

ಅಭ್ಯಾಸ 3.1

3.1.1. ಕೆಳಗಿನ ಸಮೀಕರಣಗಳನ್ನು ಬಿಡಿಸಿರಿ:

ಸಂ	ಸಮಸ್ಯೆ	ಮೊದಲ ಕ್ರಿಯೆ	ಪರಿಣಾಮ	ಸಂಕ್ಷೇಪಿಸಿದಾಗ	ಎರಡನೇ ಕ್ರಿಯೆ	ಸಂಕ್ಷೇಪಿಸಿದಾಗ
1	$x - 2 = 7$	ಎರಡೂ ಕಡೆ 2 ನ್ನು ಕೂಡಿಸಿದಾಗ	$(x - 2) + 2 = 7 + 2$	$x = 9$		
2	$y + 3 = 10$	ಎರಡೂ ಕಡೆ 3 ನ್ನು ಕಳೆದಾಗ	$(y + 3) - 3 = 10 - 3$	$y = 7$		
3	$6 = z + 2$	ಎರಡೂ ಕಡೆ 2 ನ್ನು ಕಳೆದಾಗ	$6 - 2 = (z + 2) - 2$	$4 = z \Rightarrow z = 4$		
4	$\frac{3}{7} + x = \frac{17}{7}$	ಎರಡೂ ಕಡೆಯಿಂದ $\frac{3}{7}$ ನ್ನು ಕಳೆದಾಗ	$\frac{3}{7} + x - \frac{3}{7} = \frac{17}{7} - \frac{3}{7}$	$x = \frac{17 - 3}{7} = \frac{14}{7} = 2$		
5	$6x = 12$	ಎರಡೂ ಕಡೆ 6 ರಿಂದ ಭಾಗಿಸಿದಾಗ	$x = \frac{12}{6}$	$x = 2$		
6	$\frac{t}{5} = 10$	ಎರಡೂ ಕಡೆ 5 ರಿಂದ ಗುಣಿಸಿದಾಗ	$\frac{t}{5} * 5 = 10 * 5$	$t = 50$		
7	$\frac{2x}{3} = 18$	ಎರಡೂ ಕಡೆ 3 ರಿಂದ ಗುಣಿಸಿದಾಗ	$\frac{2x}{3} * 3 = 18 * 3 = 54$	$2x = 54 \Rightarrow x = 27$		
8	$1.6 = \frac{y}{1.5}$	ಎರಡೂ ಕಡೆ 1.5 ನಿಂದ ಗುಣಿಸಿದಾಗ	$1.6 * 1.5 = \frac{y}{1.5} * 1.5$	$2.4 = y \Rightarrow y = 2.4$		
9	$7x - 9 = 16$	ಎರಡೂ ಕಡೆ 9 ನ್ನು ಕೂಡಿಸಿದಾಗ	$(7x - 9) + 9 = 16 + 9$	$7x = 25$	ಎರಡೂ ಕಡೆ 7 ರಿಂದ ಭಾಗಿಸಿದಾಗ	$x = \frac{25}{7}$
10	$14y - 8 = 13$	ಎರಡೂ ಕಡೆ 8 ನ್ನು ಕೂಡಿಸಿದಾಗ	$14y - 8 + 8 = 13 + 8$	$14y = 21$	ಎರಡೂ ಕಡೆ 14 ರಿಂದ ಭಾಗಿಸಿದಾಗ	$y = \frac{21}{14} = \frac{3}{2}$
11	$17 + 6p = 9$	ಎರಡೂ ಕಡೆಯಿಂದ 17 ನ್ನು ಕಳೆದಾಗ	$17 + 6p - 17 = 9 - 17$	$6p = -8$	ಎರಡೂ ಕಡೆ 6 ರಿಂದ ಭಾಗಿಸಿದಾಗ	$p = -\frac{8}{6} = -\frac{4}{3}$
12	$\frac{x}{3} + 1 = \frac{7}{15}$	ಎರಡೂ ಕಡೆಯಿಂದ 1 ನ್ನು ಕಳೆದಾಗ	$\frac{x}{3} + 1 - 1 = \frac{7}{15} - 1$	$\frac{x}{3} = \frac{7 - 15}{15} = \frac{-8}{15}$	ಎರಡೂ ಕಡೆ 3 ರಿಂದ ಗುಣಿಸಿದಾಗ	$x = \frac{-8 * 3}{15} = \frac{-8}{5}$

ಅಭ್ಯಾಸ 3.2

3.2.1. ಒಂದು ಸಂಖ್ಯೆಯಿಂದ $\frac{1}{2}$ ನ್ನು ಕಳೆದು ಬಂದ ವ್ಯತ್ಯಾಸವನ್ನು $\frac{1}{2}$ ದಿಂದ ಗುಣಿಸಿದರೆ $\frac{1}{8}$ ಬರುವುದು. ಆ ಸಂಖ್ಯೆ ಯಾವುದು?

ಆ ಸಂಖ್ಯೆ x ಆಗಿರಲಿ. $\frac{1}{2}$ ನ್ನು ಅದರಿಂದ ಕಳೆದಾಗ $x - \frac{1}{2}$. ಈ ಸಂಖ್ಯೆಯನ್ನು $\frac{1}{2}$ ದಿಂದ ಗುಣಿಸಿದಾಗ ಅದು $\frac{1}{8}$ ಕ್ಕೆ ಸಮ		
ಹಂತ	ಸಮೀಕರಣ/ಸುಲಭೀಕರಿಸಿದಾಗ	ವಿವರಣೆ
1	$\frac{1}{2} (x - \frac{1}{2}) = \frac{1}{8}$	ಸಮೀಕರಣ
2	$\Rightarrow \frac{1}{2} (\frac{2x-1}{2}) = \frac{1}{8}$	ಸಂಕ್ಷೇಪಿಸಿದ ನಂತರ ಸಮೀಕರಣದ ಎರಡೂ ಕಡೆ 8 ರಿಂದ ಗುಣಿಸಿದೆ
3	$\Rightarrow 2(2x-1) = 1$	
4	$\Rightarrow 4x-2=1 \Rightarrow 4x=1+2=3$	$x = \frac{3}{4}$ ಇದೇ ಆ ಸಂಖ್ಯೆ.

3.2.2. ಆಯತಾಕಾರದ ಈಜುಕೊಳವೊಂದರ ಸುತ್ತಳತೆ 154 ಮೀಟರ್. ಅದರ ಉದ್ದವು ಅಗಲದ ಎರಡರಷ್ಟಕ್ಕಿಂತ 2 ಮೀಟರ್ ಜಾಸ್ತಿ ಇದೆ. ಹಾಗಾದರೆ ಅದರ ಉದ್ದ ಮತ್ತು ಅಗಲಗಳನ್ನು ಕಂಡುಹಿಡಿಯಿರಿ.

ಈಜುಕೊಳದ ಅಗಲ x ಆಗಿರಲಿ. ಉದ್ದವು ಅಗಲದ ಎರಡರಷ್ಟಕ್ಕಿಂತ 2 ಮೀಟರ್ ಜಾಸ್ತಿಯಿರುವುದರಿಂದ ಉದ್ದ = $2x+2$ ಮೀ. ಅದರ ಸುತ್ತಳತೆ = $2 * \{(2x+2) + x\} = 2 * (3x+2) = 6x+4$. ಇದು 154 ಮೀಟರ್ ಎಂದು ಕೊಟ್ಟಿರುವುದರಿಂದ		
ಹಂತ	ಸಮೀಕರಣ/ಸುಲಭೀಕರಿಸಿದಾಗ	ವಿವರಣೆ
1	$6x+4=154$ $\Rightarrow 6x=154-4=150=6*25$	ಸಮೀಕರಣ ಮತ್ತು ಸಮೀಕರಣದ ಎರಡೂ ಕಡೆಯಿಂದ 4 ನ್ನು ಕಳೆದಿದೆ ಅಥವಾ 4 ರ ಬದಿ ಬದಲಿಸಿದೆ
2	$x=25$ ಮೀ	ಅಗಲ 25 ಮೀ ಮತ್ತು ಉದ್ದ $2x+2 = 50+2=52$ ಮೀ

3.2.3. ಸಮದ್ವಿಬಾಹು ತ್ರಿಭುಜವೊಂದರ ಪಾದವು $\frac{4}{3}$ ಸೆಂ. ಮೀ. ಇದೆ. ತ್ರಿಭುಜದ ಸುತ್ತಳತೆ $4\frac{2}{15}$ ಸೆಂ. ಮೀ. ಇದೆ. ಉಳಿದ ಸಮಭುಜಗಳಲ್ಲಿ ಯಾವುದಾದರೊಂದರ ಉದ್ದವೆಷ್ಟು?

ಯಾವುದೇ ಒಂದು ಸಮಭುಜದ ಉದ್ದ x ಆಗಿರಲಿ. ತ್ರಿಭುಜದ ಸುತ್ತಳತೆ = ಸಮಭುಜದ ಉದ್ದ + ಸಮಭುಜದ ಉದ್ದ + ಪಾದದ ಉದ್ದ
 $= x + x + \frac{4}{3} = 2x + \frac{4}{3}$. ಇದು $4\frac{2}{15}$ ಎಂದು ಕೊಟ್ಟಿದೆ.

ಹಂತ	ಸಮೀಕರಣ/ಸುಲಭೀಕರಿಸಿದಾಗ	ವಿವರಣೆ
1	$2x + \frac{4}{3} = 4\frac{2}{15} = \frac{62}{15}$	ಸಮೀಕರಣ
	$\Rightarrow 15 * (2x + \frac{4}{3}) = \frac{62}{15}$ $\Rightarrow 30x + 20 = 62 \Rightarrow 30x = 62 - 20 = 42$	ಎರಡೂ ಕಡೆ 15 ರಿಂದ ಗುಣಿಸಿದೆ
2	$x = \frac{42}{30} \Rightarrow x = \frac{7*6}{5*6} = \frac{7}{5} = 1\frac{2}{5}$ ಸೆಂ. ಮೀ	ಸಮಭುಜದ ಎತ್ತರ = $1\frac{2}{5}$ ಸೆಂ. ಮೀ

3.2.4. ಎರಡು ಸಂಖ್ಯೆಗಳ ಮೊತ್ತ 95. ಒಂದು ಇನ್ನೊಂದಕ್ಕಿಂತ 15 ಹೆಚ್ಚಾಗಿದ್ದರೆ ಆ ಸಂಖ್ಯೆಗಳನ್ನು ಕಂಡುಹಿಡಿಯಿರಿ.

ಚಿಕ್ಕ ಸಂಖ್ಯೆ x ಆಗಿರಲಿ. ಆಗ ದೊಡ್ಡ ಸಂಖ್ಯೆ $= x + 15$. ಆಗ ಈ ಎರಡು ಸಂಖ್ಯೆಗಳ ಮೊತ್ತ 95

ಹಂತ	ಸಮೀಕರಣ/ಸುಲಭೀಕರಿಸಿದಾಗ	ವಿವರಣೆ
1	$x + x + 15 = 95$ $\Rightarrow 2x + 15 = 95$ $\Rightarrow 2x = 95 - 15 = 80 = 2 * 40$	ಸಮೀಕರಣ ಸಮೀಕರಣದ ಎರಡೂ ಕಡೆಯಿಂದ 15 ನ್ನು ಕಳೆದಿದೆ ಅಥವಾ 15 ರ ಬದಿ ಬದಲಿಸಿದೆ
2	$x = 40$	ಚಿಕ್ಕ ಸಂಖ್ಯೆ $x = 40$ ಆಗ ದೊಡ್ಡ ಸಂಖ್ಯೆ $= x + 15 = 40 + 15 = 55$

3.2.5. ಎರಡು ಸಂಖ್ಯೆಗಳು 5 : 3 ಅನುಪಾತದಲ್ಲಿವೆ. ಅವೆರಡರ ವ್ಯತ್ಯಾಸ 18 ಆದರೆ, ಆ ಸಂಖ್ಯೆಗಳು ಯಾವುವು?

ಆ ಎರಡು ಸಂಖ್ಯೆಗಳು $5x$ ಮತ್ತು $3x$ ಆಗಿರಲಿ. ಅವೆರಡರ ವ್ಯತ್ಯಾಸ 18		
ಹಂತ	ಸಮೀಕರಣ/ಸುಲಭೀಕರಿಸಿದಾಗ	ವಿವರಣೆ
1	$5x - 3x = 18$ $\Rightarrow 2x = 18$	ಸಮೀಕರಣ
2	$x = 9$	ಆ ಎರಡು ಸಂಖ್ಯೆಗಳು $5x = 5 \cdot 9 = 45$ ಮತ್ತು $3x = 3 \cdot 9 = 27$

3.2.6. ಮೂರು ಕ್ರಮಾನುಗತ ಪೂರ್ಣಾಂಕಗಳ ಮೊತ್ತ 51. ಆ ಪೂರ್ಣಾಂಕಗಳಾವುವು?

ಮೊದಲ ಪೂರ್ಣಾಂಕ x ಆಗಿರಲಿ. ಆಗ ಮುಂದಿನ ಎರಡು ಪೂರ್ಣಾಂಕಗಳು $x+1$ ಮತ್ತು $x+2$ ಆಗುತ್ತವೆ		
ಹಂತ	ಸಮೀಕರಣ/ಸುಲಭೀಕರಿಸಿದಾಗ	ವಿವರಣೆ
1	$x + (x+1) + (x+2) = 51$ $\Rightarrow 3x + 3 = 51$	ಸಮೀಕರಣ
	$3x + 3 - 3 = 51 - 3 = 48$	ಸಮೀಕರಣದ ಎರಡೂ ಕಡೆಯಿಂದ 3 ನ್ನು ಕಳೆದಿದೆ ಅಥವಾ 3 ರ ಬದಿ ಬದಲಿಸಿದೆ.
2	$3x = 48 = 3 \cdot 16 \Rightarrow x = 16$	ಆ ಮೂರು ಪೂರ್ಣಾಂಕಗಳು $x = 16$, $x+1 = 16+1 = 17$ ಮತ್ತು $x+2 = 16+2 = 18$

3.2.7. 8 ರ ಮೂರು ಕ್ರಮಾನುಗತ ಗುಣಕಗಳ ಮೊತ್ತ 888. ಆ ಗುಣಕಗಳನ್ನು ಕಂಡುಹಿಡಿಯಿರಿ.

ಮೊದಲ 8 ರ ಗುಣಕದ ಸಂಖ್ಯೆ $8x$ ಆಗಿರಲಿ. ಆಗ ಮುಂದಿನ ಎರಡು 8 ರ ಗುಣಕಗಳು $8(x+1) = 8x+8$ ಮತ್ತು $8(x+2) = 8x+16$ ಆಗುತ್ತವೆ		
ಹಂತ	ಸಮೀಕರಣ/ಸುಲಭೀಕರಿಸಿದಾಗ	ವಿವರಣೆ
1	$8x + (8x+8) + (8x+16) = 888$	ಸಮೀಕರಣ
	$\Rightarrow x + (x+1)(x+2) = 111$ $\Rightarrow 3x + 3 = 111$	ಸಮೀಕರಣದ ಪ್ರತೀ ಪದವನ್ನು 8 ರಿಂದ ಭಾಗಿಸಿದೆ
2	$3x + 3 - 3 = 111 - 3 = 108$ $\Rightarrow 3x = 108 = 3 \cdot 36$	ಎರಡೂ ಕಡೆಯಿಂದ 3 ನ್ನು ಕಳೆದಿದೆ ಅಥವಾ 3 ರ ಬದಿ ಬದಲಿಸಿದೆ.
	$\Rightarrow x = 36$	ಆ ಮೂರು 8 ರ ಗುಣಕಗಳು $8x = 8 \cdot 36 = 288$, $8x+8 = 288+8 = 296$ ಮತ್ತು $288+16 = 304$

3.2.8. ಏರಿಕೆ ಕ್ರಮದಲ್ಲಿರುವ ಮೂರು ಕ್ರಮಾನುಗತ ಪೂರ್ಣಾಂಕಗಳನ್ನು ಕ್ರಮವಾಗಿ 2,3 ಮತ್ತು 4 ರಿಂದ ಗುಣಿಸಿದಾಗ ಬರುವ ಸಂಖ್ಯೆಗಳ ಮೊತ್ತ 74. ಆ ಪೂರ್ಣಾಂಕಗಳು ಯಾವುವು?

ಮೊದಲ ಪೂರ್ಣಾಂಕ x ಆಗಿರಲಿ. ಆಗ ಮುಂದಿನ ಎರಡು ಪೂರ್ಣಾಂಕಗಳು $x+1$ ಮತ್ತು $x+2$ ಆಗುತ್ತವೆ. ಈ ಪೂರ್ಣಾಂಕಗಳನ್ನು ಕ್ರಮವಾಗಿ 2,3 ಮತ್ತು 4 ರಿಂದ ಗುಣಿಸಿದಾಗ ಅವು $2x, 3(x+1)$ ಮತ್ತು $4(x+2)$ ಆಗುತ್ತವೆ. ಆಗ ಅವುಗಳ ಮೊತ್ತ = 74.

ಹಂತ	ಸಮೀಕರಣ/ಸುಲಭೀಕರಿಸಿದಾಗ	ವಿವರಣೆ
1	$2x+3(x+1)+4(x+2)=74$ $\Rightarrow 2x+3x+3+4x+8=74$ $\Rightarrow 9x+11=74$	ಸಮೀಕರಣ
	$9x=74-11=63=9*7$	ಸಮೀಕರಣದ ಎರಡೂ ಕಡೆಯಿಂದ 9 ನ್ನು ಕಳೆದಿದೆ ಅಥವಾ 11 ರ ಬದಿ ಬದಲಿಸಿದೆ ನಂತರ 9 ರಿಂದ ಭಾಗಿಸಿದೆ
2	$\Rightarrow x=7$	ಮೂರು ಕ್ರಮಾನುಗತ ಪೂರ್ಣಾಂಕಗಳು $x=7, x+1=8$ ಮತ್ತು $x+2=9$

3.2.9. ರಾಹುಲ್ ಮತ್ತು ಹರೂನ್ ಇವರಿಬ್ಬರ ವಯಸ್ಸುಗಳು 5 : 7 ಅನುಪಾತದಲ್ಲಿದೆ. ನಾಲ್ಕು ವರ್ಷಗಳ ನಂತರ ಅವರ ವಯಸ್ಸುಗಳ ಮೊತ್ತ 56 ಆಗುತ್ತದೆ. ಅವರ ಈಗಿನ ವಯಸ್ಸೆಷ್ಟು?

ರಾಹುಲ್ ಮತ್ತು ಹರೂನ್ ರವರ ಈಗಿನ ವಯಸ್ಸು $5x$ ಮತ್ತು $7x$ ಆಗಿರಲಿ. ನಾಲ್ಕು ವರ್ಷಗಳ ನಂತರ ಅವರ ವಯಸ್ಸು $5x+4$ ಮತ್ತು $7x+4$ ಆಗುತ್ತದೆ

ಹಂತ	ಸಮೀಕರಣ/ಸುಲಭೀಕರಿಸಿದಾಗ	ವಿವರಣೆ
1	$5x+4+7x+4=56$ $\Rightarrow 12x+8=56$ $\Rightarrow 12x=56-8=48=12*4$	ಸಮೀಕರಣ
		ಸಮೀಕರಣದ ಎರಡೂ ಕಡೆಯಿಂದ 8 ನ್ನು ಕಳೆದಿದೆ ಅಥವಾ 8 ರ ಬದಿ ಬದಲಿಸಿದೆ.
2	$x=4$	ರಾಹುಲ್ ಮತ್ತು ಹರೂನ್ ರವರ ಈಗಿನ ವಯಸ್ಸು $5x=5*4=20$ ಮತ್ತು $7x=7*4=28$ ವರ್ಷಗಳು

3.2.10. ತರಗತಿಯೊಂದರಲ್ಲಿ ಬಾಲಕರು ಮತ್ತು ಬಾಲಕಿಯರ ಸಂಖ್ಯೆಗಳು 7:5ರ ಅನುಪಾತದಲ್ಲಿವೆ. ಬಾಲಕಿಯರ ಸಂಖ್ಯೆಗಿಂತ ಬಾಲಕರ ಸಂಖ್ಯೆ 8 ಜಾಸ್ತಿ ಆಗಿದೆ. ಹಾಗಾದರೆ ತರಗತಿಯಲ್ಲಿ ಒಟ್ಟು ವಿದ್ಯಾರ್ಥಿಗಳ ಸಂಖ್ಯೆ ಎಷ್ಟು?

ಬಾಲಕರು ಮತ್ತು ಬಾಲಕಿಯರ ಸಂಖ್ಯೆಗಳು $7x$ ಮತ್ತು $5x$ ಆಗಿರಲಿ. ಬಾಲಕರ ಸಂಖ್ಯೆ ಬಾಲಕಿಯರ ಸಂಖ್ಯೆಗಿಂತ ಬಾಲಕರ ಸಂಖ್ಯೆ 8 ಜಾಸ್ತಿ		
ಹಂತ	ಸಮೀಕರಣ/ಸುಲಭೀಕರಿಸಿದಾಗ	ವಿವರಣೆ
1	$7x = 5x + 8$ $\Rightarrow 7x - 5x = 5x + 8 - 5x = 8$ $\Rightarrow 2x = 8$	ಸಮೀಕರಣ ಸಮೀಕರಣದ ಎರಡೂ ಕಡೆಯಿಂದ $5x$ ನ್ನು ಕಳೆದಿದೆ ಅಥವಾ $5x$ ರ ಬದಿ ಬದಲಿಸಿದೆ.
2	$x = 4$	ತರಗತಿಯಲ್ಲಿನ ಒಟ್ಟು ವಿದ್ಯಾರ್ಥಿಗಳ ಸಂಖ್ಯೆ $= 7x + 5x = 12x = 12 * 4 = 48$.

3.2.11. ಬೈಚುಂಗನ ಅಪ್ಪ ಬೈಚುಂಗನ ಅಜ್ಜನಿಗಿಂತ 26 ವರ್ಷ ಚಿಕ್ಕವನು ಮತ್ತು ಬೈಚುಂಗನಿಗಿಂತ 29 ವರ್ಷ ದೊಡ್ಡವನು. ಮೂವರ ವಯಸ್ಸುಗಳ ಮೊತ್ತ 135 ವರ್ಷಗಳು. ಹಾಗಾದರೆ ಪ್ರತಿಯೊಬ್ಬರ ವಯಸ್ಸೆಷ್ಟು?

ಬೈಚುಂಗನ ವಯಸ್ಸು x ಆಗಿರಲಿ. ಆಗ ಬೈಚುಂಗನ ಅಪ್ಪನ ವಯಸ್ಸು $x + 29$ ಮತ್ತು ಬೈಚುಂಗನ ಅಜ್ಜನ ವಯಸ್ಸು $(x + 29) + 26$ ವರ್ಷಗಳು ಆಗುತ್ತವೆ.		
ಹಂತ	ಸಮೀಕರಣ/ಸುಲಭೀಕರಿಸಿದಾಗ	ವಿವರಣೆ
1	$x + (x + 29) + (x + 29 + 26) = 135$ $\Rightarrow 3x + 84 = 135$ $\Rightarrow 3x = 135 - 84 = 51 = 3 * 17$	ಸಮೀಕರಣ ಸಮೀಕರಣದ ಎರಡೂ ಕಡೆಯಿಂದ 84 ನ್ನು ಕಳೆದಿದೆ ಅಥವಾ 84 ರ ಬದಿ ಬದಲಿಸಿದೆ.
2	$x = 17$	ಬೈಚುಂಗನ ವಯಸ್ಸು $x = 17$, ಬೈಚುಂಗನ ಅಪ್ಪನ ವಯಸ್ಸು $x + 29 = 17 + 29 = 46$ ಮತ್ತು ಬೈಚುಂಗನ ಅಜ್ಜನ ವಯಸ್ಸು $(x + 29) + 26 = 46 + 26 = 72$ ವರ್ಷಗಳು

3.2.12. ಈಗಿನಿಂದ 15 ವರ್ಷಗಳ ನಂತರ ರವಿಯ ವಯಸ್ಸು ಅವನ ಇಂದಿನ ವಯಸ್ಸಿನ 4 ರಷ್ಟಾಗುವುದು. ರವಿಯ ಈಗಿನ ವಯಸ್ಸೆಷ್ಟು?

ರವಿಯ ಈಗಿನ ವಯಸ್ಸು x ಆಗಿರಲಿ. 15 ವರ್ಷಗಳ ನಂತರ ರವಿಯ ವಯಸ್ಸು $x+15$		
ಹಂತ	ಸಮೀಕರಣ/ಸುಲಭೀಕರಿಸಿದಾಗ	ವಿವರಣೆ
1	$x+15=4x$ $\Rightarrow 15=4x-x=3x$	ಸಮೀಕರಣ ಸಮೀಕರಣದ ಎರಡೂ ಕಡೆಯಿಂದ x ನ್ನು ಕಳೆದಿದೆ ಅಥವಾ x ರ ಬದಿ ಬದಲಿಸಿದೆ.
2	$x=5$	ರವಿಯ ಈಗಿನ ವಯಸ್ಸು $x=5$ ವರ್ಷಗಳು

3.2.13. ಒಂದು ಭಾಗಲಬ್ಧ ಸಂಖ್ಯೆಯನ್ನು $\frac{5}{2}$ ರಿಂದ ಗುಣಿಸಿ ಬಂದ ಗುಣಲಬ್ಧಕ್ಕೆ $\frac{2}{3}$ ನ್ನು ಸೇರಿಸಿದರೆ $-\frac{7}{12}$ ಆಗುತ್ತದೆ. ಹಾಗಾದರೆ ಆ ಸಂಖ್ಯೆ ಯಾವುದು?

ಭಾಗಲಬ್ಧ ಸಂಖ್ಯೆ x ಆಗಿರಲಿ.		
ಹಂತ	ಸಮೀಕರಣ/ಸುಲಭೀಕರಿಸಿದಾಗ	ವಿವರಣೆ
1	$\frac{5}{2}x + \frac{2}{3} = -\frac{7}{12}$	ಸಮೀಕರಣ
	$\Rightarrow 6*5x + 2*4 = -7$	ಸಮೀಕರಣದ ಎರಡೂ ಕಡೆ 12 ರಿಂದ ಗುಣಿಸಿದೆ
2	$\Rightarrow 30x + 8 = -7$ $\Rightarrow 30x = -7 - 8 = -15$	ಎರಡೂ ಕಡೆಯಿಂದ 8 ನ್ನು ಕಳೆದಿದೆ ಅಥವಾ 8 ರ ಬದಿ ಬದಲಿಸಿದೆ.
	$x = -\frac{15}{30} = -\frac{1}{2}$	ಆ ಭಾಗಲಬ್ಧ ಸಂಖ್ಯೆ $x = -\frac{1}{2}$

3.2.14. ಲಕ್ಷ್ಮಿ ಬ್ಯಾಂಕೊಂದರಲ್ಲಿ ನಗದು ಗುಮಾಸ್ತಳಾಗಿದ್ದಾಳೆ. ಅವಳ ಬಳಿ 100 ರೂ., 50 ರೂ. ಮತ್ತು 10 ರೂ. ಮೌಲ್ಯದ ನೋಟುಗಳಿವೆ. ಇವುಗಳ ಸಂಖ್ಯೆಗಳು 2 : 3 : 5 ಅನುಪಾತದಲ್ಲಿವೆ. ಲಕ್ಷ್ಮಿಯ ಬಳಿ ಇರುವ ಹಣದ ಒಟ್ಟು ಮೌಲ್ಯ 4,00,000 ರೂ. ಗಳಾದರೆ ಪ್ರತಿ ಮೌಲ್ಯದ ನೋಟುಗಳು ಅವಳ ಬಳಿ ಎಷ್ಟು ಇವೆ?

100 ರೂ., 50 ರೂ. ಮತ್ತು 10 ರೂ. ಮೌಲ್ಯದ ನೋಟುಗಳ ಸಂಖ್ಯೆ ಕ್ರಮವಾಗಿ $2x$, $3x$ ಮತ್ತು $5x$ ಆಗಿರಲಿ.

ಹಂತ	ಸಮೀಕರಣ/ಸುಲಭೀಕರಿಸಿದಾಗ	ವಿವರಣೆ
1	$2x * 100 + 3x * 50 + 5x * 10 = 400000$ $\Rightarrow 200x + 150x + 50x = 400000$ $\Rightarrow 400x = 400000 = 400 * 1000$	ಸಮೀಕರಣ
2	$x = 1000$	ಸಮೀಕರಣದ ಎರಡೂ ಕಡೆ 400 ರಿಂದ ಭಾಗಿಸಿದೆ. 100 ರೂ. ನೋಟುಗಳ ಸಂಖ್ಯೆ $2x = 2000$; 50 ರೂ. ನೋಟುಗಳ ಸಂಖ್ಯೆ $3x = 3000$; 10 ರೂ. ನೋಟುಗಳ ಸಂಖ್ಯೆ $5x = 5000$;

3.2.15. ನನ್ನ ಬಳಿ ಇರುವ 1,2 ಮತ್ತು 5 ರೂ.ಗಳ ನಾಣ್ಯಗಳ ಒಟ್ಟು ಮೌಲ್ಯ 300 ರೂ. ಗಳು. 5 ರೂ. ನಾಣ್ಯಗಳ 3 ಪಟ್ಟು 2 ರೂ. ನಾಣ್ಯಗಳಿವೆ. ಎಲ್ಲ ನಾಣ್ಯಗಳ ಒಟ್ಟು ಸಂಖ್ಯೆ 160. ಪ್ರತಿಯೊಂದೂ ಮೌಲ್ಯದ ನಾಣ್ಯಗಳೆಷ್ಟಿವೆ?

5 ರೂ. ನಾಣ್ಯಗಳ ಸಂಖ್ಯೆ x ಆಗಿರಲಿ. ಆಗ 2 ರೂ. ನಾಣ್ಯಗಳ ಸಂಖ್ಯೆ $3x$.

1 ರೂ. ನಾಣ್ಯಗಳ ಸಂಖ್ಯೆ = ಒಟ್ಟು ನಾಣ್ಯಗಳ ಸಂಖ್ಯೆ - (5 ರೂ. ನಾಣ್ಯಗಳ ಸಂಖ್ಯೆ + 2 ರೂ. ನಾಣ್ಯಗಳ ಸಂಖ್ಯೆ $3x$) = $160 - (x + 3x) = 160 - 4x$

ಹಂತ	ಸಮೀಕರಣ/ಸುಲಭೀಕರಿಸಿದಾಗ	ವಿವರಣೆ
1	5 ರೂ. ನಾಣ್ಯಗಳ ಬೆಲೆ = $5 * x = 5x$ 2 ರೂ. ನಾಣ್ಯಗಳ ಬೆಲೆ = $2 * 3x = 6x$ 1 ರೂ. ನಾಣ್ಯಗಳ ಬೆಲೆ = $1 * (160 - 4x)$	ಎಲ್ಲಾ ನಾಣ್ಯಗಳ ಬೆಲೆಯನ್ನು ಕಂಡುಹಿಡಿದಿದೆ. ಬೆಲೆ = ನಾಣ್ಯದ ಬೆಲೆ * ನಾಣ್ಯಗಳ ಸಂಖ್ಯೆ
2	$5x + 6x + 160 - 4x = 300$ $\Rightarrow 7x + 160 = 300$ $\Rightarrow 7x = 300 - 160 = 140 = 7 * 20$	ಸಮೀಕರಣ ಸಮೀಕರಣದ ಎರಡೂ ಕಡೆಯಿಂದ 160 ನ್ನು ಕಳೆದಿದೆ ಅಥವಾ 160 ರ ಬದಿ ಬದಲಿಸಿದೆ.
3	$\Rightarrow x = 20$	5 ರೂ. ನಾಣ್ಯಗಳ ಸಂಖ್ಯೆ $x = 20$; 2 ರೂ. ನಾಣ್ಯಗಳ ಸಂಖ್ಯೆ $3x = 60$; 1 ರೂ. ನಾಣ್ಯಗಳ ಸಂಖ್ಯೆ = $160 - (20 + 60) = 80$

3.2.16. ಪ್ರಬಂಧ ಸ್ಪರ್ಧೆಯೊಂದರಲ್ಲಿ ಗೆದ್ದವನಿಗೆ 100 ರೂ. ಬಹುಮಾನ ಮತ್ತು ಸ್ಪರ್ಧೆಯಲ್ಲಿ ಸೋತವರಿಗೆ 25 ರೂ. ಬಹುಮಾನವೆಂದು ನಿರ್ಧರಿಸಿದ್ದಾರೆ. ಹಂಚಿದ ಬಹುಮಾನದ ಒಟ್ಟು ಹಣ 3,000 ರೂ. ಗಳು ಸ್ಪರ್ಧೆಯಲ್ಲಿ ಒಟ್ಟು 63 ಜನ ಭಾಗವಹಿಸಿದ್ದರೆ, ಗೆದ್ದವರೆಷ್ಟು ಜನ?

ಗೆದ್ದವರ ಸಂಖ್ಯೆ x ಆಗಿರಲಿ. ಆಗ ಸೋತವರ ಸಂಖ್ಯೆ = 63 - x		
ಹಂತ	ಸಮೀಕರಣ/ಸುಲಭೀಕರಿಸಿದಾಗ	ವಿವರಣೆ
1	$\text{ಗೆದ್ದವರು ಪಡೆದ ಹಣ} = x * 100 = 100x$ $\text{ಸೋತವರು ಪಡೆದ ಹಣ} = (63 - x) * 25 = 1575 - 25x$	ಎಲ್ಲಾ ನಾಣ್ಯಗಳ ಬೆಲೆಯನ್ನು ಕಂಡುಹಿಡಿದಿದೆ. ಅಥವಾ ಪಡೆದ ಹಣ = ಸಂಖ್ಯೆ * ಬಹುಮಾನದ ಮೊತ್ತ
2	$100x + 1575 - 25x = 3000$ $\Rightarrow 75x + 1575 = 3000$ $\Rightarrow 75x = 3000 - 1575 = 1425 = 75 * 19$	ಸಮೀಕರಣ ಸಮೀಕರಣದ ಎರಡೂ ಕಡೆಯಿಂದ 1575 ನ್ನು ಕಳೆದಿದೆ ಅಥವಾ 1575 ರ ಬದಿ ಬದಲಿಸಿದೆ.
3	$\Rightarrow x = 19$	ಗೆದ್ದವರ ಸಂಖ್ಯೆ x = 19

ಅಭ್ಯಾಸ 3.3

3.3.1. ಕೆಳಗಿನ ಸಮೀಕರಣಗಳನ್ನು ಬಿಡಿಸಿ ನಿಮ್ಮ ಉತ್ತರಗಳನ್ನು ಪರೀಕ್ಷಿಸಿರಿ.

ಗಮನಿಸಿ: ಇಲ್ಲಿನ ಲೆಕ್ಕಗಳನ್ನು ಪದಗಳ ಬದಿ ಬದಲಿಸಿ ಬಿಡಿಸಲಿದ್ದೇವೆ. ಬದಿ ಬದಲಿಸಿದಾಗ **ಪದದ ಚಿಹ್ನೆ ಬದಲಾಗುತ್ತದೆ** ಎನ್ನುವುದನ್ನು ಗಮನಿಸಿ.

ಸಂ	ಸಮೀಕರಣ	ಸುಲಭೀಕರಿಸಿದ ಸಮೀಕರಣ	ಪದಗಳ ಬದಿ ಬದಲಾವಣೆ	ಪರಿಣಾಮ	ಉತ್ತರ/ಬೆಲೆ
1	$3x = 2x + 18$		2x ಎಡಬದಿಗೆ	$3x - 2x = 18$ $\Rightarrow x = 18$	$x = 18$
2	$5t - 3 = 3t - 5$		3t ಎಡಬದಿಗೆ ಮತ್ತು -3 ಬಲಬದಿಗೆ	$5t - 3t = -5 + 3$ $\Rightarrow 2t = -2$	$\therefore t = -1$
3	$5x + 9 = 5 + 3x$		3x ಎಡಬದಿಗೆ ಮತ್ತು 9 ಬಲಬದಿಗೆ	$5x - 3x = 5 - 9$ $\Rightarrow 2x = -4$	$\therefore x = -2$
4	$4z + 3 = 6 + 2z$		2z ಎಡಬದಿಗೆ ಮತ್ತು 3 ಬಲಬದಿಗೆ	$4z - 2z = 6 - 3$ $\Rightarrow 2z = 3$	$\therefore z = \frac{3}{2}$
5	$2x - 1 = 14 - x$		-x ಎಡಬದಿಗೆ ಮತ್ತು -1 ಬಲಬದಿಗೆ	$2x + x = 14 + 1$ $\Rightarrow 3x = 15$	$\therefore x = 5$
6	$8x + 4 = 3(x - 1) + 7$	ಬಲಬದಿ ವಿಸ್ತರಿಸಿ. $8x + 4 = 3x - 3 + 7$	3x ಎಡಬದಿಗೆ ಮತ್ತು 4 ಬಲಬದಿಗೆ	$8x - 3x = -3 + 7 - 4$ $\Rightarrow 5x = 0$	$\therefore x = 0$
7	$x = \frac{4}{5}(x + 10)$	ಎರಡೂ ಬದಿ 5 ರಿಂದ ಗುಣಿಸಿ. $5x = 4x + 40$	4x ಎಡಬದಿಗೆ	$5x - 4x = 40$ $\Rightarrow x = 40$	$x = 40$
8	$\frac{2x}{3} + 1 = \frac{7x}{15} + 3$	ಎರಡೂ ಬದಿ 15 ರಿಂದ ಗುಣಿಸಿ. $10x + 15 = 7x + 45$	7x ಎಡಬದಿಗೆ ಮತ್ತು 15 ಬಲಬದಿಗೆ	$10x - 7x = 45 - 15$ $\Rightarrow 3x = 30$	$\therefore x = 10$
9	$2y + \frac{5}{3} = \frac{26}{3} - y$	ಎರಡೂ ಬದಿ 3 ರಿಂದ ಗುಣಿಸಿ. $6y + 5 = 26 - 3y$	-3y ಎಡಬದಿಗೆ ಮತ್ತು 5 ಬಲಬದಿಗೆ	$6y + 3y = 26 - 5$ $\Rightarrow 9y = 21$	$\therefore y = \frac{21}{9} = \frac{7}{3}$
10	$3m = 5m - \frac{8}{5}$	ಎರಡೂ ಬದಿ 5 ರಿಂದ ಗುಣಿಸಿ. $15m = 25m - 8$	25m ಎಡಬದಿಗೆ	$15m - 25m = -8$ $\Rightarrow -10m = -8$	$\therefore m = \frac{-8}{-10} = \frac{4}{5}$

ತಾಳ: ಮೇಲಿನ ತ:ಖ್ತೆಯ ಕೊನೇ ಕಾಲಂನಲ್ಲಿ ದೊರೆತ ಬೆಲೆಯನ್ನು ಸಮೀಕರಣದಲ್ಲಿ ಆದೇಶಿಸಿ ಉತ್ತರ ಸರಿಯಿದೆಯೇ ಎಂದು ಪರೀಕ್ಷಿಸಿ.

ಅಭ್ಯಾಸ 3.4

3.4.1. ಅಮೀನಾಳು ಒಂದು ಸಂಖ್ಯೆಯನ್ನು ಉಹಿಸಿಕೊಂಡು ಅದರಲ್ಲಿ $\frac{5}{2}$ ನ್ನು ಕಳೆದರೆ ಬಂದ ವ್ಯತ್ಯಾಸವನ್ನು 8 ರಿಂದ ಗುಣಿಸಿದಾಗ ಬಂದ ಗುಣಲಬ್ಧ ಉಹಿಸಿದ ಸಂಖ್ಯೆಯ 3 ರಷ್ಟಿರುತ್ತದೆ. ಉಹಿಸಿದ ಸಂಖ್ಯೆ ಯಾವುದು?

ಅಮೀನಾಳು ಉಹಿಸಿದ ಸಂಖ್ಯೆ x ಆಗಿರಲಿ. ಅದರಲ್ಲಿ $\frac{5}{2}$ ನ್ನು ಕಳೆದು 8 ರಿಂದ ಗುಣಿಸಿದಾಗ ಸಿಗುವ ಸಂಖ್ಯೆ $(x - \frac{5}{2}) * 8$		
ಹಂತ	ಸಮೀಕರಣ/ಸುಲಭೀಕರಿಸಿದಾಗ	ವಿವರಣೆ
1	$(x - \frac{5}{2}) * 8 = 3x$ $\Rightarrow 8x - 20 = 3x$	ಸಮೀಕರಣ ಮತ್ತು ಸಮೀಕರಣವನ್ನು ಸುಲಭೀಕರಿಸಿದೆ.
2	$\Rightarrow 8x - 3x = 20$ $\Rightarrow 5x = 20$	$3x$ ನ್ನು ಎಡಗಡೆಗೆ -20 ನ್ನು ಬಲಗಡೆಗೆ ಕೊಂಡು ಹೋದಾಗ ಚಿಹ್ನೆ ಬದಲಾಗುತ್ತದೆ.
3	$\Rightarrow x = 4$	ಅಮೀನಾಳು ಉಹಿಸಿದ ಸಂಖ್ಯೆ $x = 4$. ನೀವೇ ತಾಳೆ ನೋಡಿ.

3.4.2. ಧನಸಂಖ್ಯೆಯೊಂದು ಇನ್ನೊಂದು ಸಂಖ್ಯೆಯ 5 ರಷ್ಟಿದೆ. ಎರಡೂ ಸಂಖ್ಯೆಗಳಿಗೆ 21 ಸೇರಿಸಿದಾಗ ಎರಡು ಸಂಖ್ಯೆಗಳಲ್ಲಿ ಒಂದು ಇನ್ನೊಂದರ ಎರಡರಷ್ಟಾಗುತ್ತದೆ. ಆ ಸಂಖ್ಯೆಗಳಾವುವು?

ಗಮನಿಸಿ: ಇಲ್ಲಿ ಎರಡು ಸಂಖ್ಯೆಗಳಿವೆ ಎಂದು ಲೆಕ್ಕದಲ್ಲಿ ತಿಳಿಸಿರುವುದರಿಂದ ಎರಡು ಸಂದರ್ಭಗಳು ಸಾಧ್ಯವಿದೆ.

ಆ ಧನಸಂಖ್ಯೆ x ಆಗಿರಲಿ. ಆಗ ಇನ್ನೊಂದು ಸಂಖ್ಯೆ $5x$ ಆಗುತ್ತದೆ. ಎರಡೂ ಸಂಖ್ಯೆಗಳಿಗೆ 21 ಸೇರಿಸಿದಾಗ ಅವು $x+21$ ಮತ್ತು $5x+21$ ಆಗುತ್ತವೆ.

ಸಂದರ್ಭ 1: ಮೊದಲ ಧನ ಸಂಖ್ಯೆ ಇನ್ನೊಂದರ ಎರಡರಷ್ಟಾದರೆ:

ಹಂತ	ಸಮೀಕರಣ/ಸುಲಭೀಕರಿಸಿದಾಗ	ವಿವರಣೆ
1	$X+21=2(5x+21)$	ಸಮೀಕರಣ
	$\Rightarrow x+21=10x+42$ $\Rightarrow x-10x=42-21$	10x ನ್ನು ಎಡಗಡೆಗೆ 21 ನ್ನು ಬಲಗಡೆಗೆ ಕೊಂಡು ಹೋದಾಗ ಚಿಹ್ನೆ ಬದಲಾಗುತ್ತದೆ.
2	$\Rightarrow -9x=21$	
3	$\Rightarrow x=-\frac{21}{9}$	ಇದು ಧನಸಂಖ್ಯೆ ಆಗಿಲ್ಲದೇ ಇರುವುದರಿಂದ ಇದು ಉತ್ತರವಲ್ಲ.

ಸಂದರ್ಭ 2: ಇನ್ನೊಂದು(ಎರಡನೇ) ಧನ ಸಂಖ್ಯೆ ಮೊದಲ ಧನ ಸಂಖ್ಯೆಯ ಎರಡರಷ್ಟಾದರೆ:

1	$5x+21=2(x+21)$	ಸಮೀಕರಣ
	$\Rightarrow 5x+21=2x+42$ $\Rightarrow 5x-2x=42-21$	2x ನ್ನು ಎಡಗಡೆಗೆ 21 ನ್ನು ಬಲಗಡೆಗೆ ಕೊಂಡು ಹೋದಾಗ ಚಿಹ್ನೆ ಬದಲಾಗುತ್ತದೆ.
2	$\Rightarrow 3x=21$	
3	$\Rightarrow x=7$	ಮೊದಲ ಧನ ಸಂಖ್ಯೆ $x=7$. ಇನ್ನೊಂದು ಸಂಖ್ಯೆ $5x=35$. ನೀವೇ ತಾಳೆ ನೋಡಿ.

3.4.3. ಎರಡು ಅಂಕಿಯ ಸಂಖ್ಯೆಯೊಂದರ ಅಂಕಗಳ ಮೊತ್ತ 9. ಆ ಅಂಕಗಳನ್ನು ಅದಲು ಬದಲು ಮಾಡಿದಾಗ ಬರುವ ಸಂಖ್ಯೆಯು ಮೂಲ ಸಂಖ್ಯೆಗಿಂತ 27 ಜಾಸ್ತಿಯಿದೆ. ಆ ಸಂಖ್ಯೆಗಳಾವುವು?

ಎರಡಂಕಿಯ ಸಂಖ್ಯೆ yx (ಹತ್ತರ ಸ್ಥಾನದಲ್ಲಿ y ಮತ್ತು ಬಿಡಿ ಸ್ಥಾನದಲ್ಲಿ x) ಆಗಿರಲಿ. ಅಂಕಗಳ ಮೊತ್ತ 9 ಆಗಿರುವುದರಿಂದ $y+x=9 \Rightarrow y=(9-x)$ ಅಂದರೆ ಎರಡಂಕಿಯ ಸಂಖ್ಯೆ $(9-x)x \Rightarrow$ ಹತ್ತರ ಸ್ಥಾನದಲ್ಲಿ $(9-x)$ ಮತ್ತು ಬಿಡಿ ಸ್ಥಾನದಲ್ಲಿ x , ಮತ್ತು ಬೆಲೆ $=10(9-x)+x$ ಅಂಕಗಳನ್ನು ಅದಲು ಬದಲು ಮಾಡಿದಾಗ ಬರುವ ಹೊಸ ಸಂಖ್ಯೆಯು $x(9-x)$ [ಹತ್ತರ ಸ್ಥಾನದಲ್ಲಿ x ಮತ್ತು ಬಿಡಿ ಸ್ಥಾನದಲ್ಲಿ $(9-x)$ ಮತ್ತು ಬೆಲೆ $=10x+(9-x)$]

ಹಂತ	ಸಮೀಕರಣ/ಸುಲಭೀಕರಿಸಿದಾಗ	ವಿವರಣೆ
1	$10x+(9-x) = 10*(9-x)+x+27$	ಸಮೀಕರಣ
2	$\Rightarrow 10x+9-x=90-10x+x+27$ $\Rightarrow 9x+9=117-9x$ $\Rightarrow 9x+9x=117-9=108$ $\Rightarrow 18x=108=18*6$	$-9x$ ನ್ನು ಎಡಗಡೆಗೆ 9 ನ್ನು ಬಲಗಡೆಗೆ ಕೊಂಡು ಹೋದಾಗ ಚೆಹ್ನೆ ಬದಲಾಗುತ್ತದೆ.
3	$\Rightarrow x=6$	ಎರಡಂಕಿಯ ಸಂಖ್ಯೆ $(9-x)x = 36$. ನೀವೇ ತಾಳೆ ನೋಡಿ.

3.4.4. 2-ಅಂಕಿಯ ಸಂಖ್ಯೆಯೊಂದರಲ್ಲಿ ಒಂದು ಅಂಕಿಯು ಇನ್ನೊಂದರ ಮೂರರಷ್ಟಿದೆ. ಅದರ ಅಂಕಗಳನ್ನು ಅದಲು ಬದಲು ಮಾಡಿದರೆ ಬರುವ ಸಂಖ್ಯೆಯನ್ನು ಮೂಲ ಸಂಖ್ಯೆಗೆ ಸೇರಿಸಿದ ಮೊತ್ತ 88. ಮೂಲ ಸಂಖ್ಯೆ ಯಾವುದು?

ಗಮನಿಸಿ: ಇಲ್ಲಿ ಅಂಕಗಳ ಸ್ಥಾನ(ಬಿಡಿ,ಹತ್ತರ) ತಿಳಿಸಿಲ್ಲದೇ ಇರುವುದರಿಂದ ಎರಡು ಸಂದರ್ಭಗಳು ಸಾಧ್ಯವಿದೆ.

ಸಂದರ್ಭ 1: ಎರಡಂಕಿಯ ಸಂಖ್ಯೆ $x(3x)$ (ಹತ್ತರ ಸ್ಥಾನದಲ್ಲಿ x ಮತ್ತು ಬಿಡಿ ಸ್ಥಾನದಲ್ಲಿ $3x$) ಆಗಿರಲಿ. ಸಂಖ್ಯೆಯ ಬೆಲೆ $= 10 * x + 3x = 10x + 3x = 13x$
ಅಂಕಗಳನ್ನು ಅದಲು ಬದಲು ಮಾಡಿದಾಗ ಬರುವ ಹೊಸ ಸಂಖ್ಯೆಯು $(3x)x$

[ಹತ್ತರ ಸ್ಥಾನದಲ್ಲಿ $3x$ ಮತ್ತು ಬಿಡಿ ಸ್ಥಾನದಲ್ಲಿ x & ಸಂಖ್ಯೆಯ ಬೆಲೆ $= 10 * 3x + x = 31x$]

ಹಂತ	ಸಮೀಕರಣ/ಸುಲಭೀಕರಿಸಿದಾಗ	ವಿವರಣೆ
1	$31x + 13x = 88$ $\Rightarrow 44x = 88$	ಸಮೀಕರಣ
2	$\Rightarrow x = 2$	ಎರಡಂಕಿಯ ಸಂಖ್ಯೆ $(x)3x = 26$. ಇನ್ನೊಂದು ಸಂಖ್ಯೆ $(3x)x = 62$. ನೀವೇ ತಾಳೆ ನೋಡಿ.
ಸಂದರ್ಭ 2: ಎರಡಂಕಿಯ ಸಂಖ್ಯೆ $(3x)x$ (ಹತ್ತರ ಸ್ಥಾನದಲ್ಲಿ $3x$ ಮತ್ತು ಬಿಡಿ ಸ್ಥಾನದಲ್ಲಿ x) ಆಗಿರಲಿ. ಸಂಖ್ಯೆಯ ಬೆಲೆ $= 10 * 3x + x = 30x + x = 31x$ ಅಂಕಗಳನ್ನು ಅದಲು ಬದಲು ಮಾಡಿದಾಗ ಬರುವ ಹೊಸ ಸಂಖ್ಯೆಯು $x(3x)$ [ಹತ್ತರ ಸ್ಥಾನದಲ್ಲಿ x ಮತ್ತು ಬಿಡಿ ಸ್ಥಾನದಲ್ಲಿ $3x$ & ಸಂಖ್ಯೆಯ ಬೆಲೆ $= 10 * x + 3x = 13x$]		
1	$31x + 13x = 88$ $\Rightarrow 44x = 88$	ಸಮೀಕರಣ
2	$\Rightarrow x = 2$	ಎರಡಂಕಿಯ ಸಂಖ್ಯೆ $(3x)x = 62$. ಇನ್ನೊಂದು ಸಂಖ್ಯೆ $x(3x) = 26$. ನೀವೇ ತಾಳೆ ನೋಡಿ.

3.4.5. ಶೋಬೋವಿನ ತಾಯಿಯ ಈಗಿನ ವಯಸ್ಸು ಶೋಬೋವಿನ ವಯಸ್ಸಿನ 6 ರಷ್ಟಿದೆ. 5 ವರ್ಷದ ನಂತರ ಶೋಬೋವಿನ ವಯಸ್ಸು ಅವನ ತಾಯಿಯ ವಯಸ್ಸಿನ ಮೂರನೆ ಒಂದರಷ್ಟಾಗುತ್ತದೆ. ಅವರಿಬ್ಬರ ಈಗಿನ ವಯಸ್ಸೆಷ್ಟು?

ಶೋಬೋವಿನ ಈಗಿನ ವಯಸ್ಸು x ಆಗಿರಲಿ. ಆಗ ಶೋಬೋವಿನ ತಾಯಿಯ ಈಗಿನ ವಯಸ್ಸು $6x$. 5 ವರ್ಷದ ನಂತರ ಶೋಬೋವಿನ ವಯಸ್ಸು $x+5$.		
ಹಂತ	ಸಮೀಕರಣ/ಸುಲಭೀಕರಿಸಿದಾಗ	ವಿವರಣೆ
1	$(x+5) = \frac{1}{3} * (6x)$	ಸಮೀಕರಣ
2	$\Rightarrow x+5 = 2x$ $\Rightarrow 5 = 2x - x = x$	x ನ್ನು ಬಲಗಡೆಗೆ ಕೊಂಡು ಹೋದಾಗ ಚಿಹ್ನೆ ಬದಲಾಗುತ್ತದೆ.
3	$\Rightarrow x = 5$	ಈಗಿನ ಶೋಬೋವಿನ ವಯಸ್ಸು $x = 5$ & ಶೋಬೋವಿನ ತಾಯಿಯ ವಯಸ್ಸು $6x = 30$ ವರ್ಷಗಳು. ನೀವೇ ತಾಳೆ ನೋಡಿ.

3.4.6. ಮಾಹುಲಿ ಗ್ರಾಮದಲ್ಲಿ ಶಾಲೆಯೊಂದಕ್ಕಾಗಿ ಒಂದು ಸಣ್ಣ ಆಯತಾಕಾರದ ಜಾಗವಿದೆ. ಅದರ ಉದ್ದ ಮತ್ತು ಅಗಲಗಳು 11 : 4 ಅನುಪಾತದಲ್ಲಿವೆ. ಒಂದು ಮೀಟರಿಗೆ 100 ರೂ. ಗಳಂತೆ ಅದರ ಸುತ್ತಲೂ ಬೇಲಿ ಹಾಕಿಸಲು ಉರಿನ ಪಂಚಾಯಿತಿಗೆ 75000 ರೂಪಾಯಿಗಳಷ್ಟು ಖರ್ಚಾಗುವುದು. ಹಾಗಾದರೆ ಜಾಗದ ಆಯಾಮಗಳೆಷ್ಟು?

ಜಾಗದ ಉದ್ದ ಮತ್ತು ಅಗಲಗಳು $11x$ ಮತ್ತು $4x$ ಆಗಿರಲಿ. ಬೇಲಿಯ ಸುತ್ತಳತೆ $= 2 * (\text{ಉದ್ದ} + \text{ಅಗಲ}) = 2 * (11x + 4x) = 30x$.		
ಹಂತ	ಸಮೀಕರಣ/ಸುಲಭೀಕರಿಸಿದಾಗ	ವಿವರಣೆ
1	$30x * 100 = 75000 = 3000 * 25$ $\Rightarrow x = 25$	ಸಮೀಕರಣ (ಬೇಲಿ ಹಾಕಲು ತಗಲುವ ಖರ್ಚು = ಸುತ್ತಳತೆ * ದರ = $30x * 100$) ಎರಡೂ ಕಡೆ 3000 ರಿಂದ ಭಾಗಿಸಿದೆ.
2	$\Rightarrow$ ಜಾಗದ ಉದ್ದ ಮತ್ತು ಅಗಲಗಳು ಕ್ರಮವಾಗಿ $11x = 11 * 25 = 275$ ಮತ್ತು $4x = 4 * 25 = 100$ ಮೀ. ನೀವೇ ತಾಳೆ ನೋಡಿ.	

3.4.7. ಹಸನ್ ಶಾಲಾ ಮಕ್ಕಳಿಗಾಗಿ ಎರಡು ರೀತಿಯ ಬಟ್ಟೆಗಳನ್ನು ಖರೀದಿಸುತ್ತಾನೆ. ಷರಟಿನ ಬಟ್ಟೆಗೆ ಮೀಟರಿಗೆ 50 ರೂ. ಗಳೂ ಮತ್ತು ಪ್ಯಾಂಟಿನ ಬಟ್ಟೆ ಮೀಟರಿಗೆ 90 ರೂ. ಗಳೂ ತಗುಲುತ್ತವೆ. ಅವನು ಖರೀದಿಸುವ ಪ್ರತಿ 3 ಮೀಟರ್ ಷರಟಿನ ಬಟ್ಟೆಯ ಜೊತೆ 2 ಮೀಟರ್ ಪ್ಯಾಂಟಿನ ಬಟ್ಟೆ ಖರೀದಿಸುತ್ತಾನೆ. ಆನಂತರ ಕ್ರಮವಾಗಿ 12% ಮತ್ತು 10% ಲಾಭದ ಮೇಲೆ ಮಾರುತ್ತಾನೆ. ಅವನ ಒಟ್ಟು ಮಾರಾಟದ ಬೆಲೆ 36600 ರೂಪಾಯಿಗಳಾದರೆ ಹಸನ್ ಖರೀದಿಸಿದ ಪ್ಯಾಂಟಿನ ಬಟ್ಟೆ ಎಷ್ಟು?

ಹಸನ್ ಖರೀದಿಸುವ ಪ್ಯಾಂಟ್ x ಮೀ. ಆಗಿರಲಿ.

- 2 ಮೀಟರ್ ಪ್ಯಾಂಟಿನ ಬಟ್ಟೆ ಖರೀದಿಸುವಾಗ 3 ಮೀಟರ್ ಷರಟಿನ ಬಟ್ಟೆ ಖರೀದಿಸುತ್ತಾನೆ
- $\therefore x$ ಮೀಟರ್ ಪ್ಯಾಂಟಿನ ಬಟ್ಟೆ ಖರೀದಿಸುವಾಗ ಆತ ಖರೀದಿಸುವ 3 ಮೀಟರ್ ಷರಟಿನ ಬಟ್ಟೆ $= \frac{3}{2}x$ (ಏಕಮಾನ ಪದ್ಧತಿ)

ಖರೀದಿ ಮಾಡಿದ ಪ್ಯಾಂಟ್ ನ ಬೆಲೆ $= x * 90 = 90x$ ರೂ.

ಖರೀದಿ ಮಾಡಿದ ಷರಟಿನ ಬೆಲೆ $= \frac{3}{2}x * 50 = 75x$ ರೂ.

ಪ್ಯಾಂಟ್ ಮಾರಿದ್ದರಿಂದ ಬಂದ ಲಾಭ $= 90x * \frac{10}{100} = 9x$.

ಷರಟ್ ಮಾರಿದ್ದರಿಂದ ಬಂದ ಲಾಭ $= 75x * \frac{12}{100} = 9x$.

ಪ್ಯಾಂಟ್ ಮತ್ತು ಷರಟ್ ಗಳನ್ನು ಮಾರಿದ ಬೆಲೆ $=$ ಖರೀದಿಸಿದ ಬೆಲೆ $+$ ಲಾಭಾಂಶ $= (90x + 9x) + (75x + 9x) = 183x = 36,600 = 183 * 200$

$\Rightarrow x = 200 \Rightarrow$ ಅವನು ಖರೀದಿಸಿದ ಪ್ಯಾಂಟಿನ ಬಟ್ಟೆ 200 ಮೀ.

3.4.8. ಜಿಂಕೆಗಳ ಗುಂಪೊಂದರಲ್ಲಿ ಅರ್ಧದಷ್ಟು ಜಿಂಕೆಗಳು ಮೈದಾನದಲ್ಲಿ ಮೇಯುತ್ತಿವೆ. ಉಳಿದ ಜಿಂಕೆಗಳಲ್ಲಿ ನಾಲ್ಕನೇ ಮೂರರಷ್ಟು ಹತ್ತಿರದಲ್ಲಿ ಆಟ ಆಡುತ್ತಿವೆ. ಉಳಿದ 9 ಜಿಂಕೆಗಳು ಕೊಳದಲ್ಲಿ ನೀರು ಕುಡಿಯುತ್ತಿವೆ. ಗುಂಪಿನಲ್ಲಿರುವ ಜಿಂಕೆಗಳ ಒಟ್ಟು ಸಂಖ್ಯೆಯನ್ನು ಕಂಡು ಹಿಡಿಯಿರಿ.
(ಭಾಸ್ಕರಾಚಾರ್ಯರ 'ಲೀಲಾವತಿ' ಗಣಿತ ಗ್ರಂಥದಿಂದ)

ಜಿಂಕೆಗಳ ಸಂಖ್ಯೆ x ಆಗಿರಲಿ. ಆಗ ಮೇಯುತ್ತಿರುವ ಜಿಂಕೆಗಳ ಸಂಖ್ಯೆ $\frac{x}{2}$.

ಉಳಿದ ಜಿಂಕೆಗಳ ಸಂಖ್ಯೆ $= (x - \frac{x}{2}) = (\frac{x}{2})$.

ಇವುಗಳಲ್ಲಿ ಆಟ ಆಡುತ್ತಿರುವ ಜಿಂಕೆಗಳ ಸಂಖ್ಯೆ $= (\frac{3}{4}) * (\frac{x}{2}) = \frac{3x}{8}$

ಉಳಿದ ಜಿಂಕೆಗಳ ಸಂಖ್ಯೆ = ಜಿಂಕೆಗಳ ಸಂಖ್ಯೆ - ಮೇಯುತ್ತಿರುವ ಜಿಂಕೆಗಳ ಸಂಖ್ಯೆ - ಆಟ ಆಡುತ್ತಿರುವ ಜಿಂಕೆಗಳ ಸಂಖ್ಯೆ $= x - \frac{x}{2} - \frac{3x}{8} = \frac{8x - 4x - 3x}{8} = \frac{x}{8}$

$\therefore \frac{x}{8} = 9 \Rightarrow x = 72$ ಇದು ಜಿಂಕೆಗಳ ಒಟ್ಟು ಸಂಖ್ಯೆ

3.4.9. ಒಬ್ಬ ಅಜ್ಜನು ತನ್ನ ಮೊಮ್ಮೊಗಳ ಹತ್ತರಷ್ಟು ದೊಡ್ಡವನು. ಅವಳಿಗಿಂತ ಅವನು 54 ವರ್ಷ ದೊಡ್ಡವನು. ಹಾಗಾದರೆ ಅವರ ಈಗಿನ ವಯಸ್ಸುಗಳೆಷ್ಟು?

ಮೊಮ್ಮೊಗಳ ಈಗಿನ ವಯಸ್ಸು x ಆಗಿರಲಿ. ಆಗ ಈಗಿನ ಅಜ್ಜನ ವಯಸ್ಸು $10x$ ಆಗುತ್ತದೆ.

ಹಂತ	ಸಮೀಕರಣ/ಸುಲಭೀಕರಿಸಿದಾಗ	ವಿವರಣೆ
1	$x + 54 = 10x$	ಸಮೀಕರಣ
2	$\Rightarrow 54 = 10x - x = 9x$	x ನ್ನು ಬಲಗಡೆಗೆ ಕೊಂಡು ಹೋದಾಗ ಚಿಹ್ನೆ ಬದಲಾಗುತ್ತದೆ.
3	$\Rightarrow x = 6$	ಮೊಮ್ಮೊಗಳ ಈಗಿನ ವಯಸ್ಸು $x = 6$ ಮತ್ತು ಈಗಿನ ಅಜ್ಜನ ವಯಸ್ಸು $10x = 60$ ವರ್ಷಗಳು. ನೀವೇ ತಾಳೆ ನೋಡಿ.

3.4.10. ಅಮನ್‌ನ ವಯಸ್ಸು ಅವನ ಮಗನ ವಯಸ್ಸಿಗಿಂತ ಮೂರರಷ್ಟಿದೆ. 10 ವರ್ಷಗಳ ಹಿಂದೆ ಅವನ ವಯಸ್ಸು ಅವನ ಮಗನ ವಯಸ್ಸಿಗಿಂತ ಐದರಷ್ಟಿತ್ತು. ಅವರಿಬ್ಬರ ಈಗಿನ ವಯಸ್ಸುಗಳೆಷ್ಟು?

ಅಮನ್‌ನ ಮಗನ ಈಗಿನ ವಯಸ್ಸು x ಆಗಿರಲಿ. ಆಗ ಈಗಿನ ಅಮನ್‌ನ ವಯಸ್ಸು $3x$ ಆಗುತ್ತದೆ. 10 ವರ್ಷಗಳ ಹಿಂದೆ ಅವರುಗಳ ವಯಸ್ಸು ಕ್ರಮವಾಗಿ $x-10$ ಮತ್ತು $3x-10$ ಆಗಿದ್ದವು.

ಹಂತ	ಸಮೀಕರಣ/ಸುಲಭೀಕರಿಸಿದಾಗ	ವಿವರಣೆ
1	$3x-10=5(x-10)$ $\Rightarrow 3x-10=5x-50$	ಸಮೀಕರಣ
2	$\Rightarrow -10+50=5x-3x$ $\Rightarrow 40=2x$	$3x$ ನ್ನು ಬಲಗಡೆಗೆ ಮತ್ತು -50 ನ್ನು ಎಡೆಗಡೆಗೆ ಕೊಂಡು ಹೋದಾಗ ಚಿಹ್ನೆ ಬದಲಾಗುತ್ತದೆ.
3	$\Rightarrow x=20$	ಅಮನ್‌ನ ಮಗನ ಈಗಿನ ವಯಸ್ಸು $x=20$ ಮತ್ತು ಅಮನ್‌ನ ಈಗಿನ ವಯಸ್ಸು $3x=60$ ವರ್ಷಗಳು. ನೀವೇ ತಾಳೆ ನೋಡಿ.

ಅಭ್ಯಾಸ 3.5

3.5.1. ಕೆಳಗಿನ ರೇಖಾತ್ಮಕ ಸಮೀಕರಣಗಳನ್ನು ಬಿಡಿಸಿರಿ.

ಗಮನಿಸಿ: ಇಲ್ಲಿನ ಲೆಕ್ಕಗಳನ್ನು ಪದಗಳ ಬದಿ ಬದಲಿಸಿ ಬಿಡಿಸಲಿದ್ದೇವೆ. ಬದಿ ಬದಲಿಸಿದಾಗ **ಪದದ ಚಿಹ್ನೆ ಬದಲಾಗುತ್ತದೆ** ಎನ್ನುವುದನ್ನು ಗಮನಿಸಿ.

ಸಂ.	ಸಮೀಕರಣ	ಛೇದಗಳ ಲ.ಸಾ.ಅ.	ಲ.ಸಾ.ಅ. ದಿಂದ ಎಲ್ಲಾ ಪದಗಳನ್ನು ಗುಣಿಸಿ, ಸುಲಭೀಕರಿಸಿ	ಪದಗಳ ಬದಿ ಬದಲಾವಣೆ	ಪರಿಣಾಮ
1	$\frac{x}{2} - \frac{1}{5} = \frac{x}{3} + \frac{1}{4}$	60	$30x - 12 = 20x + 15$	20x ಎಡಬದಿಗೆ ಮತ್ತು -12 ಬಲಬದಿಗೆ	$30x - 20x = 15 + 12$ $\Rightarrow 30x = 27 \therefore x = \frac{27}{10}$
2	$\frac{n}{2} - \frac{3n}{4} + \frac{5n}{6} = 21$	12	$6n - 9n + 10n = 12 * 21$ $\Rightarrow 7n = 12 * 21 = 12 * 3 * 7$		$n = 36$
3	$x + 7 - \frac{8x}{3} = \frac{17}{6} - \frac{5x}{2}$	6	$6x + 42 - 16x = 17 - 15x$	-15x ಎಡಬದಿಗೆ ಮತ್ತು 42 ಬಲಬದಿಗೆ	$6x - 16x + 15x = 17 - 42$ $\Rightarrow 5x = -25 \therefore x = -5$
4	$\frac{x-5}{3} = \frac{x-3}{5}$	15	$5(x-5) = 3(x-3)$ $\Rightarrow 5x - 25 = 3x - 9$	3x ಎಡಬದಿಗೆ ಮತ್ತು -25 ಬಲಬದಿಗೆ	$5x - 3x = -9 + 25$ $\Rightarrow 2x = 16 \therefore x = 8$
5	$\frac{3t-2}{4} - \frac{2t+3}{3} = \frac{2}{3} - t$	12	$3(3t-2) - 4(2t+3) = 8 - 12t$ $\Rightarrow 9t - 6 - 8t - 12 = 8 - 12t$ $\Rightarrow t - 18 = 8 - 12t$	-12t ಎಡಬದಿಗೆ ಮತ್ತು -18 ಬಲಬದಿಗೆ	$9t - 8t + 12t = 8 + 18$ $\Rightarrow 13t = 26 \therefore t = 2$
6	$m - \frac{m-1}{2} = 1 - \frac{m-2}{3}$	6	$6m - 3(m-1) = 6 - 2(m-2)$ $\Rightarrow 6m - 3m + 3 = 6 - 2m + 4$	-2m ಎಡಬದಿಗೆ ಮತ್ತು 3 ಬಲಬದಿಗೆ	$6m - 3m + 2m = 6 + 4 - 3$ $\Rightarrow 5m = 7 \therefore m = \frac{7}{5}$

3.5.2. ಕೆಳಗಿನ ರೇಖಾತ್ಮಕ ಸಮೀಕರಣಗಳನ್ನು ಸಂಕ್ಷೇಪಿಸಿ ಬಿಡಿಸಿರಿ.

ಗಮನಿಸಿ: ಇಲ್ಲಿನ ಲೆಕ್ಕಗಳನ್ನು ಪದಗಳ ಬದಿ ಬದಲಿಸಿ ಬಿಡಿಸಲಿದ್ದೇವೆ. ಬದಿ ಬದಲಿಸಿದಾಗ **ಪದದ ಚಿಹ್ನೆ ಬದಲಾಗುತ್ತದೆ** ಎನ್ನುವುದನ್ನು ಗಮನಿಸಿ.

ಸಂ	ಸಮೀಕರಣ	ಸುಲಭೀಕರಿಸಿದ ಸಮೀಕರಣ	ಪದಗಳ ಬದಿ ಬದಲಾವಣೆ	ಪರಿಣಾಮ	ಉತ್ತರ/ಬೆಲೆ
7	$3(t-3)=5(2t+1)$	$3t-9=10t+5$	5 ಎಡಬದಿಗೆ ಮತ್ತು 3t ಬಲಬದಿಗೆ	$-9-5=10t-3t$	$-14=7t$ $\therefore t=-2$
8	$15(y-4)-2(y-9)+5(y+6)=0$	$15y-60-2y+18+5y+30=0$ $\Rightarrow 18y-12=0$	12 ಬಲಬದಿಗೆ	$18y=12$	$y=\frac{12}{18}=\frac{2}{3}$
9	$3(5z-7)-2(9z-11)=4(8z-13)-17$	$15z-21-18z+22$ $=32z-52-17$ $\Rightarrow -3z+1=32z-69$	-69 ಎಡಬದಿಗೆ ಮತ್ತು -3z ಬಲಬದಿಗೆ	$1+69=32z+3z$	$70=35z$ $\therefore z=2$
10	$0.25(4f-3)=0.05(10f-9)$	$f-0.75=0.5f-0.45$	0.5f ಎಡಬದಿಗೆ ಮತ್ತು -0.75 ಬಲಬದಿಗೆ	$f-0.5f$ $=-0.45+0.75$	$0.5f=0.3$ $\therefore f=0.6$

ಅಭ್ಯಾಸ 3.6

3.6.1. ಕೆಳಗಿನ ಸಮೀಕರಣಗಳನ್ನು ಬಿಡಿಸಿರಿ:

ಸಂ.	ಸಮೀಕರಣ	ಓರೆ ಗುಣಾಕಾರ ಮಾಡಿದಾಗ	ಪದಗಳ ಬದಿ ಬದಲಾವಣೆ	ಪರಿಣಾಮ, ಸುಲಭೀಕರಿಸಿ.	ಉತ್ತರ/ಬೆಲೆ
1	$\frac{8x-3}{3x} = 2$	$8x-3=6x$	$6x$ ಎಡಬದಿಗೆ ಮತ್ತು -3 ಬಲಬದಿಗೆ	$8x-6x=3$ $\Rightarrow 2x=3$	$\therefore x = \frac{3}{2}$
2	$\frac{9x}{7-6x} = 15$	$9x=105-90x$	$-90x$ ಎಡಬದಿಗೆ	$9x+90x=105$ $\Rightarrow 99x=105$	$\therefore x = \frac{105}{99} = \frac{35}{33}$
3	$\frac{z}{z+15} = \frac{4}{9}$	$9z=4z+60$	$4z$ ಎಡಬದಿಗೆ	$9z-4z=60$ $\Rightarrow 5z=60$	$\therefore z=12$
4	$\frac{3y+4}{2-6y} = \frac{-2}{5}$	$15y+20=-4+12y$	$12y$ ಎಡಬದಿಗೆ ಮತ್ತು 20 ಬಲಬದಿಗೆ	$15y-12y=-4-20$ $\Rightarrow 3y=-24$	$\therefore y=-8$
5	$\frac{7y+4}{y+2} = \frac{-4}{3}$	$21y+12=-4y-8$	$-4y$ ಎಡಬದಿಗೆ ಮತ್ತು 12 ಬಲಬದಿಗೆ	$21y+4y=-8-12$ $\Rightarrow 25y=-20$	$\therefore y = \frac{-20}{25} = \frac{-4}{5}$

3.6.6. ಹರಿ ಮತ್ತು ಹ್ಯಾರಿ ಇವರ ವಯಸ್ಸು 5 : 7 ಅನುಪಾತದಲ್ಲಿದೆ. ನಾಲ್ಕು ವರ್ಷದ ನಂತರ ಈ ಅನುಪಾತ 3 : 4 ಆಗುತ್ತದೆ. ಅವರ ಈಗಿನ ವಯಸ್ಸೆಷ್ಟು?

ಹರಿ ಮತ್ತು ಹ್ಯಾರಿ ರವರ ಈಗಿನ ವಯಸ್ಸು $5x$ ಮತ್ತು $7x$ ಆಗಿರಲಿ. ನಾಲ್ಕು ವರ್ಷಗಳ ನಂತರ ಅವರ ವಯಸ್ಸು $5x+4$ ಮತ್ತು $7x+4$ ಆಗುತ್ತದೆ. ಆಗ ಅನುಪಾತ 3 : 4 ಆಗುತ್ತದೆ.

ಹಂತ	ಸಮೀಕರಣ/ಸುಲಭೀಕರಿಸಿದಾಗ	ವಿವರಣೆ
1	$\frac{5x+4}{7x+4} = \frac{3}{4}$	ಸಮೀಕರಣ
2	$\Rightarrow 4 * (5x+4) = 3 * (7x+4)$	ಓರೆ ಗುಣಾಕಾರ ಮಾಡಿದೆ.
3	$\Rightarrow 20x+16=21x+12$	$20x$ ನ್ನು ಬಲಗಡೆಗೆ ಮತ್ತು $+12$ ನ್ನು ಎಡಗಡೆಗೆ ಕೊಂಡು ಹೋದಾಗ ಚಿಹ್ನೆ ಬದಲಾಗುತ್ತದೆ.
4	$\Rightarrow 16-12=21x-20x$ $\Rightarrow 4=x$	ಹರಿ ಮತ್ತು ಹ್ಯಾರಿ ರವರ ಈಗಿನ ವಯಸ್ಸು $5x=20$ ಮತ್ತು $7x=28$. ನೀವೇ ತಾಳೆ ನೋಡಿ.

3.6.7. ಭಾಗಲಬ್ಧ ಸಂಖ್ಯೆಯೊಂದರ ಭೇದವು ಅದರ ಅಂಶಕ್ಕಿಂತ 8 ಹೆಚ್ಚಿದೆ. ಈಗ ಅಂಶಕ್ಕೆ 17 ಸೇರಿಸಿ ಭೇದದಿಂದ 1 ಕಳೆದರೆ $\frac{3}{2}$ ಬರುತ್ತದೆ. ಹಾಗಾದರೆ ಆ ಭಾಗಲಬ್ಧ ಸಂಖ್ಯೆ ಯಾವುದು?

ಆ ಭಾಗಲಬ್ಧ ಸಂಖ್ಯೆಯ ಅಂಶವು x ಆಗಿರಲಿ. ಆಗ ಭೇದವು $x+8$ ಮತ್ತು ಭಾಗಲಬ್ಧ ಸಂಖ್ಯೆ $= \frac{x}{x+8}$. ಹೊಸ ಭಾಗಲಬ್ಧ ಸಂಖ್ಯೆ $= \frac{x+17}{x+8-1} = \frac{x+17}{x+7}$		
ಹಂತ	ಸಮೀಕರಣ/ಸುಲಭೀಕರಿಸಿದಾಗ	ವಿವರಣೆ
1	$\frac{x+17}{x+7} = \frac{3}{2}$	ಸಮೀಕರಣ
2	$\Rightarrow 2 * (x+17) = 3 * (x+7)$	ಓರೆ ಗುಣಾಕಾರ ಮಾಡಿದೆ.
3	$\Rightarrow 2x+34=3x+21$	$2x$ ನ್ನು ಬಲಗಡೆಗೆ ಮತ್ತು $+21$ ನ್ನು ಎಡಗಡೆಗೆ ಕೊಂಡು ಹೋದಾಗ ಚಿಹ್ನೆ ಬದಲಾಗುತ್ತದೆ.
4	$\Rightarrow 34-21=3x-2x=x$ $\Rightarrow 13=x$	ಭಾಗಲಬ್ಧ ಸಂಖ್ಯೆ $= \frac{x}{x+8} = \frac{13}{21}$. ನೀವೇ ತಾಳೆ ನೋಡಿ.