

1.4 ಅಭಾಗಲಬ್ಧ ಸಂಖ್ಯೆಗಳು:

ಪ್ರತೀ ಭಾಗಲಬ್ಧ ಸಂಖ್ಯೆಯನ್ನು ದಶಮಾಂಶ ಸಂಖ್ಯೆಯಾಗಿ ಪರಿವರ್ತಿಸಬಹುದು.

ಉದಾ: $\frac{1}{2} = 0.5$, $\frac{1}{4} = 0.25$, $\frac{1}{8} = 0.125$, $\frac{1}{5} = 0.2$ ಇತ್ಯಾದಿ.

ಮೇಲಿನ ಭಾಗಲಬ್ಧ ಸಂಖ್ಯೆಗಳಲ್ಲಿ ದಶಮಾಂಶ ಬಿಂದುವಿನ ನಂತರ ನಿರ್ದಿಷ್ಟ ದಶಮಾಂಶ ಸ್ಥಾನಗಳಿವೆ.

ಆದರೆ, $\frac{1}{3} = 0.33333 \dots$, $\frac{1}{7} = 0.142857142857142857 \dots$

$\frac{1}{3} = 0.\bar{3}$ ಎಂದೂ ಬರೆಯಬಹುದು (ಅಂದರೆ ಸಂಖ್ಯೆ 3 ಆವರ್ತವಾಗುತ್ತದೆ).

$\frac{1}{7} = 0.\overline{142857}$ ಎಂದೂ ಬರೆಯಬಹುದು (ಅಂದರೆ ಸಂಖ್ಯೆ 142857 ಆವರ್ತವಾಗುತ್ತದೆ).

$\frac{1}{4}$, $\frac{1}{8}$, $\frac{1}{5}$ ರ ಸಂದರ್ಭದಲ್ಲಿ ದಶಮಾಂಶ ಸ್ಥಾನದಲ್ಲಿ 2,3,1 ಅಂಕಿಗಳಿವೆ.

ಇಂತಹ ಸಂಖ್ಯೆಗಳನ್ನು **ಅಂತ್ಯಗೊಳ್ಳುವ ದಶಮಾಂಶಗಳು** ಎನ್ನುತ್ತೇವೆ.

$\frac{1}{3}$ ಮತ್ತು $\frac{1}{7}$ ರಲ್ಲಿ ದಶಮಾಂಶ ಸಂಖ್ಯೆಗಳು ಅಂತ್ಯಗೊಳ್ಳುವುದಿಲ್ಲ, ಆದರೆ ಕೆಲವು ಸ್ಥಾನದ ನಂತರ ಪುನಃ

ಅದೇ ಸಂಖ್ಯೆಗಳು ಆವರ್ತವಾಗುತ್ತವೆ.

ಇಂತಹ ದಶಮಾಂಶ ಸಂಖ್ಯೆಗಳನ್ನು **ಅಂತ್ಯಗೊಳ್ಳದ ಮತ್ತು ಆವರ್ತಕ ದಶಮಾಂಶಗಳು** ಎನ್ನುತ್ತೇವೆ.

ಅಂತ್ಯಗೊಳ್ಳುವ ಮತ್ತು ಆವರ್ತಕ ದಶಮಾಂಶ ಸಂಖ್ಯೆಗಳನ್ನು $\frac{p}{q}$ ರೂಪದಲ್ಲಿ ಬರೆಯಬಹುದು. ಇವುಗಳೆಲ್ಲಾ ಭಾಗಲಬ್ಧ ಸಂಖ್ಯೆಗಳು. ಆದರೆ ಅಂತ್ಯಗೊಳ್ಳದ ಮತ್ತು ಆವರ್ತಕವಲ್ಲದ ದಶಮಾಂಶಗಳನ್ನು $\frac{p}{q}$ ರೂಪದಲ್ಲಿ ಬರೆಯಲು ಸಾಧ್ಯವಿಲ್ಲ.

ವ್ಯಾಖ್ಯೆ: $\frac{a}{b}$ ರೂಪದಲ್ಲಿ ಬರೆಯಲು ಸಾಧ್ಯವಾಗದ, ಅಂತ್ಯಗೊಳ್ಳದ ಮತ್ತು ಆವರ್ತಕವಲ್ಲದ ದಶಮಾಂಶ ಸಂಖ್ಯೆಗಳನ್ನು

ಅಭಾಗಲಬ್ಧ ಸಂಖ್ಯೆಗಳೆನ್ನುತ್ತೇವೆ. ಉದಾ: $\sqrt{2} = 1.41421356237310$ $\sqrt{5} = 2.23606797749979$

ಇಂತಹ ಸಂಖ್ಯೆಗಳ ಗುಂಪನ್ನು I_r ಸಂಕೇತದಿಂದ ಸೂಚಿಸುತ್ತೇವೆ.

ಇನ್ನೊಂದು ಅಭಾಗಲಬ್ಧ ಸಂಖ್ಯೆ: $\pi =$ ವೃತ್ತದ ಸುತ್ತಳತೆ \div ವ್ಯಾಸ $= ABGCD FE \div FG$

π ಎಂದಾಗ ನೆನಪಾಗುವುದು ಆರ್ಯಭಟನದು(ಕ್ರಿ ಶ:476-550)

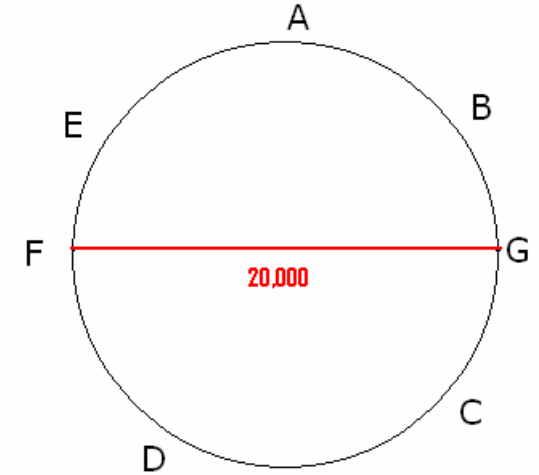
ಆತನ ಸೂತ್ರ: (ಆರ್ಯಭಟನೀಯಂ: ಗಣಿತಪಾಠ 6)

4 ನ್ನು 100 ಕ್ಕೆ ಸೇರಿಸಿ, 8 ರಿಂದ ಗುಣಿಸಿ 62,000 ಸೇರಿಸಿದರೆ ಅದು 20,000 ಮಾನದ ವ್ಯಾಸವಿರುವ ವೃತ್ತದ ಅಂದಾಜು ಸುತ್ತಳತೆಯಾಗಿರುತ್ತದೆ.

ವ್ಯಾಸ 20000 , ಸುತ್ತಳತೆ = $\{(4+100)*8+62000\} = 62,832$.

$\pi =$ ಸುತ್ತಳತೆ \div ವ್ಯಾಸ $= \frac{62832}{20000} = 3.1416$

ಆತ ನೀಡಿದ ಬೆಲೆ 3.1415926535897... ಗೆ ಎಷ್ಟು ಹತ್ತಿರವಿದೆ ಎಂದು ನೀವೇ ಗಮನಿಸಿ!



1761 ರಲ್ಲಿ ಲ್ಯಾಂಬರ್ಟ್‌ನು π ಯು ಅಭಾಗಲಬ್ಧ ಸಂಖ್ಯೆ ಎಂದು ತಿಳಿಸುವುದಕ್ಕೆ ಮುಂಚೆಯೇ ಅರ್ಯಭಟನು ಕ್ರಿ. ಶ. 4 ನೇ ಶತಮಾನದಲ್ಲೇ ಅದು ಅಭಾಗಲಬ್ಧ ಸಂಖ್ಯೆ ಎಂದು ತಿಳಿಸಿದ್ದನು!