರ್ದಣೆಹೀಗಳ ಜೋಡಿಗಳನ್ನು ಕ್ರಮವಾಗಿ ಉದ್ದೇಶಿಸಿ ಅಗಲಗಳಾಗಿ ಹೊಂದಿರುವ ಆಯತಗಳ ವಿಸ್ತೀರ್ಣ ಕಂಡುಹಿಡಿಯಿರಿ.

ಗಮನಿಸಿ: ಆಯತದ ವಿಸ್ತೀರ್ಣ = ಉದ್ದೈ * ಅಗಲ

(ಉದ್ದೈ, ಅಗಲ)	ವಿಸ್ತೀರ್ಣ = ಉದ್ದೈ * ಅಗಲ
(i) (p, q)	$p * q = pq$
(ii) $(10m, 5n)$	$10m * 5n = (10 * 5) * m * n = 50mn$
(iii) $(20x^2, y^2)$	$20x^2 * y^2 = 20x^2y^2$
(iv) $(4x, 3x^2)$	$4x * 3x^2 = (4 * 3)x * x^2 = 12x^3$
(v) $(3m, 4np)$	$3m * 4np = (3 * 4)m * n * p = 12mnp$

6.2.3. ಕೆಳಗಿನ ಗುಣಲಭಗಳ ಕೋಷ್ಟಕ ಪೂರ್ವಾಗೊಳಿಸಿ.

ಗಮನಿಸಿ: ಈ ಲೆಕ್ಕದಲ್ಲಿ

- ಎರಡನೇ ಪದವನ್ನು ಹೊದಲ ಪದದೊಂದಿಗೆ ಗುಣಿಸಲಾಗಿದೆ. ಗುಣಲಭ = ಎರಡನೇ ಪದ * ಹೊದಲ ಪದ
- ಸಂಖ್ಯಾಸಹಿತಗಳನ್ನು ಆವರಣದ ಒಳಗೆ ಗುಣಿಸಿ ಸಂಕ್ಷೇಪಿಸಿದ್ದೇವೆ. ಉದಾ: $(-9 \cdot 2) = -18$
- ಬೀಜೋತ್ತಿಯನ್ನು ಸಂಖ್ಯಾಸಹಿತದ ತಕ್ಕು ಗುಣಿಸಿ ಸಂಕ್ಷೇಪಿಸಿದ್ದೇವೆಂದು ಉದಾ: $x^2y^2 \cdot x = x \cdot x \cdot y \cdot y \cdot x = x^3y^2$
- ಉದಾ: ಗುಣಲಭ = $-18x^3y^2$

ಹೊದಲ ಪದ →	$2x$	$-5y$	$3x^2$	$-4xy$	$7x^2y$	$-9x^2y^2$
ಎರಡನೇ ಪದ ↓						
$2x$	$2x \cdot 2x$ $= (2 \cdot 2) \cdot x \cdot x$ $= 4x^2$	$2x \cdot -5y$ $= (2 \cdot -5) \cdot x \cdot y$ $= -10xy$	$2x \cdot 3x^2$ $= (2 \cdot 3) \cdot x \cdot x^2$ $= 6x^3$	$2x \cdot (-4xy)$ $= 2 \cdot (-4) \cdot x \cdot x \cdot xy$ $= -8x^2y$	$2x \cdot 7x^2y$ $= (2 \cdot 7) \cdot x \cdot x^2y$ $= 14x^3y$	$2x \cdot (-9x^2y^2)$ $= 2 \cdot (-9) \cdot x \cdot x^2y^2$ $= -18x^3y^2$
$-5y$	$-5y \cdot 2x$ $= (-5 \cdot 2) \cdot y \cdot x$ $= -10yx$	$-5y \cdot -5y$ $= (-5 \cdot -5) \cdot y \cdot y$ $= 25y^2$	$-5y \cdot 3x^2$ $= (-5 \cdot 3) \cdot y \cdot x^2$ $= -15x^2y$	$-5y \cdot -4xy$ $= (-5 \cdot -4) \cdot y \cdot xy$ $= 20xy^2$	$-5y \cdot 7x^2y$ $= (-5 \cdot 7) \cdot y \cdot x^2y$ $= -35x^2y^2$	$-5y \cdot (-9x^2y^2)$ $= (-5 \cdot -9) \cdot y \cdot x^2y^2$ $= 45x^2y^3$
$3x^2$	$3x^2 \cdot 2x$ $= (3 \cdot 2) \cdot x^2 \cdot x$ $= 6x^3$	$3x^2 \cdot -5y$ $= (3 \cdot -5) \cdot x^2y$ $= -15x^2y$	$3x^2 \cdot 3x^2$ $= (3 \cdot 3) \cdot x^2 \cdot x^2$ $= 9x^4$	$3x^2 \cdot -4xy$ $= (3 \cdot -4) \cdot x^2 \cdot xy$ $= -12x^3y$	$3x^2 \cdot 7x^2y$ $= (3 \cdot 7) \cdot x^2 \cdot x^2y$ $= 21x^4y$	$3x^2 \cdot (-9x^2y^2)$ $= (3 \cdot -9) \cdot x^2 \cdot x^2y^2$ $= -27x^4y^2$
$-4xy$	$-4xy \cdot 2x$ $= (-4 \cdot 2) \cdot xy \cdot x$ $= -8x^2y$	$-4xy \cdot -5y$ $= (-4 \cdot -5) \cdot xy \cdot y$ $= 20xy^2$	$-4xy \cdot 3x^2$ $= (-4 \cdot 3) \cdot xy \cdot x^2$ $= -12x^3y$	$-4xy \cdot -4xy$ $= (-4 \cdot -4) \cdot x^2y^2$ $= 16x^2y^2$	$-4xy \cdot 7x^2y$ $= (-4 \cdot 7) \cdot xy \cdot x^2y$ $= -28x^3y^2$	$-4xy \cdot (-9x^2y^2)$ $= (-4 \cdot -9) \cdot xy \cdot x^2y^2$ $= 36x^3y^3$
$7x^2y$	$7x^2y \cdot 2x$ $= (7 \cdot 2) \cdot x^2y \cdot x$ $= 14x^3y$	$7x^2y \cdot -5y$ $= (7 \cdot -5) \cdot x^2y \cdot y$ $= -35x^2y^2$	$7x^2y \cdot 3x^2$ $= (7 \cdot 3) \cdot x^2y \cdot x^2$ $= 21x^4y$	$7x^2y \cdot -4xy$ $= (7 \cdot -4) \cdot x^2y \cdot xy$ $= -28x^3y^2$	$7x^2y \cdot 7x^2y$ $= (7 \cdot 7) \cdot x^2y \cdot x^2y$ $= 49x^4y^2$	$7x^2y \cdot (-9x^2y^2)$ $= (7 \cdot -9) \cdot x^2y \cdot x^2y^2$ $= -63x^4y^3$
$-9x^2y^2$	$-9x^2y^2 \cdot 2x$ $= (-9 \cdot 2) \cdot x^2y^2 \cdot x$ $= -18x^3y^2$	$-9x^2y^2 \cdot -5y$ $= (-9 \cdot -5) \cdot x^2y^2 \cdot y$ $= 45x^2y^3$	$-9x^2y^2 \cdot 3x^2$ $= (-9 \cdot 3) \cdot x^2y^2 \cdot x^2$ $= -27x^4y^2$	$-9x^2y^2 \cdot -4xy$ $= (-9 \cdot -4) \cdot x^2y^2 \cdot xy$ $= 36x^3y^3$	$-9x^2y^2 \cdot 7x^2y$ $= (-9 \cdot 7) \cdot x^2y^2 \cdot x^2y$ $= -63x^4y^3$	$-9x^2y^2 \cdot (-9x^2y^2)$ $= (-9 \cdot -9) \cdot x^2y^2 \cdot x^2y^2$ $= 81x^4y^4$

6.2.4. ಕೆಳಗಿನ ಉದ್ದ, ಅಗಲ ಮತ್ತು ಎತ್ತರಗಳನ್ನು ಹೊಂದಿರುವ ಆಯತಾಕಾರದ ವೆಚ್ಚಿಗೆಗಳ ಗಾತ್ರ ಕಂಡುಹಿಡಿಯಿರಿ.

ಗಾತ್ರ= ಉದ್ದ*ಅಗಲ*ಎತ್ತರ ಎಂದು ನಮಗೆ ತಿಳಿದಿದೆ.

ಉದ್ದ, ಅಗಲ ಮತ್ತು ಎತ್ತರ	ಗಾತ್ರ= ಉದ್ದ*ಅಗಲ*ಎತ್ತರ
(i) $5a, 3a^2, 7a^4$	$= 5a * 3a^2 * 7a^4 = (5 * 3 * 7) * a * a^2 * a^4 = 105a^7$
(ii) $2p, 4q, 8r$	$= 2p * 4q * 8r = (2 * 4 * 8) * p * q * r = 64pqr$
(iii) $xy, 2x^2y, 2xy^2$	$= xy * 2x^2y * 2xy^2 = (1 * 2 * 2) * \textcolor{red}{xy} * \textcolor{red}{x^2y} * \textcolor{green}{xy^2} = 4x^4y^4$
(iv) $a, 2b, 3c$	$= a * 2b * 3c = (1 * 2 * 3) * a * b * c = 6abc$

6.2.5. ಕೆಳಗಿನವೆಗಳ ಗುಣಲಭ್ಯ ಕಂಡು ಹಿಡಿಯಿರಿ.

(i) xy, yz, zx	$xy * yz * zx = x * y * y * z * z * x = x^2y^2z^2$
(ii) $a, -a^2, a^3$	$a * -a^2 * a^3 = (1 * -1 * 1) * a * a^2 * a^3 = -a^6$
(iii) $2, 4y, 8y^2, 16y^3$	$2 * 4y * 8y^2 * 16y^3 = (2 * 4 * 8 * 16) * \textcolor{red}{y} * \textcolor{green}{y^2} * \textcolor{blue}{y^3} = 1024y^6$
(iv) $a, 2b, 3c, 6abc$	$a * 2b * 3c * 6abc = (1 * 2 * 3 * 6) * a * b * c * a * b * c = 36a^2b^2c^2$
(v) $m, -mn, mnp$	$m * -mn * mnp = (1 * -1 * 1) * m * m * n * m * n * p = -1m^3n^2p$

ಅಭ್ಯಾಸ 6.3

6.3.1. ಕೆಳಗಿನ ಬೀಜೋತ್ತಿಗಳ ಜೋಡಿಗಳನ್ನು ಗುಣಾಕಾರ ಮಾಡಿ.

ಬೀಜೋತ್ತಿ	
(i) $4p, q+r$	$4p*(q+r) = 4p*q + 4p*r = 4pq + 4pr$
(ii) $ab, (a-b)$	$ab*(a-b) = ab*a - ab*b = a^2b - ab^2$
(iii) $a+b, 7a^2b^2$	$7a^2b^2*(a+b) = 7a^2b^2*a + 7a^2b^2*b = 7a^3b^2 + 7a^2b^3$
(iv) $a^2-9, 4a$	$4a(a^2-9) = 4a*a^2 - 4a*9 = 4a^3 - 36a$
(v) $pq+qr+rp, 0$	$0*(pq+qr+rp) = 0*pq + 0*qr + 0*rp = 0+0+0$

(iii), (iv) ಮತ್ತು (v) ರಲ್ಲಿ ಬೀಜೋತ್ತಿಗಳ ಕ್ರಮಗಳನ್ನು ಅದಲು ಬದಲು ಮಾಡಿ ಗುಣಿಸಿದೆ.(ಪರಿವರ್ತನೀಯ ನಿಯಮ)

6.3.2. ಕೋಷ್ಟಕ ಪೂರ್ಣಗೊಳಿಸಿ.

ನಂ	ಮೊದಲ ಬೀಜೋತ್ತಿ	ಎರಡನೇ ಬೀಜೋತ್ತಿ	ಗುಣಳಿ
(i)	a	$b+c+d$	$a(b+c+d) = ab+ac+ad$
(ii)	$x+y-5$	$5xy$	$5xy(x+y-5) = 5xy*x + 5xy*y + 5xy*(-5) = 5x^2y + 5xy^2 - 25xy$
(iii)	p	$6p^2-7p+5$	$p(6p^2-7p+5) = p*6p^2 - p*(-7p) + p*5 = 6p^3 - 7p^2 + 5p$
(iv)	$4p^2q^2$	p^2-q^2	$4p^2q^2(p^2-q^2) = 4p^2q^2*p^2 - 4p^2q^2*-q^2 = 4p^4q^2 - 4p^2q^4$
(v)	$a+b+c$	abc	$abc(a+b+c) = abc*a + abc*b + abc*c = a^2bc + ab^2c + abc^2$

(ii) ಮತ್ತು (iv) ರಲ್ಲಿ ಬೀಜೋತ್ತಿಗಳ ಕ್ರಮಗಳನ್ನು ಅದಲು ಬದಲು ಮಾಡಿ ಗುಣಿಸಿದೆ.(ಪರಿವರ್ತನೀಯ ನಿಯಮ)

6.3.3. ಗುಣಲಭ್ಯ ಕಂಡುಹಿಡಿಯಿರಿ.

ಗಮನಿಸಿ: $x = x^1; p=p^1; q=q^1$

ನಂ.	ಗುಣಲಭ್ಯ
(i) $(a^2) * (2a^{22}) * (4a^{26})$	$= (1 * 2 * 4) * a^{50}$ (a ಎನ್ನುವುದು $2+22+26=50$ ಸಲ)
(ii) $\frac{2}{3}xy, -\frac{9}{10}x^2y^2$	$= (\frac{2}{3} * -\frac{9}{10}) * xy * x^2y^2 = -\frac{3}{5}x^3y^3$ (x ಎನ್ನುವುದು $1+2=3$ ಸಲ ಮತ್ತು y ಎನ್ನುವುದು $1+2=3$ ಸಲ)
(iii) $-\frac{10}{3}pq^3, \frac{6}{5}p^3q$	$= (-\frac{10}{3} * \frac{6}{5}) * pq^3 * p^3q = 4p^4q^4$ (p ಎನ್ನುವುದು $1+3=4$ ಸಲ ಮತ್ತು q ಎನ್ನುವುದು $3+1=4$ ಸಲ)
(iv) $x * x^2 * x^3 * x^4$	$= (1 * 1 * 1 * 1)x^{10} = x^{10}$ (x ಎನ್ನುವುದು $1+2+3+4=10$ ಸಲ)

6.3.4. (a) $3x(4 - 5) + 3$ ಬೀಜೋಽತಿಯನ್ನು ಸಂಕ್ಷೇಪಿಸಿ. x ಗೆ ತೆಳಗೆ ಕೊಟ್ಟಿರುವ ಬೆಲೆಗಳಿಗೆ ಅದರ ಬೆಲೆ ಕಂಡುಹಿಡಿಯಿರಿ.

$$(i) x = 3 \quad (ii) x = \frac{1}{2}$$

$$3x * (4x-5) + 3 = 3x * 4x + 3x * (-5) + 3 = 12x^2 - 15x + 3$$

$$x=3 \text{ ಆದಾಗ } 12x^2 - 15x + 3 = 12 * 3 * 3 - 15 * 3 + 3 = 72 - 45 + 3 = 114$$

$$x = \frac{1}{2} \text{ ಆದಾಗ } 12x^2 - 15x + 3 = 12 * \frac{1}{2} * \frac{1}{2} - 15 * \frac{1}{2} + 3 = 3 - 7 \frac{1}{2} + 3 = -1 \frac{1}{2} = -\frac{3}{2}$$

6.3.4. (b) $a(a^2 + a + 1) + 5$. ಬೀಜೋಽತಿಯನ್ನು ಸಂಕ್ಷೇಪಿಸಿ ಮತ್ತು a ಗೆ ತೆಳಗೆ ಕೊಟ್ಟಿರುವ ಬೆಲೆಗಳಿಗೆ ಅದರ ಬೆಲೆ ಕಂಡುಹಿಡಿಯಿರಿ.

$$(i) a = 0 \quad (ii) a = 1 \quad (iii) a = -1.$$

$$a(a^2 + a + 1) + 5 = a * a^2 + a * a + a * 1 + 5 = a^3 + a^2 + a + 5$$

$$a=0 \text{ ಆದಾಗ } a^3 + a^2 + a + 5 = 0^3 + 0^2 + 0 + 5 = 0 + 0 + 0 + 5 = 5$$

$$a=1 \text{ ಆದಾಗ } a^3 + a^2 + a + 5 = 1^3 + 1^2 + 1 + 5 = 1 + 1 + 1 + 5 = 8$$

$$a=-1 \text{ ಆದಾಗ } a^3 + a^2 + a + 5 = (-1)^3 + (-1)^2 + (-1) + 5 = -1 + 1 - 1 + 5 = 4$$

6.3.5.

a) କେନ୍ଦ୍ରିୟ: $p(p-q)+q(q-r)+r(r-p) = p^2 - pq + q^2 - qr + r^2 - rp = p^2 + q^2 + r^2 - pq - qr - rp$

b) କେନ୍ଦ୍ରିୟ: $2x(z-x-y) + 2y(z-y-x) = 2xz - 2x^2 - 2xy + 2yz - 2y^2 - 2yx = 2xz - 2x^2 - 4xy + 2yz - 2y^2$

c) କେନ୍ଦ୍ରିୟ: $4l(10n-3m+2l) - \{ 3l(l-4m+5n) \} = 40ln - 12lm + 8l^2 - \{ 3l^2 - 12lm + 15ln \}$

$$\begin{aligned} &= 40ln - 12lm + 8l^2 - 3l^2 + 12lm - 15ln \\ &= 25ln + 0 + 5l^2 = 5l^2 + 25ln \end{aligned}$$

d) କେନ୍ଦ୍ରିୟ: $4c(-a+b+c) - \{ 3a(a+b+c) - 2b(a-b+c) \} = -4ac + 4bc + 4c^2 - \{ 3a^2 + 3ab + 3ac - 2ab + 2b^2 - 2bc \}$

$$\begin{aligned} &= -4ac + 4bc + 4c^2 - 3a^2 - 3ab - 3ac + 2ab - 2b^2 + 2bc \\ &= -7ac + 6bc + 4c^2 - 3a^2 - ab + 2b^2 \\ &= -7ac + 6bc + 4c^2 - 3a^2 - ab - 2b^2 \end{aligned}$$

ಅಭಾಗ 6.4

6.4.1. ದ್ವಿಪದೋತ್ತಮಗಳನ್ನು ಗುಣಿಸಿ.

ಗಮನಿಸಿ: ಇಲ್ಲಿನ ಎಲ್ಲಾ ಲೆಕ್ಕಗಳನ್ನು ಬಿಡಿಸಲು ವಿಶರಣಾ ನಿಯಮವನ್ನು ಉಪಯೋಗಿಸುತ್ತೇವೆ. ನಂತರ ಸಜಾತೀಯ ಪದಗಳನ್ನು ಒಟ್ಟಿಗೆ ಸೇರಿಸುತ್ತೇವೆ.

(i) $(2x+5) * (4x-3)$	$= 2x(4x-3) + 5(4x-3) = 2x * 4x - 2x * 3 + 5 * 4x - 5 * 3 = 8x^2 - 6x + 20x - 15 = 8x^2 + 14x - 15$
(ii) $(y-8) * (3y-4)$	$= y(3y-4) - 8(3y-4) = y * 3y - y * 4 - 8 * 3y + 8 * 4 = 3y^2 - 4y - 24y + 32 = 3y^2 - 28y + 32$
(iii) $(2.5l - 0.5m) * (2.5l + 0.5m)$	$= 2.5l(2.5l + 0.5m) - 0.5m(2.5l + 0.5m)$ $= 2.5l * 2.5l + 2.5l * 0.5m - 0.5m * 2.5l - 0.5m * 0.5m = (2.5l)^2 - (0.5m)^2 = 6.25l^2 - 0.25m^2$
(iv) $(a+3b) * (x+5)$	$= a(x+5) + 3b(x+5) = ax + 5a + 3bx + 15b$
(v) $(2pq + 3q^2)(3pq - 2q^2)$	$= 2pq(3pq - 2q^2) + 3q^2(3pq - 2q^2) = 2pq * 3pq - 2pq * 2q^2 + 3q^2 * 3pq - 3q^2 * 2q^2$ $= 6(pq)^2 - 4pq * q^2 + 9q^2 * pq - 6q^4$ $= 6p^2q^2 - 4pq^3 + 9p^3q - 6q^4 = 6p^2q^2 + 5pq^3 - 6q^4$
(vi) $\left(\frac{3}{4}a^2 + 3b^2\right)4(a^2 - \frac{2}{3}b^2)$	$= \left(\frac{3}{4}a^2 + 3b^2\right)(4a^2 - \frac{8}{3}b^2) = \frac{3}{4}a^2(4a^2 - \frac{8}{3}b^2) + 3b^2(4a^2 - \frac{8}{3}b^2)$ $= \frac{3}{4}a^2 * 4a^2 - \frac{3}{4}a^2 * \frac{8}{3}b^2 + 3b^2 * 4a^2 - 3b^2 * \frac{8}{3}b^2$ $= 3a^4 - 2a^2b^2 + 12b^2a^2 - 8b^4$

6.4.2. ಗುಣಲಭ್ಯ ತಂಡುಹಿಡಿಯಿರಿ.

(i) $(5-2x)(3+x)$	$= 5(3+x) - 2x(3+x) = 5 * 3 + 5 * x - 2x * 3 - 2x * x = 15 + 5x - 6x - 2x^2 = 15 - x - 2x^2$
(ii) $(x+7y)(7x-y)$	$= x(7x-y) + 7y(7x-y) = x * 7x - x * y + 7y * 7x - 7y * y = 7x^2 - xy + 49xy - 7y^2 = 7x^2 + 48xy - 7y^2$
(iii) $(a^2+b)(a+b^2)$	$= a^2(a+b^2) + b(a+b^2) = a^2 * a + a^2 * b^2 + b * a + b * b^2 = a^3 + a^2b^2 + ab + b^3$
(iv) $(p^2-q^2)(2p+q)$	$= p^2(2p+q) - q^2(2p+q) = p^2 * 2p + p^2 * q - q^2 * 2p - q^2 * q = 2p^3 + p^2q - 2pq^2 - q^3$

6.4.3. සංඛ්‍යාධීසි.

(i) $(x^2-5)(x+5)+25$	$=x^2(x+5) - 5(x+5) + 25 = x^3 + 5x^2 - 5x - 25 + 25 = x^3 + 5x^2 - 5x$
(ii) $(a^2+5)(b^3+3)+5$	$=a^2(b^3+3) + 5(b^3+3) + 5 = a^2b^3 + 3a^2 + 5b^3 + 15 + 5 = a^2b^3 + 3a^2 + 5b^3 + 20$
(iii) $(t+s^2)(t^2-s)$	$=t(t^2-s) + s^2(t^2-s) = t^3 - st + s^2t^2 - s^3$
(iv) $(a+b)(c-d) + (a-b)(c+d) + 2(ac+bd)$	$=a(c-d) + b(c-d) + a(c+d) - b(c+d) + 2(ac+bd)$ $=ac-ad + bc-bd + ac+ad-bc-bd + 2ac + 2bd$ $=4ac$
(v) $(x+y)(2x+y) + (x+2y)(x-y)$	$=x(2x+y) + y(2x+y) + x(x-y) + 2y(x-y) = 2x^2 + xy + 2xy + y^2 + x^2 - xy + 2xy - 2y^2$ $=3x^2 + 4xy - y^2$
(vi) $(x+y)(x^2-xy+y^2)$	$=x(x^2-xy+y^2) + y(x^2-xy+y^2) = x^3 - x^2y + xy^2 + x^2y - xy^2 + y^3$ $=x^3 + y^3$
(vii) $(1.5x-4y)(1.5x+4y+3) - 4.5x + 12y$	$=1.5x(1.5x+4y+3) - 4y(1.5x+4y+3) - 4.5x + 12y$ $=(1.5x)^2 + (1.5)*4y + (1.5)*3x - 4*(1.5)xy - 16y^2 - 12y - 4.5x + 12y$ $=2.25x^2 + 6xy + 4.5x - 6xy - 16y^2 - 12y - 4.5x + 12y$ $=2.25x^2 - 16y^2$
(viii) $(a+b+c)(a+b-c)$	$=a(a+b-c) + b(a+b-c) + c(a+b-c)$ $=a^2 + ab - ac + ba + b^2 - bc + ac + bc - c^2$ $= a^2 + b^2 - c^2 + 2ab$

ಅಭ್ಯಾಸ 6.5

6.5.1. ಕೆಳಗಿನವುಗಳ ಗುಣಲಭ್ಯಗಳನ್ನು ಸೂತ್ರ ನಿಶ್ಚಯಿಸಿಕರಣ ಬಳಸಿ ತಂಡುಹಿಡಿಯಿರಿ.

ಗಮನಿಸಿ: ಈ ಅಭ್ಯಾಸದಲ್ಲಿ ಈ ಕೆಳಗಿನ ಸಮೀಕರಣಗಳನ್ನು ಉಪಯೋಗಿಸುತ್ತೇವೆ ಮತ್ತು ಇಲ್ಲಿನ a, b ಮತ್ತು x, y ಗಳಿಗೆ ಸೂತ್ರ ಬೆಲೆಯನ್ನು ನೀಡಿ ಲೆಕ್ಕಗಳನ್ನು ಬೆಳಿಸಲಾಗಿದೆ.

- $(a+b)^2 = a^2 + 2ab + b^2$ ಅಥವಾ $(x+y)^2 = x^2 + 2xy + y^2$
- $(a-b)^2 = a^2 - 2ab + b^2$ ಅಥವಾ $(x-y)^2 = x^2 - 2xy + y^2$
- $(a+b)(a-b) = a^2 - b^2$ ಅಥವಾ $(x+y)(x-y) = x^2 - y^2$

ಲೆಕ್ಕ	ಬಳಸಿದ ನಿಶ್ಚಯಿಸಿಕರಣ	ಬೆಲೆಯ ಆದೇಶ	ಗುಣಲಭ್ಯ
(i) $(x+3)(x+3)$	$(a+b)^2 = a^2 + 2ab + b^2$	$a=x; b=3$	$x^2 + 2*x*3 + 3^2 = x^2 + 6x + 9$
(ii) $(2y+5)(2y+5)$	$(a+b)^2 = a^2 + 2ab + b^2$	$a=2y; b=5$	$(2y)^2 + 2*2y*5 + 5^2 = 4y^2 + 20y + 25$
(iii) $(2a-7)(2a-7)$	$(x-y)^2 = x^2 - 2xy + y^2$	$x=2a; y=7$	$(2a)^2 - 2*2a*7 + 7^2 = 4a^2 - 28a + 49$
(iv) $(3a-\frac{1}{2})(3a-\frac{1}{2})$	$(x-y)^2 = x^2 - 2xy + y^2$	$x=3a; y=\frac{1}{2}$	$(3a)^2 - 2*3a*\frac{1}{2} + (\frac{1}{2})^2 = 9a^2 - 3a + \frac{1}{4}$
(v) $(1.1m-0.4)(1.1m+0.4)$	$(a+b)(a-b) = a^2 - b^2$	$a=1.1m; b=0.4$	$(1.1m)^2 - (0.4)^2 = 1.21m^2 - 0.16$
(vi) $(a^2+b^2)(-a^2+b^2)$	$(x+y)(x-y) = x^2 - y^2$	$x=b^2; y=a^2$	$(b^2)^2 - (a^2)^2 = b^4 - a^4$
(vii) $(6x-7)(6x+7)$	$(a-b)(a+b) = a^2 - b^2$	$a=6x; b=7$	$(6x)^2 - 7^2 = 36x^2 - 49$
(viii) $(-a+c)(-a+c)$	$(x+y)^2 = x^2 + 2xy + y^2$	$x=-a; y=c$	$(-a)^2 + 2*(-a)*c + c^2 = a^2 - 2ac + c^2$
(ix) $\left(\frac{x}{2} + \frac{3y}{4}\right) \left(\frac{x}{2} + \frac{3y}{4}\right)$	$(a+b)^2 = a^2 + 2ab + b^2$	$a=\frac{x}{2}; b=\frac{3y}{4}$	$(\frac{x}{2})^2 + 2*\frac{x}{2}*\frac{3y}{4} + (\frac{3y}{4})^2 = \frac{x^2}{4} + \frac{3xy}{4} + \frac{9y^2}{16}$
(x) $(7a-9b)(7a-9b)$	$(x-y)^2 = x^2 - 2xy + y^2$	$x=7a; y=9b$	$(7a)^2 - 2*7a*9b + (9b)^2 = 49a^2 - 126ab + 81b^2$

6.5.2. $(x+a)(x+b) = x^2 + (a+b)x + ab$ ನಿತ್ಯಸಮೀಕರಣ ಬಳಸಿ ಕೆಳಗಿನವುಗಳ ಗುಣಲಭ್ಯ ತಂಡುಹಿಡಿಯಿರಿ.

ಮೇಲಿನ ನಿತ್ಯಸಮೀಕರಣವು $(r+m)(r+n) = r^2 + (m+n)r + mn$ ಗೆ ಸಮನಾಗಿರುತ್ತದೆ ಎನ್ನುವುದನ್ನು ಗಮನಿಸಿ. r, m, n ಗಳಿಗೆ ಸೂಕ್ತ ಬೆಲೆಯನ್ನು ನೀಡಿ ಲೆಕ್ಕಾಗಳನ್ನು ಬಿಡಿಸಲಾಗಿದೆ.

ಲೆಕ್ಕು	ಬೆಲೆಯ ಆದೇಶ	ಗುಣಲಭ್ಯ $= r^2 + (m+n)r + mn$
(i) $(x+3)(x+7)$	$r=x; m=3; n=7$	$x^2 + (3+7) * x + 3 * 7 = x^2 + 10x + 21$
(ii) $(4x+5)(4x+1)$	$r=4x; m=5; n=1$	$(4x)^2 + (5+1) * 4x + 5 * 1 = 16x^2 + 24x + 5$
(iii) $(4x-5)(4x-1)$	$r=4x; m=-5; n=-1$	$(4x)^2 + (-5-1) * 4x + (-5 * -1) = 16x^2 - 24x + 5$
(iv) $(4x+5)(4x-1)$	$r=4x; m=5; n=-1$	$(4x)^2 + (5-1) * 4x + 5 * -1 = 16x^2 + 16x - 5$
(v) $(2x+5y)(2x+3y)$	$r=2x; m=5y; n=3y$	$(2x)^2 + (5y+3y) * 2x + 5y * 3y = 4x^2 + 16xy + 15y^2$
(vi) $(2a^2+9)(2a^2+5)$	$r=2a^2; m=9; n=5$	$(2a^2)^2 + (9+5) * 2a^2 + 9 * 5 = 4a^4 + 28a^2 + 45$
(vii) $(xyz-4)(xyz-2)$	$r=xyz; m=-4; n=-2$	$(xyz)^2 + (-4-2) * xyz + (-4) * (-2) = x^2y^2z^2 - 6xyz + 8$

6.5.3. ಕೆಳಗಿನವುಗಳ ವರ್ಗಗಳನ್ನು ನಿತ್ಯಸಮೀಕರಣ ಬಳಸಿ ತಂಡುಹಿಡಿಯಿರಿ.

ಲೆಕ್ಕು	ಬಳಸಿದ ನಿತ್ಯಸಮೀಕರಣ	ಬೆಲೆಯ ಆದೇಶ	ಉತ್ತರ
(i) $(b-7)^2$	$(x-y)^2 = x^2 - 2xy + y^2$	$x=b; y=7$	$b^2 - 2 * b * 7 + 7^2 = b^2 - 14b + 49$
(ii) $(xy+3z)^2$	$(a+b)^2 = a^2 + 2ab + b^2$	$a=xy; b=3z$	$(xy)^2 + 2 * xy * 3z + (3z)^2 = x^2y^2 + 6xyz + 9z^2$
(iii) $(6x^2-5y)^2$	$(a-b)^2 = a^2 - 2ab + b^2$	$a=6x^2; b=5y$	$(6x^2)^2 - 2 * 6x^2 * 5y + (5y)^2 = 36x^4 - 60x^2y + 25y^2$
(iv) $\left(\frac{2}{3}m + \frac{3}{2}n\right)^2$	$(a+b)^2 = a^2 + 2ab + b^2$	$a=\frac{2}{3}m; b=\frac{3}{2}n$	$\left(\frac{2}{3}m\right)^2 + 2 * \frac{2}{3}m * \frac{3}{2}n + \left(\frac{3}{2}n\right)^2 = \frac{4}{9}m^2 + 2mn + \frac{9}{4}n^2$
(v) $(0.4p-0.5q)^2$	$(a-b)^2 = a^2 - 2ab + b^2$	$a=0.4p; b=0.5q$	$(0.4p)^2 - 2 * 0.4p * 0.5q + (0.5q)^2 = 0.16p^2 - 0.4pq + 0.25q^2$
(vi) $(2xy+5y)^2$	$(a+b)^2 = a^2 + 2ab + b^2$	$a=2xy; b=5y$	$(2xy)^2 + 2 * 2xy * 5y + (5y)^2 = 4x^2y^2 + 20xy^2 + 25y^2$

6.5.4. ಸಂಕ್ಷೇಪಿಸಿ.

ಲೆಕ್ಚರ್	ಒಳನೀಡ ನಿಶ್ಚಯಮಾಡಿಕರಣ	ಬೆಲೆಯ ಆದೇಶ	ಉತ್ತರ
(i) $(a^2 - b^2)^2$	$(x-y)^2 = x^2 - 2xy + y^2$	$x = a^2; y = b^2$	$(a^2)^2 - 2 \cdot a^2 \cdot b^2 + (b^2)^2 = a^4 - 2a^2b^2 + b^4$
(ii) $(2x+5)^2 - (2x-5)^2$	$(a+b)^2 = a^2 + 2ab + b^2$ and $(a-b)^2 = a^2 - 2ab + b^2$	$a = 2x; b = 5$ and $a = 2x; b = 5$	$(2x)^2 + 2 \cdot 2x \cdot 5 + 5^2 = 4x^2 + 20x + 25 \quad \dots(1)$ and $(2x)^2 - 2 \cdot 2x \cdot 5 + 5^2 = 4x^2 - 20x + 25 \quad \dots(2)$ ಕೆಳದಾಗಿ $= 40x \leftarrow \dots(1)-(2)$
(iii) $(7m-8n)^2 + (7m+8n)^2$	$(a-b)^2 = a^2 - 2ab + b^2$ and $(a+b)^2 = a^2 + 2ab + b^2$	$a = 7m; b = 8n$ and $a = 7m; b = 8n$	$(7m)^2 + 2 \cdot 7m \cdot 8n + (8n)^2 = 49m^2 - 112mn + 64n^2$ and $(7m)^2 + 2 \cdot 7m \cdot 8n + (8n)^2 = 49m^2 + 112mn + 64n^2$ ಇವುಗಳ ಮೊತ್ತ = $2(49 m^2 + 64n^2) = 98 m^2 + 128n^2$
(iv) $(4m+5n)^2 + (5m+4n)^2$	$(a+b)^2 = a^2 + 2ab + b^2$ and $(a+b)^2 = a^2 + 2ab + b^2$	$a = 4m; b = 5n$ and $a = 5m; b = 4n$	$(4m)^2 + 2 \cdot 4m \cdot 5n + (5n)^2 = 16m^2 + 40mn + 25n^2$ and $(5m)^2 + 2 \cdot 5m \cdot 4n + (4n)^2 = 25m^2 + 40mn + 16n^2$ ಇವುಗಳ ಮೊತ್ತ = $41m^2 + 80mn + 41n^2$
(v) $(2.5p-1.5q)^2 - (1.5p-2.5q)^2$	$(a-b)^2 = a^2 - 2ab + b^2$ and $(a-b)^2 = a^2 - 2ab + b^2$	$a = 2.5p; b = 1.5q$ and $a = 1.5p; b = 2.5q$	$(2.5p)^2 - 2 \cdot 2.5p \cdot 1.5q + (1.5q)^2 \dots(1)$ $= 6.25p^2 - 7.5pq + 2.25q^2$ and $(1.5p)^2 - 2 \cdot 1.5p \cdot 2.5q + (2.5q)^2 \dots(2)$ $= 2.25p^2 - 7.5pq + 6.25q^2$ ಕೆಳದಾಗಿ $4p^2 - 4q^2 \leftarrow \dots(1)-(2)$
(vi) $(ab+bc)^2 - 2a^2bc$	$(x+y)^2 = x^2 + 2xy + y^2$	$x = ab; y = bc$	$(ab)^2 + 2 \cdot ab \cdot bc + (bc)^2 = a^2b^2 + 2ab^2c + b^2c^2 - 2ab^2c$ $= a^2b^2 + b^2c^2$
(vii) $(m^2-n^2m)^2 + 2m^3n^2$	$(a-b)^2 = a^2 - 2ab + b^2$	$a = m^2; b = n^2m$	$(m^2)^2 - 2 \cdot m^2 \cdot n^2m + (n^2m)^2 + 2m^3n^2$ $= m^4 - 2m^3n^2 + n^4m^2 + 2m^3n^2$ $= m^4 + n^4m^2$

6.5.5. ಇವುಗಳನ್ನು ಸಾಧಿಸಿ.

ಗಮನಿಸಿ: ಇಲ್ಲಿನ ಸಮಸ್ಯೆಗಳಲ್ಲಿ ಎಡಭಾಗ ಮತ್ತು ಬಲಭಾಗಗಳನ್ನು ಪ್ರತ್ಯೇಕ ಪ್ರತ್ಯೇಕವಾಗಿ ಸಂಪೂರ್ಣವಾಗಿ ಅವುಗಳು ಸಮಾಗಿಯವುದನ್ನು ಪರಿಶೀಲಿಸಬಹುದು.

ನಂ.	ಸಮಸ್ಯೆಯ ಎಡಭಾಗ =	ಬಳಸಿದ ನಿತ್ಯಸಮೀಕರಣಗಳು	ಬೆಲೆಯ ಆದೇಶ	ಸಮಸ್ಯೆಯ ಬಲಭಾಗ =
(i)	$\begin{aligned} &(3x+7)^2 - 84x \\ &= (3x)^2 + 2 \cdot 3x \cdot 7 + 7^2 - 84x \\ &= 9x^2 + 42x + 49 - 84x \\ &= 9x^2 - 42x + 49 \end{aligned}$	$\begin{aligned} (a+b)^2 &= a^2 + 2ab + b^2 \\ \text{ಬಲಭಾಗಕ್ಕೆ} \\ (a-b)^2 &= a^2 - 2ab + b^2 \end{aligned}$	$a = 3x; b = 7$	$\begin{aligned} &(3x-7)^2 \\ &= (3x)^2 - 2 \cdot 3x \cdot 7 + 7^2 \\ &= 9x^2 - 42x + 49 \end{aligned}$
(ii)	$\begin{aligned} &(9p-5q)^2 + 180pq \\ &= (9p)^2 - 2 \cdot 9p \cdot 5q + (5q)^2 + 180pq \\ &= 81p^2 - 90pq + 25q^2 + 180pq \\ &= 81p^2 + 90pq + 25q^2 \end{aligned}$	$\begin{aligned} (a-b)^2 &= a^2 - 2ab + b^2 \\ \text{ಬಲಭಾಗಕ್ಕೆ} \\ (a+b)^2 &= a^2 + 2ab + b^2 \end{aligned}$	$a = 9p; b = 5q$	$\begin{aligned} &(9p+5q)^2 \\ &= (9p)^2 + 2 \cdot 9p \cdot 5q + (5q)^2 \\ &= 81p^2 + 90pq + 25q^2 \end{aligned}$
(iii)	$\begin{aligned} &\left(\frac{4}{3}m - \frac{3}{4}n\right)^2 + 2mn \\ &= \left(\frac{4}{3}m\right)^2 - 2 \cdot \frac{4}{3}m \cdot \frac{3}{4}n + \left(\frac{3}{4}n\right)^2 \\ &= \frac{16}{9}m^2 - 2mn + \frac{9}{16}n^2 + 2mn \\ &= \frac{16}{9}m^2 + \frac{9}{16}n^2 \end{aligned}$	$(a-b)^2 = a^2 - 2ab + b^2$	$a = \frac{4}{3}m; b = \frac{3}{4}n$	$\frac{16}{9}m^2 + \frac{9}{16}n^2$
(iv)	$\begin{aligned} &(4pq+3q)^2 - (4pq-3q)^2 \\ &= (4pq)^2 + 2 \cdot 4pq \cdot 3q + (3q)^2 \\ &\quad - \{ (4pq)^2 - 2 \cdot 4pq \cdot 3q + (3q)^2 \} \\ &= 24pq^2 + 24pq^2 = 48pq^2 \end{aligned}$	$\begin{aligned} (a+b)^2 &= a^2 + 2ab + b^2 \\ \text{and} \\ (a-b)^2 &= a^2 - 2ab + b^2 \end{aligned}$	$a = 4pq; b = 3q$	$48pq^2$
(v)	$(a-b)(a+b) + (b-c)(b+c) + (c-a)(c+a) = a^2 - b^2 + b^2 - c^2 + c^2 - a^2 = 0$			

ಗಮನಿಸಿ: ಸಮಸ್ಯೆ (v) ರಲ್ಲಿ $(x+y)(x-y) = x^2 - y^2$ ಸೂತ್ರವನ್ನು, x ಮತ್ತು y ಗಳಿಗೆ ಬೇರೆ ಬೇರೆ ಬೆಲೆ ನೀಡಿ ಮೂರು ಬಾರಿ ಉಪಯೋಗಿಸಿದ್ದೇವೆ.

6.5.6. ನಿತ್ಯಸಮೀಕರಣಗಳನ್ನು ಬಳಸಿ ಕೆಳಗಿನವುಗಳ ಬೇಲೆ ಕಂಡುಹಿಡಿಯಿರಿ.

ಗಮನಿಸಿ: ಇಲ್ಲಿನ ಲೆಕ್ಕಗಳಲ್ಲಿ ನೀಡಿದ ಸಂಖ್ಯೆಯನ್ನು ಎರಡು ಸಂಖ್ಯೆಗಳ ಮೊತ್ತ ಅಥವಾ ವೃತ್ತಾಸ್ವಾರಿ ಎರಡನೇ ಕಾಲಂ ನಲ್ಲಿ ನಮೂದಿಸಿರುವದನ್ನು ನೋಡಿ.

ಲೆಕ್ಕು	ಯಾವುದಕ್ಕೆ ಸಮ?	ಬಳಸಿದ ನಿತ್ಯಸಮೀಕರಣ	ಬೇಲೆಯ ಆದೇಶ	ಉತ್ತರ
(i) 71^2	$=(70+1)^2$	$(a+b)^2 = a^2 + 2ab + b^2$	a=70; b= 1	$70^2 + 2 * 70 * 1 + 1^2 = 4900 + 140 + 1 = 5041$
(ii) 99^2	$=(100-1)^2$	$(a-b)^2 = a^2 - 2ab + b^2$	a=100; b=1	$100^2 - 2 * 100 * 1 + 1^2 = 10000 - 200 + 1 = 9801$
(iii) 102^2	$=(100+2)^2$	$(a+b)^2 = a^2 + 2ab + b^2$	a=100; b= 2	$100^2 + 2 * 100 * 2 + 2^2 = 10000 + 400 + 4 = 10404$
(iv) 998^2	$=(1000-2)^2$	$(a-b)^2 = a^2 - 2ab + b^2$	a=1000; b=2	$1000^2 - 2 * 1000 * 2 + 2^2 = 1000000 - 4000 + 4 = 9,96,004$
(v) $(5.2)^2$	$=(5+.2)^2$	$(a+b)^2 = a^2 + 2ab + b^2$	a=5; b=.2	$5^2 + 2 * 5 * .2 + (.2)^2 = 25 + 2 + .04 = 27.04$
(vi) 297×303	$=(300-3)(300+3)$	$(a-b)(a+b) = a^2 - b^2$	a=300; b=3	$300^2 - 3^2 = 90000 - 9 = 89,991$
(vii) 78×82	$=(80-2)(80+2)$	$(a-b)(a+b) = a^2 - b^2$	a=80; b=2	$80^2 - 2^2 = 6400 - 4 = 6396$
(viii) 8.9^2	$=(9-.1)^2$	$(a-b)^2 = a^2 - 2ab + b^2$	a=9; b=.1	$9^2 - 2 * 9 * .1 + (.1)^2 = 81 - 1.8 + .01 = 79.21$
(ix) 10.5×9.5	$=(10+.5)(10-.5)$	$(a+b)(a-b) = a^2 - b^2$	a=10; b=.5	$10^2 - (.5)^2 = 100 - .25 = 99.75$

6.5.7. $a^2 - b^2 = (a+b)(a-b)$ ನಿತ್ಯಸಮೀಕರಣ ಬಳಸಿ ಕೆಳಗಿನವುಗಳ ಬೇಲೆ ಕಂಡುಹಿಡಿಯಿರಿ.

ಲೆಕ್ಕು	a=?; b=?	$(a+b)(a-b)=??$
(i) $51^2 - 49^2$	a=51; b=49	$(51+49)(51-49) = 100 * 2 = 200$
(ii) $(1.02)^2 - (0.98)^2$	a=1.02; b=0.98	$(1.02+0.98)(1.02-0.98) = 2 * 0.04 = 0.08$
(iii) $153^2 - 147^2$	a=153; b=147	$(153+147)(153-147) = 300 * 6 = 1800$
(iv) $12.1^2 - 7.9^2$	a=12.1; b=7.9	$(12.1+7.9)(12.1-7.9) = 20 * 4.2 = 84$

6.5.8. $(x+a)(x+b) = x^2 + (a+b)x + ab$ ಒಳನ್ಯಾಸದಲ್ಲಿ ಕೆಳಗಿನವುಗಳನ್ನು ತಂಡುಹಿಡಿಯಿರಿ.

ಲೆಕ್ಚರ್	ಲೆಕ್ಚರ್ ಸಂಪೂರ್ಣಗಳನ್ನು ಬೀಡಿಸಿದಾಗ	$x=?; a=?; b=?$	$x^2 + (a+b)x + ab = ??$
(i) 103×104	$103 = 100 + 3; 104 = 100 + 4$	$x = 100; a = 3; b = 4$	$100^2 + (3+4) \times 100 + 3 \times 4 = 10000 + 700 + 12 = 10712$
(ii) 5.1×5.2	$5.1 = 5 + .1; 5.2 = 5 + .2$	$x = 5; a = .1; b = .2$	$5^2 + (.1 + .2) \times 5 + .1 \times .2 = 25 + 1.5 + 0.02 = 26.52$
(iii) 103×98	$103 = 100 + 3; 98 = 100 - 2$	$x = 100; a = 3; b = -2$	$100^2 + (3-2) \times 100 - 3 \times 2 = 10000 + 100 - 6 = 10094$
(iv) 9.7×9.8	$9.7 = 9 + .7; 9.8 = 9 + .8$	$x = 9; a = .7; b = .8$	$9^2 + (.7 + .8) \times 9 + .7 \times .8 = 81 + 13.5 + .56 = 95.06$