

2.5 ಬೀಜೋಕ್ತಿಗಳ ಮ.ಸಾ.ಅ ಮತ್ತು ಲ.ಸಾ.ಅ:

ಎರಡು ಅಥವಾ ಹೆಚ್ಚು ಸಂಖ್ಯೆಗಳ ಮ.ಸಾ.ಅ. ಎಂದರೇನೆಂದು ನಮಗೇಗಾಗಲೇ ತಿಳಿದಿದೆ. ಅದು ಎಲ್ಲಾ ಸಂಖ್ಯೆಗಳ ಸಾಮಾನ್ಯ ಅಪವರ್ತನಗಳಲ್ಲಿ ಅತಿದೊಡ್ಡದಾಗಿದೆ.

ಉದಾಹರಣೆಗೆ 4, 8, 20, 16. - ಈ ನಾಲ್ಕು ಸಂಖ್ಯೆಗಳನ್ನು ನೋಡಿ. 1,2 ಮತ್ತು 4 ಇವೆರಡು ಮೇಲಿನ ನಾಲ್ಕು ಸಂಖ್ಯೆಗಳ ಸಾಮಾನ್ಯ ಅಪವರ್ತನವಾಗಿದ್ದ 4 ಅವುಗಳಲ್ಲಿ ದೊಡ್ಡದಾಗಿದೆ.
 \therefore 4, 8, 20, 16- ಇವುಗಳ ಮ.ಸಾ.ಅ. **4**.

ಮ.ಸಾ.ಅ. ವು ಭಿನ್ನರಾಶಿಗಳನ್ನು ಸುಲಭ ರೂಪಕ್ಕೆ ತರಲು ಉಪಯುಕ್ತ..

ಉದಾಹರಣೆಗೆ ಒಂದು ಭಿನ್ನರಾಶಿ $= \frac{30}{48}$ ನ್ನು ನೋಡುವಾ.

30 ಮತ್ತು 48 ರ ಮ.ಸಾ.ಅ 6.

$$\begin{aligned}\frac{30}{48} &= \frac{6*5}{6*8}; \text{ ಅಂಶ ಮತ್ತು ಭೇದಗಳಲ್ಲಿನ ಸಾಮಾನ್ಯ ಅಪವರ್ತನಗಳನ್ನು ತೆಗೆದಾಗ} \\ &= \frac{5}{8}\end{aligned}$$

ಲ.ಸಾ.ಅ. ಎಂದರೇನು? ಅದು ದತ್ತ ಸಂಖ್ಯೆಗಳ ಸಾಮಾನ್ಯ ಗುಣಕ (ಅಪವರ್ತ್ಯ) ಗಳಲ್ಲಿ ಚಿಕ್ಕದು ಆಗಿರುತ್ತದೆ.

ಉದಾಹರಣೆಗೆ 4, 8, 20, 16 ಇವುಗಳ ಸಾಮಾನ್ಯ ಅಪವರ್ತ್ಯಗಳು
 $= 80, 160, 320 \dots$ ಇವುಗಳಲ್ಲಿ ಚಿಕ್ಕದು 80.

\therefore 80 ದತ್ತ ಸಂಖ್ಯೆಗಳ ಲ.ಸಾ.ಅ.

ಲ.ಸಾ.ಅ.ವು ಭಿನ್ನರಾಶಿಗಳನ್ನು ಕೊಡಿಸಲು ಉಪಯುಕ್ತ.

ಈಗ $\frac{1}{4}, \frac{1}{8}, \frac{1}{20}$ ನ್ನು ಕೊಡಿಸುವಾ.

$4, 8, 20$ ರ $\text{ಲ.ಸಾ.ಅ} = 40$

$$\begin{aligned}\frac{1}{4} &= \frac{10}{40}, \quad \frac{1}{8} = \frac{5}{40}, \quad \frac{1}{20} = \frac{2}{40} \\ \therefore \frac{1}{4} + \frac{1}{8} + \frac{1}{20} &= \frac{10}{40} + \frac{5}{40} + \frac{2}{40} = \frac{(10+5+2)}{40} = \frac{17}{40}\end{aligned}$$

ಈಗ ಸಂಖ್ಯೆಗಳ ಮ.ಸಾ.ಅ ಕಂಡುಹಿಡಿಯವ ಕ್ರಮವನ್ನು ಪುನರಾವರ್ತಿಸುವಾ.

ಹಂತ	ವಿಧಾನ
1	ಎಲ್ಲಾ ಸಂಖ್ಯೆಗಳನ್ನು ಪಟ್ಟಿಮಾಡಿ.
2	ಎಡಭಾಗದಲ್ಲಿ ಎಲ್ಲ ಸಂಖ್ಯೆಗಳ ಸಾಮಾನ್ಯ ವಿಭಾಜಕವನ್ನು ಬರೆಯಿರಿ.
3	2 ನೇ ಸಾಲಿನಲ್ಲಿ ಭಾಗಲಭ್ಯಗಳನ್ನು ಬರೆಯಿರಿ.
4	2 ನೇ ಸಾಲಿನಲ್ಲಿ ಪಡೆದ ಸಂಖ್ಯೆಗಳ ಕೆನಿಷ್ಟ ಸಾಮಾನ್ಯ ಭಾಜಕವನ್ನು ಎಡಬದಿಯಲ್ಲಿ ಬರೆಯಿರಿ.
5	ಎಲ್ಲ ಪದಗಳಿಗೂ ಸಾಮಾನ್ಯ ಅಪವತ್ತನಗಳು ಸಿಗುವವರೆಗೂ ಈ ಕ್ರಿಯೆಯನ್ನು ಮುಂದುವರಿಸಿ.

ಸಾಮಾನ್ಯ ಭಾಜಕಗಳ ಗುಣಲಭ್ಯವೇ ದತ್ತ ಸಂಖ್ಯೆಗಳ ಮ.ಸಾ.ಅ.

ಉದಾಹರಣೆಗೆ $16, 24, 20$ ರ ಮ.ಸಾ.ಅ. ಕಂಡುಹಿಡಿಯಿರಿ.

$$2 | \underline{16, 24, 20}$$

$$2 | \underline{8, 12, 10}$$

$$4, 6, 5$$

4, 6, 5 ಮೂರು ಸಂಖ್ಯೆಗಳಿಗೆ ಇನ್ನು ಸಾಮಾನ್ಯ ಭಾಜಕ ಇಲ್ಲ. ಆದ್ದರಿಂದ ಭಾಗಾಕಾರವನ್ನು ಇಲ್ಲಿಗೇ ನಿಲ್ಲಿಸಿ.

$$\therefore 16, 24, 20 \text{ ಇವುಗಳ ಮ.ಸಾ.ಅ.} = (2 * 2) = 4$$

ಲ.ಸಾ.ಅ ಕಂಡು ಹಿಡಿಯವುದು:

ಹಂತ	ವಿಧಾನ
1	ಎಲ್ಲಾ ಸಂಖ್ಯೆಗಳನ್ನು ಪಟ್ಟಿಮಾಡಿ.
2	ಎಡಭಾಗದಲ್ಲಿ ಎಲ್ಲ ಸಂಖ್ಯೆಗಳ ಸಾಮಾನ್ಯ ವಿಭಾಜಕವನ್ನು ಬರೆಯಿರಿ.
3	2 ನೇ ಸಾಲಿನಲ್ಲಿ ಭಾಗಲಭ್ಧಗಳನ್ನು ಬರೆಯಿರಿ.
4	2 ನೇ ಸಾಲಿನಲ್ಲಿ ಪಡೆದ ಸಂಖ್ಯೆಗಳ ಕನಿಷ್ಠ ಸಾಮಾನ್ಯ ಭಾಜಕವನ್ನು ಎಡಬದಿಯಲ್ಲಿ ಬರೆಯಿರಿ.
5	ಯಾವುದೇ ಎರಡು ಪದಗಳಿಗೆ ಸಾಮಾನ್ಯ ಅಪವರ್ತನಗಳು ಇಲ್ಲದೇ ಇರುವಾಗ ಈ ಕ್ರಿಯೆಯನ್ನು ನಿಲ್ಲಿಸಿ.

ಸಾಮಾನ್ಯ ಭಾಜಕಗಳ ಮತ್ತು ಉಳಿದ ಸಂಖ್ಯೆಗಳ ಗುಣಲಭ್ಧವೇ ಲ.ಸಾ.ಅ.

ಉದಾಹರಣೆಗೆ 16,24,20 ಇವುಗಳ ಲ.ಸಾ.ಅ

2 | 16,24,20

2 | 8,12,10

2 | 4,6,5
| 2,3,5

∴ ದತ್ತ ಸಂಖ್ಯೆಗಳ ಲ.ಸಾ.ಅ $(2^2 \cdot 2^2 \cdot 2) \cdot (2^3 \cdot 3 \cdot 5) = 240$

ಗಮನಿಸಿ : ಯಾವುದೇ 2 ಸಂಖ್ಯೆಗಳ ಮ.ಸಾ.ಅ * ಲ.ಸಾ.ಅ = ಆ ಸಂಖ್ಯೆಗಳ ಗುಣಲಭ್ಧ.

ಈ ನಿಯಮವನ್ನು ಚೀಜಾಕ್ಕರ ಪದಗಳಿಗೂ ಉಪಯೋಗಿಸಬಹುದು. ಹೀಗಾಗೆ 2 ಪದಗಳ ಗುಣಲಭ್ಧ ಮತ್ತು ಅವುಗಳ ಮ.ಸಾ.ಅ ಅಥವಾ ಲ.ಸಾ.ಅ ನಮಗೆ ತಿಳಿದಿದ್ದರೆ, ಕ್ರಮವಾಗಿ ಲ.ಸಾ.ಅ ಅಥವಾ ಮ.ಸಾ.ಅ ಗಳನ್ನು ನಾವು ಕಂಡುಹಿಡಿಯಬಹುದು.

2.5 ಸಮಸ್ಯೆ 1 : $8ab^3$, $2a^2b^2$ ಮತ್ತು $6a^3b$ ಇವುಗಳ ಮ.ಸಾ.ಅ. ಕಂಡುಹಿಡಿಯಿರಿ.

ಪರಿಹಾರ:

ಮ.ಸಾ.ಅ. ಕಂಡುಹಿಡಿಯುವುದು:

1. ಸಂಖ್ಯಾಸಹಗುಣಕಗಳ (8, 2 ಮತ್ತು 6 ರ) ಮ.ಸಾ.ಅ. = 2

2. ಚೆರಾಕ್ಷರಗಳ ಭಾಗ:

a, a^2 ಮತ್ತು a^3 ಗಳ ಮ.ಸಾ.ಅ. = a (ಫಾತ ಕಡಿಮೆ ಇರುವ ಪದ)

b^3, b^2 ಮತ್ತು b ಗಳ ಮ.ಸಾ.ಅ. = b (ಫಾತ ಕಡಿಮೆ ಇರುವ ಪದ)

\therefore ದತ್ತ ಬೀಜೋಕ್ತಿಗಳ ಮ.ಸಾ.ಅ. = $2ab$

2.5 ಸಮಸ್ಯೆ 2 : $16a^4b^3x^3$, $24b^2m^3n^4y$, $20a^2b^3nx^3$ ಇವುಗಳ ಮ.ಸಾ.ಅ. ಕಂಡುಹಿಡಿಯಿರಿ.

ಪರಿಹಾರ:

1. ಸಂಖ್ಯಾಸಹಣಕಗಳ (16, 24 ಮತ್ತು 20 ರ) ಮ.ಸಾ.ಅ.=4

2. ಚರಾಕ್ಷರಗಳ ಭಾಗ:

$$a^4, (a \text{ ಇಲ್ಲ}) \text{ ಮತ್ತು } a^2 \text{ ಗಳ ಮ.ಸಾ.ಅ.} = 1$$

$$b^3, b^2 \text{ ಮತ್ತು } b^3 \text{ ಗಳ ಮ.ಸಾ.ಅ.} = b^2 \text{ (ಫಾತೆ ಕಡಿಮೆ ಇರುವ ಪದ)}$$

$$x^3, (x \text{ ಇಲ್ಲ}) \text{ ಮತ್ತು } x^3 \text{ ಗಳ ಮ.ಸಾ.ಅ.} = 1$$

$$(m \text{ ಇಲ್ಲ}), m^3 \text{ ಮತ್ತು } (m \text{ ಇಲ್ಲ}) \text{ ಗಳ ಮ.ಸಾ.ಅ.} = 1$$

$$(n \text{ ಇಲ್ಲ}), n^4 \text{ ಮತ್ತು } n \text{ ಗಳ ಮ.ಸಾ.ಅ.} = 1$$

$$\therefore \text{ದತ್ತ ಬೀಜೋಕ್ತಿಗಳ ಮ.ಸಾ.ಅ.} = 4b^2$$

ಬೀಜೋಕ್ತಿಗಳ ಸಂಕಲನ, ವ್ಯವಕಲನದಲ್ಲಿ ಸಾಮಾನ್ಯ ಅಪವರ್ತನಗಳನ್ನು ಪ್ರತ್ಯೇಕಿಸಿ, ಸುಲಭರೂಪಕ್ಕೆ ತರಲು ಮ.ಸಾ.ಅ ಸಹಾಯಕ.

ಉದಾ: $16a^4b^3x^3 + 24b^2m^3n^4y - 20a^2b^3nx^3$

$$\begin{aligned} & 16a^4b^3x^3 + 24b^2m^3n^4y - 20a^2b^3nx^3 \\ & = 4b^2(4a^4bx^3 + 6m^3n^4y - 5a^2bnx^3) \end{aligned}$$

2.5 ಸಮಸ್ಯೆ 3: $5x, 6x^2$ ಮತ್ತು $12xy$ ಗಳ ಲ.ಸಾ.ಅ. ಕಂಡುಹಿಡಿಯಿರಿ.

ಪರಿಹಾರ:

1. ಸಂಖ್ಯಾಸಹಗುಣಕಗಳ (5, 6 ಮತ್ತು 12 ರ) ಲ.ಸಾ.ಅ. = 60

2. ಚರಾಕ್ಷರಗಳ ಭಾಗ:

$$x, x^2, \text{ ಮತ್ತು } x \text{ ಗಳ ಲ.ಸಾ.ಅ.} = x^2 \text{ (ಘಾತ ಹೆಚ್ಚು ಇರುವ ಪದ)}$$

$$(y \text{ ಇಲ್ಲ}), (y \text{ ಇಲ್ಲ}) \text{ ಮತ್ತು } y \text{ ಗಳ ಲ.ಸಾ.ಅ.} = y$$

$$\therefore \text{ದತ್ತ ಬೀಜೋಕ್ತಿಗಳ ಲ.ಸಾ.ಅ.} = 60x^2y$$

2.5 ಸಮಸ್ಯೆ 4 : $6x^2y^3, 8x^3y^2, 12x^4y^3, 10x^3y^4$ – ಇವುಗಳ ಮ.ಸಾ.ಅ ಮತ್ತು ಲ.ಸಾ.ಅ ಕಂಡುಹಿಡಿ.

ಪರಿಹಾರ: 1. ಮ.ಸಾ.ಅ. ಕಂಡುಹಿಡಿಯವುದು:

ಭಾಗಾಕಾರ ಕ್ರಮ :

ಸಂಖ್ಯಾ ಸಹಗುಣಕಗಳ ಮ.ಸಾ.ಅ, 2 ಮತ್ತು ಉಳಿದ ಮತ್ತು ಭಾಗಗಳ ಕನಿಷ್ಠ ಭಾಜಕ, x.

$2x \mid 6x^2y^3, 8x^3y^2, 12x^4y^3, 10x^3y^4$ ($\because 2x$ ಎಲ್ಲಾ ಪದಗಳಿಗೆ ಸಾಮಾನ್ಯ ಪದ)

$$\begin{array}{r} x \\ \times \quad | 3xy^3, 4x^2y^2, 6x^3y^3, 5x^2y^4 \\ y \quad | 3y^3, \quad 4xy^2, \quad 6x^2y^3, 5xy^4 \\ y \quad | 3y^2, \quad 4xy, \quad 6x^2y^2, 5xy^3 \\ \hline 3y, \quad 4x, \quad 6x^2y, \quad 5xy^2 \end{array}$$

ಎಲ್ಲಾ ಪದಗಳಿಗೆ ಸಾಮಾನ್ಯ ಪದ ಇಲ್ಲದೇ ಇರುವುದರಿಂದ ಭಾಗಾಕಾರವನ್ನು ಇಲ್ಲಿಗೇ ನಿಲ್ಲಿಸಿ.

\therefore ದತ್ತ ಪದಗಳ ಮ.ಸಾ.ಅ, $2x * x * y * y = 2x^2y^2$

ಪರಿಹಾರ ಕ್ರಮ:

6, 8, 12, 10 ಇವುಗಳ ಮ.ಸಾ.ಅ. = 2 ,

ದತ್ತ ಪದಗಳಲ್ಲಿ x ನ ಕನಿಷ್ಠ ಘಾತ 2 ಮತ್ತು y ನ ಕನಿಷ್ಠ ಘಾತ 2 \therefore ದತ್ತ ಪದಗಳ ಮ.ಸಾ.ಅ. = $2x^2y^2$

ಮ.ಸಾ.ಅ. ದ ಉಪಯೋಗ:

ಸಂಕ್ಷೇಪಿಸಿ: $6x^2y^3 + 8x^3y^2 - 12x^4y^3 + 10x^3y^4 = 6x^2y^3 + 8x^3y^2 - 12x^4y^3 + 10x^3y^4 = 2x^2y^2(3y + 4x - 6x^2y + 5xy^2)$

2. ಲ.ಸಾ.ಅ. ಕಂಡುಹಿಡಿಯುವುದು:

ಭಾಗಾಕಾರ ಕ್ರಮ:

2x | $6x^2y^3, 8x^3y^2, 12x^4y^3, 10x^3y^4$ ($\because 2x$ ಎಲ್ಲಾ ಪದಗಳಿಗೆ ಸಾಮಾನ್ಯ ಪದ)

x	<u>$3xy^3, 4x^2y^2, 6x^3y^3, 5x^2y^4$</u>
y	<u>$3y^3, 4xy^2, 6x^2y^3, 5xy^4$</u>
y	<u>$3y^2, 4xy, 6x^2y^2, 5xy^3$</u>
Y	<u>$3y, 4x, 6x^2y, 5xy^2$</u>
x	<u>$3, 4x, 6x^2, 5xy$</u>
2	<u>$3, 4, 6x, 5y$</u>
3	<u>$3, 2, 3x, 5y$</u>
	1, 2 x 5y

ಯಾವುದೇ ಎರಡು ಪದಗಳಿಗೆ ಸಾಮಾನ್ಯ ಪದ ಇಲ್ಲದೇ ಇರುವುದರಿಂದ ಭಾಗಾಕಾರವನ್ನು ಇಲ್ಲಿಗೇ ನಿಲ್ಲಿಸಿ.

$$\therefore \text{ದತ್ತ ಪದಗಳ ಲ.ಸಾ.ಅ.} = (\text{ }2x^*\text{x}^*\text{y}^*\text{Y})^*(\text{Y}^*\text{x}^*\text{2}^*\text{3}^*\text{2}^*\text{x}^*\text{5y}) = \text{2x}^2\text{y}^2 * 60\text{x}^2\text{y}^2 = 120\text{x}^4\text{y}^4$$

ಪರಯಾಂಶ ಕ್ರಮ:

$$6, 8, 12, 10 \text{ ಇವುಗಳ ಲ.ಸಾ.ಅ.} = \text{120},$$

ದತ್ತ ಪದಗಳಲ್ಲಿ **x** ನ ಗರಿಷ್ಟ ಫಾತೆ 4 ಮತ್ತು **y** ನ ಗರಿಷ್ಟ ಫಾತೆ 4

$$\therefore \text{ದತ್ತ ಪದಗಳ ಲ.ಸಾ.ಅ.} = \text{120x}^4\text{y}^4$$

ಉ.ನ.ಅ. ದ ಉಪಯೋಗ:

$$\text{ಸಂಕೇತಿಸಿ: } \frac{1}{6x^2y^3} + \frac{1}{8x^3y^2} - \frac{1}{12x^4y^3} + \frac{1}{10x^3y^4}$$

$6x^2y^3, 8x^3y^2, 12x^4y^3, 10x^3y^4$ ಗಳ ಉ.ನ.ಅ. $120x^4y^4$ ಅಗಿರುವುದರಿಂದ ಎಲ್ಲವುದರ ಫೇದವನ್ನು $120x^4y^4$ ಗೆ ರೂಪಾಂತರಿಸಿ.

$$\frac{1}{6x^2y^3} = \frac{20x^2y}{120x^4y^4}$$

$$\frac{1}{8x^3y^2} = \frac{15xy^2}{120x^4y^4}$$

$$\frac{1}{12x^4y^3} = \frac{10y}{120x^4y^4}$$

$$\frac{1}{10x^3y^4} = \frac{12x}{120x^4y^4}$$

$$\therefore \frac{1}{6x^2y^3} + \frac{1}{8x^3y^2} - \frac{1}{12x^4y^3} + \frac{1}{10x^3y^4} = \frac{20x^2y + 15xy^2 - 10y + 12x}{120x^4y^4}$$