

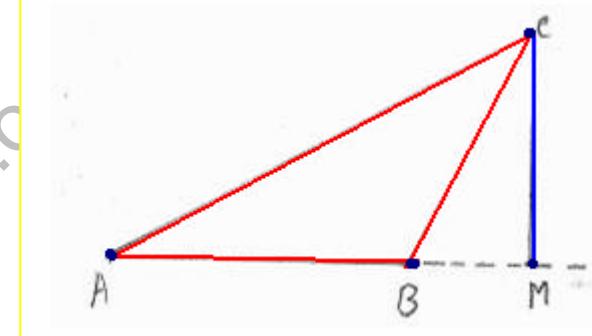
6.5 ವಿವಿಧ ಏಕೀಭವನ ರೇಖೆಗಳನ್ನುಳಿಯುವುದು:

ವ್ಯಾಖ್ಯೆ:

ಶ್ರೀಭೂಜದ ಶ್ರೋಂಗಬಿಂದುವಿನಿಂದ ಅದರ ಅಭಿಮುಖ (ಎದುರು ಬದಿ) ಬಾಹುವಿಗೆ ಎಳೆದ ಲಂಬವನ್ನು ‘ಲಂಬರೇಖೆ’(ಎತ್ತರ) ಎನ್ನುತ್ತೇವೆ.

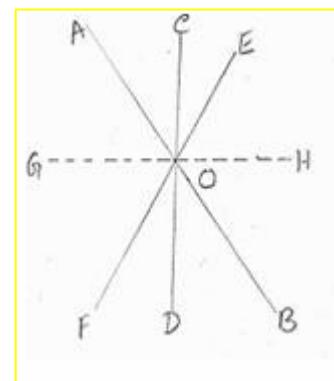
ಪಕ್ಕದ ಚಿತ್ರದಲ್ಲಿ C ಶ್ರೋಂಗಬಿಂದು. CM, C ಯಿಂದ AB ಗೆ ಎಳೆದ ಲಂಬವಾದುದರಿಂದ ಅದು ಎತ್ತರ.

ಒಂದು ಶ್ರೀಭೂಜಕ್ಕೆ ಮೂರು ಭೂಜಗಳು ಇರುವುದರಿಂದ ಮೂರು ಎತ್ತರಗಳು ಇರುತ್ತವೆ ಎನ್ನುವುದನ್ನು ಗಮನಿಸಿ.



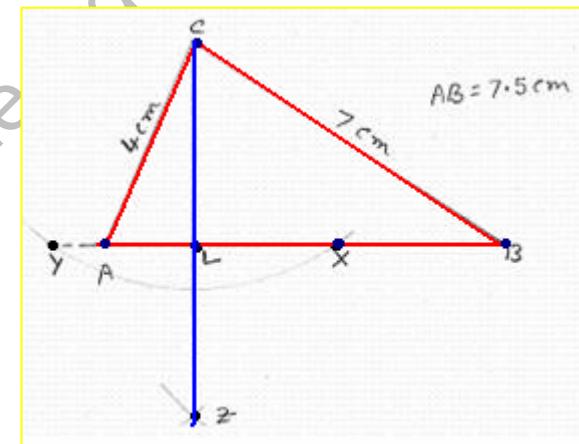
ಮೂರು ಅಥವಾ ಅದಕ್ಕಿಂತ ಹೆಚ್ಚಿನ ರೇಖೆಗಳು ಒಂದೇ ಬಿಂದುವಿನ ಮೂಲಕ ಹಾದು ಹೋದರೆ ಅವುಗಳನ್ನು ಏಕೀಭವನ ರೇಖೆಗಳು ಎನ್ನುತ್ತೇವೆ.

ಪಕ್ಕದ ಚಿತ್ರದಲ್ಲಿ AB,CD,EF ಮತ್ತು GH ರೇಖೆಗಳು O ಬಿಂದುವಿನ ಮೂಲಕ ಹಾದುಹೋಗುವುದರಿಂದ ಅವು ಏಕೀಭವನ ರೇಖೆಗಳು.



6.5.1 ಲಂಬರೇಖೆಯನ್ನೆಳೆಯವುದು : *

- 1) ದತ್ತ ಅಳತೆಗೆ ಸರಿಯಾಗಿ ಒಂದು ತ್ರಿಕೋನವನ್ನು ರಚಿಸಿ.
($AB = 7.5$ ಸೆ.ಮಿ., $AC = 4$ ಸೆ.ಮಿ., $BC = 7$ ಸೆ.ಮಿ..)
- 2) C ಬಿಂದುವನ್ನು ಕೇಂದ್ರವಾಗಿಟ್ಟುಕೊಂಡು ಅನುಕೂಲವಾದ ತ್ರಿಜ್ಯದಿಂದ AB ಯನ್ನು (ಬೇಕಾದರೆ ವೃದ್ಧಿಸಿ) ಎರಡು ಪ್ರತ್ಯೇಕ ಬಿಂದುಗಳು X ಮತ್ತು Y ಯಲ್ಲಿ ಫೇದಿಸುವಂತೆ ಒಂದು ಕಂಸವನ್ನೆಳೆಯಿರಿ.
- 3) X ಮತ್ತು Y ಗಳನ್ನು ಕೇಂದ್ರವಾಗಿಟ್ಟುಕೊಂಡು XY ಯ ಅಧರಕ್ಕಿಂತ ಹೆಚ್ಚಿಗೆ ತ್ರಿಜ್ಯದಿಂದ ಎರಡು ಕಂಸವನ್ನೆಳೆಯಿರಿ. ಅವುಗಳು Z ನಲ್ಲಿ ಫೇದಿಸಲಿ.
- 4) C ಮತ್ತು Z ಗಳನ್ನು ಜೋಡಿಸಿ. CZ ರೇಖೆಯ AB ಯನ್ನು L ಬಿಂದುವಿನಲ್ಲಿ ಫೇದಿಸಲಿ. CL ಎಂಬುದು ಒಂದು ಲಂಬರೇಖೆ (ಎತ್ತರ)



5) ಶ್ರಂಗ A ಯನ್ನು ಕೇಂದ್ರವಾಗಿಟ್ಟುಕೊಂಡು ಅನುಕೂಲವಾದ ತ್ರಿಜ್ಯದಿಂದ ಅಭಿಮುಖಿ ಬಾಹ್ಯ BC ಯನ್ನು (ಅಗತ್ಯವಿದ್ದರೆ ವ್ಯಾಧಿಸಿ) ಎರಡು ಪ್ರತ್ಯೇಕ ಬಿಂದುಗಳು G ಮತ್ತು H ಗಳಲ್ಲಿ ಫೇದಿಸುವಂತೆ ಒಂದು ಕಂಸವನ್ನೆಳೆಯಿರ.

6) G ಮತ್ತು H ಗಳನ್ನು ಕೇಂದ್ರವಾಗಿಟ್ಟುಕೊಂಡು, HG ನ ಅರ್ಥಕ್ಕಿಂತ ಹೆಚ್ಚಿನ ತ್ರಿಜ್ಯದಿಂದ ಎರಡು ಕಂಸಗಳನ್ನು | ಯಲ್ಲಿ ಫೇದಿಸುವಂತೆ ಒಂದು ಕಂಸವನ್ನೆಳೆಯಿರ.

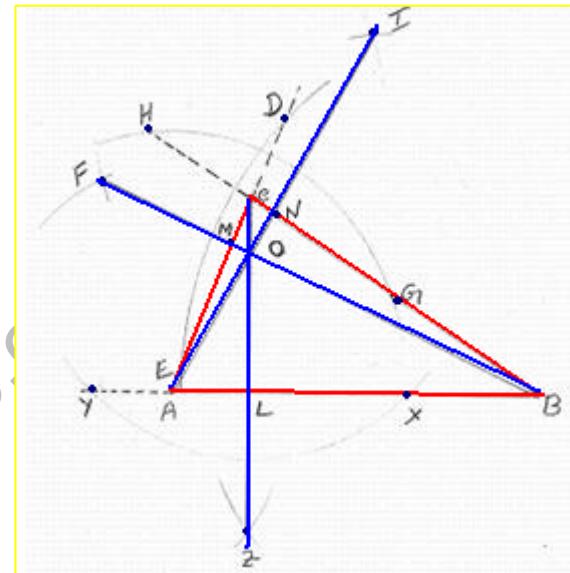
7) A ಮತ್ತು | ಗಳನ್ನು ಚೋಡಿಸಿ. ಆ ರೇಖೆಯು BC ಯನ್ನು N ನಲ್ಲಿ ಫೇದಿಸಲಿ. ಆಗ AN ಒಂದು ಲಂಬರೇಖೆ (ಎತ್ತರ)

8) ಶ್ರಂಗ B ಯನ್ನು ಕೇಂದ್ರವಾಗಿಟ್ಟುಕೊಂಡು ಅನುಕೂಲವಾದ ತ್ರಿಜ್ಯದಿಂದ ಅಭಿಮುಖಿ ಬಾಹ್ಯ AC ಯನ್ನು ಎರಡು ಪ್ರತ್ಯೇಕ ಬಿಂದುಗಳು E ಮತ್ತು D ಗಳಲ್ಲಿ ಫೇದಿಸುವಂತೆ ಒಂದು ಕಂಸವನ್ನೆಳೆಯಿರ.

9) E ಮತ್ತು D ಗಳನ್ನು ಕೇಂದ್ರವಾಗಿಟ್ಟುಕೊಂಡು, ED ಯ ಅರ್ಥಕ್ಕಿಂತ ಹೆಚ್ಚಿನ ತ್ರಿಜ್ಯದಿಂದ ಎರಡು ಕಂಸಗಳನ್ನು F ನಲ್ಲಿ ಫೇದಿಸುವಂತೆ ಎಳೆಯಿರ.

10) B ಮತ್ತು F ಗಳನ್ನು ಸೇರಿಸಿ. ಆ ರೇಖೆಯು AC ಯನ್ನು M ನಲ್ಲಿ ಫೇದಿಸಲಿ. ಆಗ BM ಒಂದು ಲಂಬರೇಖೆ

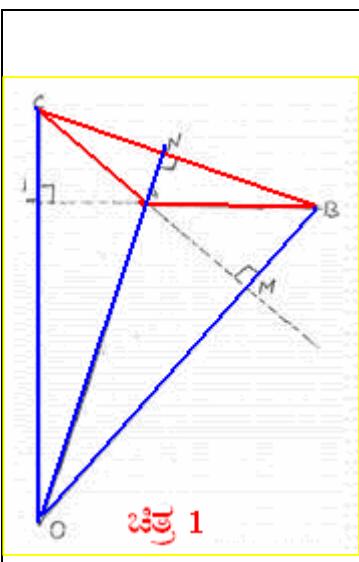
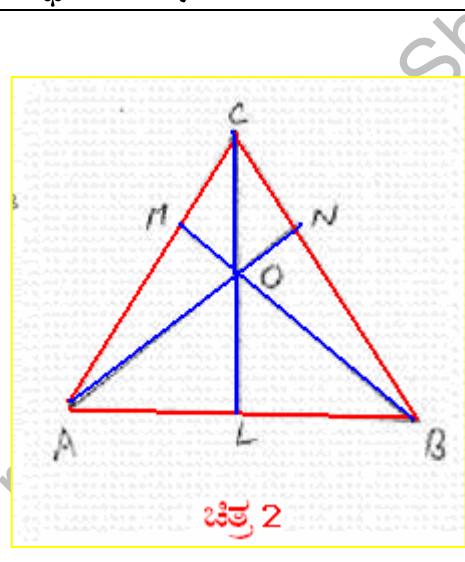
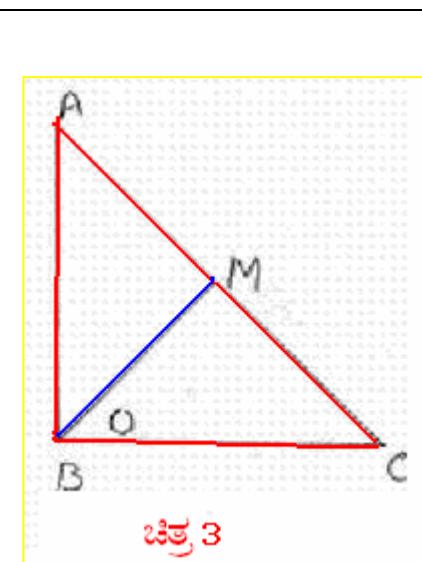
ಗಮನಿಸಿ: ಮೂರು ಲಂಬರೇಖೆಗಳು ಒಂದು ಸಾಮಾನ್ಯ ಒಂದು 'O' ಮೂಲಕ ಹಾದು ಹೋಗುತ್ತವೆ.



ವ್ಯಾಖ್ಯೆ:

ತ್ರಿಭುಜದ ಮೂರು ಶೃಂಗಬಿಂದುಗಳಿಂದ ಅವುಗಳ ಅಭಿಮುಖ ಬಾಹುಗಳಿಗೆ ಲಂಬಗಳನ್ನೇಳಿದಾಗ, ಆ ಲಂಬಗಳು ಏಕೇಭವಿಸುವ ಬಿಂದುವನ್ನು ‘ಲಂಬಕೇಂದ್ರ’ ಎನ್ನಾರು. ಈ ಬಿಂದುವನ್ನು ಸಾಮಾನ್ಯವಾಗಿ O ದಿಂದ ಸೂಚಿಸುತ್ತೇವೆ.

ಈಗ ನಾವು ಮೂರು ಬೇರೆ ಬೇರೆ ವಿಧದ (ವಿಶಾಲಕೋನ ತ್ರಿಕೋನ, ಲಘುಕೋನ ತ್ರಿಕೋನ, ಲಂಬಕೋನ ತ್ರಿಕೋನ) ತ್ರಿಕೋನಗಳಲ್ಲಿ ಲಂಬಕೇಂದ್ರ ಸ್ಥಾನವನ್ನು ಗಮನಿಸುವಾ:

 <p>ಚಿತ್ರ 1</p>	 <p>ಚಿತ್ರ 2</p>	 <p>ಚಿತ್ರ 3</p>
<p>ಚಿತ್ರ 1 ರಲ್ಲಿ ABC ಯು ವಿಶಾಲಕೋನ ತ್ರಿಕೋನ. ಲಂಬಕೇಂದ್ರವು ತ್ರಿಕೋನದ ಹೊರಗೆ ಇದೆ.</p>	<p>ಚಿತ್ರ 2 ರಲ್ಲಿ ABC ಯು ಲಘುಕೋನ ತ್ರಿಕೋನ. ಇಲ್ಲಿ ಲಂಬಕೇಂದ್ರವು ತ್ರಿಕೋನದ ಒಳಭಾಗದಲ್ಲಿದೆ.</p>	<p>ಚಿತ್ರ 3 ರಲ್ಲಿ ABC ಯು ಲಂಬಕೋನ ತ್ರಿಕೋನ. ಇಲ್ಲಿ ಲಂಬಕೇಂದ್ರವು ತ್ರಿಕೋನದ ಲಂಬಕೋನದ ಶೃಂಗದಲ್ಲಿದೆ.</p>

ವ್ಯಾಖ್ಯಾ: ತ್ರಿಕೋನದಲ್ಲಿ ಒಂದು ಶೃಂಗಬಿಂದುವನ್ನು ಅದರ ಅಭಿಮುಖ ಬಾಹುವಿನ ಮಧ್ಯಬಿಂದುವಿಗೆ ಸೇರಿಸುವ ರೇಖೆಯು ತ್ರಿಭುಜದ ‘ಮಧ್ಯರೇಖೆ’.

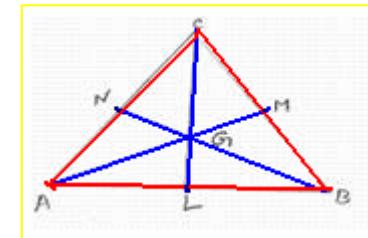
ಪಕ್ಕದ ಚಿತ್ರ ABC ಯಲ್ಲಿ A, B, C ಗಳು ತ್ರಿಕೋನದ ಶೃಂಗಗಳು.

L, M, N ಗಳು ಕ್ರಮವಾಗಿ AB, BC ಮತ್ತು AC ಗಳ ಮಧ್ಯಬಿಂದುಗಳು.

ಶೃಂಗಬಿಂದು C ಯನ್ನು ಅಭಿಮುಖ ಬಾಹು AB ಯ ಮಧ್ಯಬಿಂದು L ಗೆ ಜೋಡಿಸುವ ರೇಖೆ. CL ಒಂದು ಮಧ್ಯರೇಖೆ.

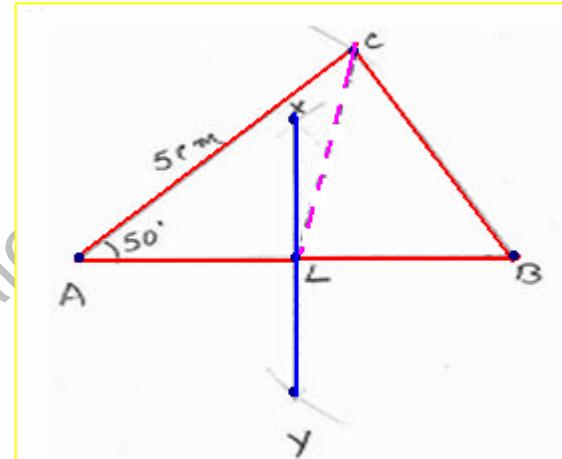
ಶೃಂಗಬಿಂದು A ಯನ್ನು ಅಭಿಮುಖ ಬಾಹು BC ಯ ಮಧ್ಯಬಿಂದು M ಗೆ ಜೋಡಿಸುವ ರೇಖೆ. AM ಒಂದು ಮಧ್ಯರೇಖೆ.

ಶೃಂಗಬಿಂದು B ಯನ್ನು ಅಭಿಮುಖ ಬಾಹು CA ಯ ಮಧ್ಯಬಿಂದು N ಗೆ ಜೋಡಿಸುವ ರೇಖೆ. BN ಒಂದು ಮಧ್ಯರೇಖೆ.



6.5.2 ಮಧ್ಯರೇಖೆಗಳನ್ನು ಎಳೆಯುವುದು * :

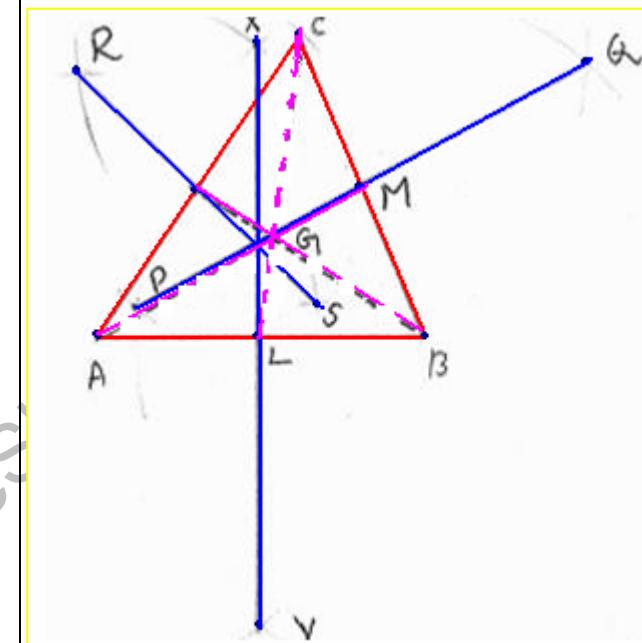
- 1) ದತ್ತ ಅಳತೆಯ ತ್ರಿಕೋನವನ್ನು ರಚಿಸಿ ($AB = 5$ ಸೆಂ.ಮಿ., $AC = 5$ ಸೆಂ.ಮಿ. ಮತ್ತು $\angle CAB = 50^\circ$ ಆಗಿರಲಿ.)
- 2) AB ಯನ್ನು ವಿಭಾಗಿಸಿ. (AB ಯ ಅಧಿಕೃತ ಹೆಚ್ಚಿನ ಶ್ರೀಜ್ಯದಿಂದ AB ಯ ಎರಡೂ ಕಡೆಗಳಲ್ಲಿ ಕಂಸಗಳನ್ನೇಳೆಯಿರಿ. ಈ ಕಂಸಗಳು X ಮತ್ತು Y ಗಳಲ್ಲಿ ಪರಸ್ಪರ ಫೇದಿಸಲಿ.)
- 3) X ಮತ್ತು Y ಗಳನ್ನು ಸೇರಿಸಿ. XY ರೇಖೆಯ AB ಯನ್ನು L ನಲ್ಲಿ ಫೇದಿಸಲಿ. CL ಜೋಡಿಸಿ. ಆಗ CL ರೇಖೆಯು ಮಧ್ಯರೇಖೆ.



4) BC ಯನ್ನು ವಿಭಾಗಿಸಿ.(BC ಯ ಅರ್ಥಕ್ಕಿಂತ ಹೆಚ್ಚಿನ ಶ್ರೀಜ್ಯದಿಂದ BC ಯ ಎರಡೂ ಬದಿಗಳಲ್ಲಿ ಕಂಸಗಳನ್ನೇಳೆಯಿರ.ಈ ಕಂಸಗಳು ಪರಸ್ಪರ P ಮತ್ತು Q ಬಿಂದುಗಳಲ್ಲಿ ಟೇದಿಸಲಿ.

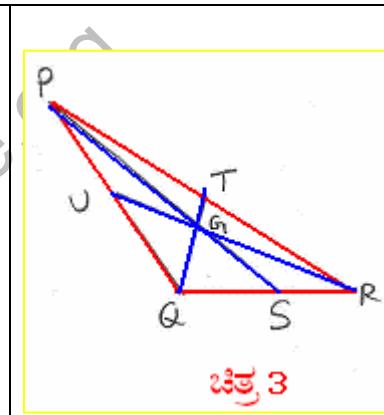
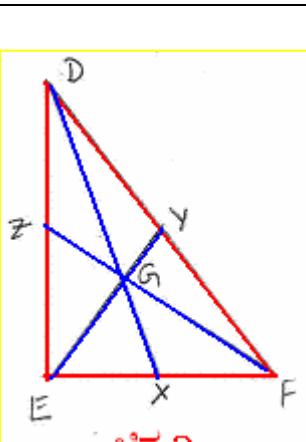
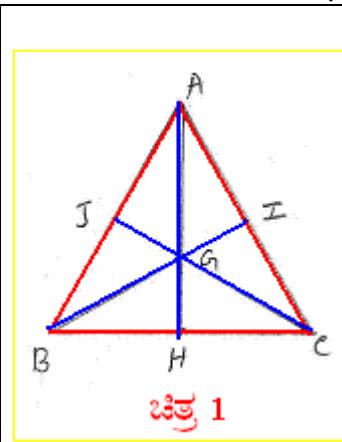
5) P ಮತ್ತು Q ಬಿಂದುಗಳನ್ನು ಜೋಡಿಸಿರಿ. PQ ರೇಖೆಯು BC ಯನ್ನು M ನಲ್ಲಿ ಕಡಿಯಲಿ. AM ಸೇರಿಸಿ. ಇದು ಇನ್ನೊಂದು ಮಧ್ಯರೇಖೆ.

ಇದೇ ರೀತಿ B ಬಿಂದುವಿನಿಂದಲೂ ಮಧ್ಯರೇಖೆಯನ್ನೇಳೆಯಿರಿ.



ಗಮನಿಸಿ: ಮೂರು ಮಧ್ಯರೇಖೆಗಳು ಒಂದು ಸಾಮಾನ್ಯ ಬಿಂದು G ಮೂಲಕ ಹಾದು ಹೋಗುತ್ತವೆ.

ವ್ಯಾಖ್ಯಾ: ತ್ರಿಭುಜದ ಮೂರು ಮಧ್ಯರೇಖೆಗಳು ಏಕೀಭವಿಸುವ ಬಿಂದುವನ್ನು ‘**ಸುರುತ್ತಕೇಂದ್ರ**’ ಎನ್ನುತ್ತೇವೆ. ಇದನ್ನು ಸಾಮಾನ್ಯವಾಗಿ ‘G’ ಯಿಂದ ಸೂಚಿಸುತ್ತೇವೆ. ಈಗ ವಿವಿಧ ರೀತಿಯ ತ್ರಿಕೋನಗಳಲ್ಲಿ (ವಿಶಾಲಕೋನ, ಲಘುಕೋನ, ಲಂಬಕೋನ ತ್ರಿಕೋನಗಳು) ಸುರುತ್ತಕೇಂದ್ರದ ಸ್ಥಾನಗಳನ್ನು ಗಮನಿಸುವಾ.



ಮೇಲಿನ ಚಿತ್ರಗಳಲ್ಲಿ G ಯಿಂದ ಶೃಂಗಬಿಂದುವಿಗೂ ಮತ್ತು ಅಭಿಮುಖ ಬಾಹುವಿಗೂ ಇರುವ ದೂರಗಳನ್ನು ಅಳೆಯಿರಿ.

ಚಿತ್ರ 1 ರಲ್ಲಿ(ಲಘುಕೋನ ತ್ರಿಕೋನ)

$$2GH = AG, 2GI = BG, 2GJ = GC.$$

ಚಿತ್ರ 2 ರಲ್ಲಿ (ಲಂಬಕೋನ ತ್ರಿಕೋನ)

$$2GX = DG, 2GY = EG, 2GZ = GF.$$

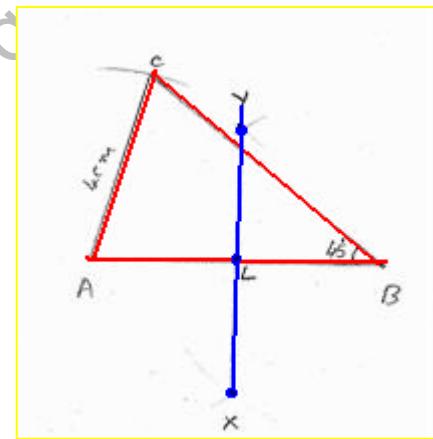
ಚಿತ್ರ 3 ರಲ್ಲಿ (ವಿಶಾಲಕೋನ ತ್ರಿಕೋನ) $2GS = PG, 2GT = QG, 2UG = GR.$

ಇದರಿಂದ ನಾವೇನನ್ನು ತೀವ್ರಾನಿಸಬಹುದು?

ಸುರುತ್ತಕೇಂದ್ರವು ಪ್ರತಿೀ ಮಧ್ಯರೇಖೆಯನ್ನು ಶೃಂಗಬಿಂದು ಮತ್ತು ಅಭಿಮುಖ ಬಾಹುಗಳಿಗೆ ಸಂಬಂಧಿಸಿದಂತೆ 2:1 ಅನುಪಾತದಲ್ಲಿ ವಿಭಾಗಿಸುತ್ತದೆ ಮತ್ತು ಅದು ಯಾವಾಗಲೂ ತ್ರಿಕೋನದ ಒಳಗೇ ಇರುತ್ತದೆ. **ವ್ಯಾಖ್ಯಾ:** ತ್ರಿಕೋನದ ಬಾಹುಗಳ ಲಂಬದ್ವಿಭಾಜಕಗಳು ‘**ಲಂಬಾಧರ ರೇಖೆಗಳು**’.

6.5.3 ತ್ರಿಕೋನದ ಬಾಹುಗಳಿಗೆ ಲಂಬಾರ್ಥಕರೇಖೆಗಳನ್ನೆಣ್ಣೆಯವುದು* :

- 1) ದತ್ತ ಅಳತೆಯ ತ್ರಿಭುಜವನ್ನು ರಚಿಸಿರಿ. ($AB = 7.5$ ಸೆ.ಮಿ., $\angle ABC = 45^\circ$, $AC = 4$ ಸೆ.ಮಿ.)
- 2) A ಮತ್ತು B ಗಳನ್ನು ಕೇಂದ್ರವಾಗಿಟ್ಟುಕೊಂಡು AB ಯ ಅರ್ಥಕ್ಕಿಂತ ಹೆಚ್ಚಿನ ತ್ರಿಜ್ಯದಿಂದ AB ಯು ಎರಡೂ ಕಡೆಗಳಲ್ಲಿ ಎರಡೆರಡು ಕಂಸಗಳನ್ನೆಣ್ಣೆಯಿರಿ.
- 3) X ಮತ್ತು Y ಗಳನ್ನು ಜೋಡಿಸಿ. XY ರೇಖೆಯು AB ಯನ್ನು L ಬಿಂದುವಿನಲ್ಲಿ ಭೇದಿಸಲಿ. (XY ರೇಖೆಯು AB ಯನ್ನು ಅರ್ಥಸುತ್ತದೆ ಮತ್ತು AB ಗೆ ಲಂಬವಾಗಿದೆ.)

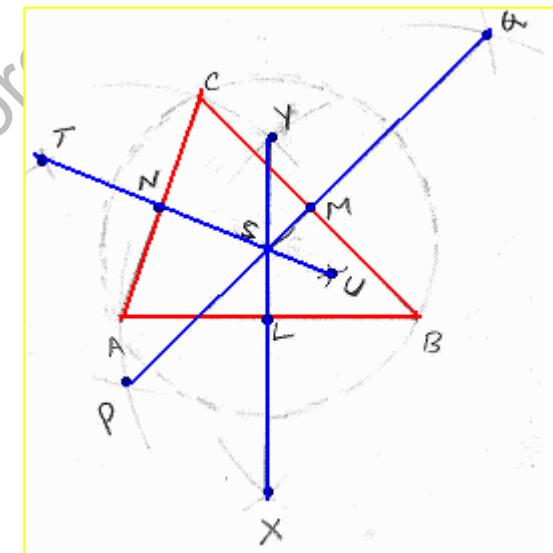


4) B ಮತ್ತು C ಗಳನ್ನು ಕೇಂದ್ರವಾಗಿಟ್ಟುಕೊಂಡು BC ಯ ಅರ್ಥಕ್ಕಿಂತ ಹೆಚ್ಚಿನ ತ್ರಿಜ್ಯದಿಂದ BC ಯ ಎರಡೂ ಕಡೆಗಳಲ್ಲಿ ಎರಡೆರಡು ಕಂಸವನ್ನೆಳೆಯಿರ. ಈ ಕಂಸಗಳು P ಮತ್ತು Q ಬಿಂದುಗಳಲ್ಲಿ ಪರಸ್ಪರ ಭೇದಿಸಲಿ.

5) PQ ಜೋಡಿಸಿ. ಈ ರೇಖೆಯು BC ಯನ್ನು M ಬಿಂದುವಿನಲ್ಲಿ ಭೇದಿಸಲಿ (PQ ರೇಖೆಯು BC ಗೆ ಲಂಬವಾಗಿದ್ದ BC ಯನ್ನು ಅರ್ಥಸುತ್ತದೆ.)

6) A ಮತ್ತು C ಗಳನ್ನು ಕೇಂದ್ರವಾಗಿಟ್ಟುಕೊಂಡು AC ಯ ಅರ್ಥಕ್ಕಿಂತ ಹೆಚ್ಚಿನ ತ್ರಿಜ್ಯದಿಂದ AC ಯ ಎರಡೂ ಕಡೆಗಳಲ್ಲಿ ಎರಡೆರಡು ಕಂಸವನ್ನೆಳೆಯಿರ. ಈ ಕಂಸಗಳು T ಮತ್ತು U ಬಿಂದುಗಳಲ್ಲಿ ಪರಸ್ಪರ ಭೇದಿಸಲಿ.

7) T,U ಗಳನ್ನು ಜೋಡಿಸಿ. ಈ ರೇಖೆಯು AC ಯನ್ನು N ಬಿಂದುವಿನಲ್ಲಿ ಭೇದಿಸಲಿ (TU ರೇಖೆಯು AC ಯನ್ನು ಲಂಬವಾಗಿ ಅರ್ಥಸುತ್ತದೆ.)



ಗಮನಿಸಿ: ಮೇಲಿನ ಮೂರು ಲಂಬಾರ್ಥರೇಖೆಗಳು ಒಂದು ಸಾಮಾನ್ಯ ಬಿಂದು 'S' ನಲ್ಲಿ ಏಕೆಭವಿಸುತ್ತವೆ.

ವ್ಯಾಖ್ಯಾ:

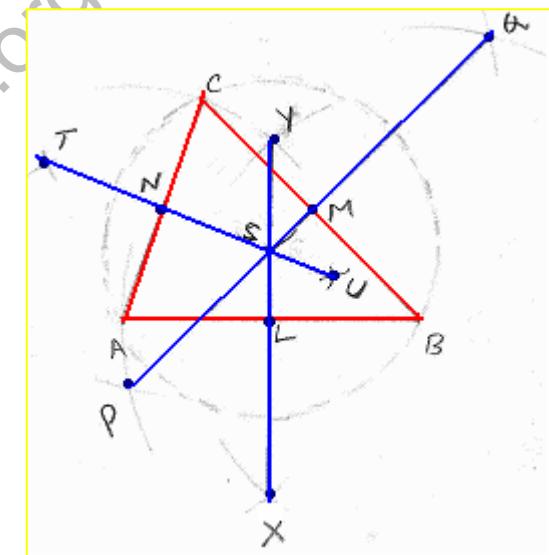
ಶ್ರೀಭುಜದ ಬಾಹುಗಳ ಲಂಬಾರ್ಥರೇಖೆಗಳು ಏಕೇಭವಿಸುವ ಬಿಂದುವನ್ನು ‘ಪರಿಕೇಂದ್ರ’ ಎನ್ನುತ್ತೇವೆ. ಸಾಮಾನ್ಯವಾಗಿ ಈ ಬಿಂದುವನ್ನು ‘S’ ಅಥವಾ ‘C’ ನಿಂದ ಸೂಚಿಸುತ್ತೇವೆ.

ಗಮನಿಸಿ:- AB ಯ ಲಂಬಾರ್ಥಭಾಜಕ XY ನೆ ಮೇಲಿನ ಪ್ರತಿಯೊಂದು ಬಿಂದುವೂ, A ಮತ್ತು B ಯಿಂದ ಸಮಾನ ದೂರದಲ್ಲಿರುತ್ತದೆ. ಆದ್ದರಿಂದ ‘S’ ಕೂಡಾ A ಮತ್ತು Bಯಿಂದ ಸಮಾನ ದೂರದಲ್ಲಿರುತ್ತದೆ.

ಅದೇರೀತಿ, PQ ಲಂಬಾರ್ಥಭಾಜಕದ ಮೇಲಿನ ಪ್ರತಿಯೊಂದು ಬಿಂದುವೂ B ಮತ್ತು C ಯಿಂದ ಸಮಾನ ದೂರದಲ್ಲಿರುತ್ತದೆ. ಆದ್ದರಿಂದ ‘S’ ಕೂಡಾ B ಮತ್ತು C ಯಿಂದ ಸಮಾನ ದೂರದಲ್ಲಿರುತ್ತದೆ.

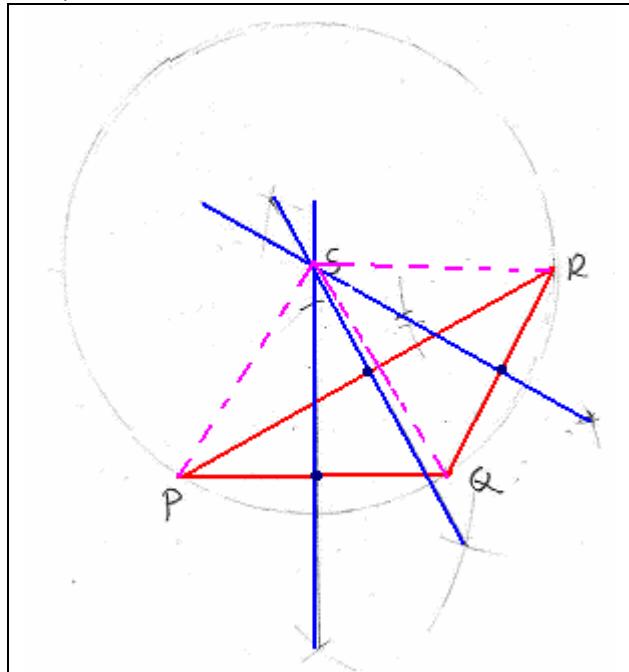
ಆದ್ದರಿಂದ, $SA = SB = SC$.

ಆದ್ದರಿಂದ ನಾವೀಗ S ನ್ನು ಕೇಂದ್ರವಾಗಿಟ್ಟುಕೊಂಡು SA ತ್ರಿಜ್ಯದಿಂದ ಒಂದು ವೃತ್ತವನ್ನೆಂದರೆ, ಆ ವೃತ್ತವು ಶ್ರೀಕೋನದ ಮೂರು ಶೃಂಗ ಬಿಂದು (A, B, C)ಗಳ ಮೂಲಕ ಹಾದುಹೋಗುತ್ತದೆ.



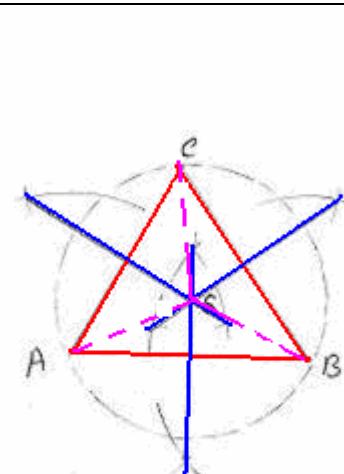
ವ್ಯಾಖ್ಯಾ: ಶ್ರೀಕೋನದ ಮೂರು ಶೃಂಗಬಿಂದುಗಳ ಮೂಲಕ ಹಾದು ಹೋಗುವ ವೃತ್ತವನ್ನು ಆ ಶ್ರೀಕೋನದ ‘ಪರಿವೃತ್ತ’ ಎನ್ನುವರು

ನಾವೀಗ, ಮೂರು ವಿಧದ(ವಿಶಾಲಕೋನ, ಲಂಬಕೋನ ಮತ್ತು ಲಘುಕೋನ) ತ್ರಿಕೋನಗಳಲ್ಲಿ ಪರಿಕೇಂದ್ರದ ಸ್ಥಾನವನ್ನು ಗಮನಿಸುವಾ.



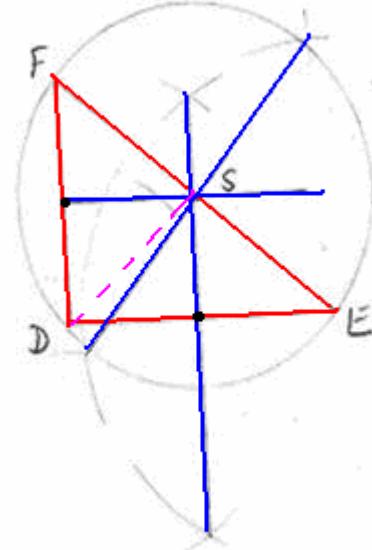
ಚಿತ್ರ 1

ಚಿತ್ರ 1 ರಲ್ಲಿ PQR ವೈ
ವಿಶಾಲಕೋನ ತ್ರಿಕೋನವಾಗಿದ್ದು,
ಪರಿಕೇಂದ್ರ $\cdot S$,
ತ್ರಿಕೋನದ ಹೊರ ಭಾಗದಲ್ಲಿದೆ



ಚಿತ್ರ 2

ಚಿತ್ರ 2 ರಲ್ಲಿ ABC ಯೈ
ಲಘುಕೋನ
ತ್ರಿಕೋನವಾಗಿದ್ದು ಪರಿಕೇಂದ್ರ
 $\cdot S$; ತ್ರಿಕೋನದ ಒಳಗಿದೆ.

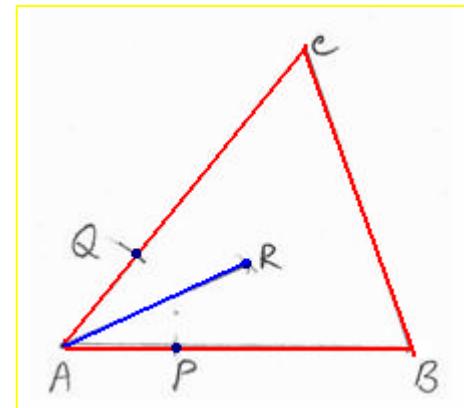


ಚಿತ್ರ 3

ಚಿತ್ರ 3 ರಲ್ಲಿ DEF ವೈ
ಲಂಬಕೋನ ತ್ರಿಕೋನವಾಗಿದ್ದು,
ಪರಿಕೇಂದ್ರ $\cdot S$;
ತ್ರಿಕೋನದ ವಿಕಣದ ಮೇಲಿದೆ.

6.5.4 ಕೋನಾರ್ಥಕ ರೇಖೆಗಳನ್ನೆಳೆಯುವುದು: *

- 1) ದತ್ತ ಅಳತೆಯ ABC ತ್ರಿಭುಜವನ್ನು ರಚಿಸಿರಿ.
- 2) A ಯನ್ನು ಕೇಂದ್ರವಾಗಿಟ್ಟುಕೊಂಡು AB ಮತ್ತು AC ಗಳನ್ನು P ಮತ್ತು Q ಗಳಲ್ಲಿ ಕಡಿಯುವಂತೆ ಒಂದೇ ತ್ರಿಜ್ಯದಿಂದ ಎರಡು ಕಂಸಗಳನ್ನೆಳೆಯಿರಿ.
- 3) P ಮತ್ತು Q ಗಳನ್ನು ಕೇಂದ್ರವಾಗಿಟ್ಟುಕೊಂಡು PQ ನ ಅರ್ಥಕ್ಕಿಂತ ಹೆಚ್ಚನ ತ್ರಿಜ್ಯದಿಂದ, R ನಲ್ಲಿ ಕಡಿಯುವಂತೆ ಎರಡು ಕಂಸಗಳನ್ನೆಳೆಯಿರಿ.
- 4) AR ಜೋಡಿಸಿ. ಇದು $\angle CAB$ ಯ ಕೋನಾರ್ಥಕರೇಖೆ.



5) B ಯನ್ನು ಕೇಂದ್ರವಾಗಿಟ್ಟುಕೊಂಡು, ಅನುಕೂಲವಾದ ಒಂದೇ ತ್ರಿಜ್ಯದಿಂದ, BC ಮತ್ತು BA ಗಳನ್ನು T ಮತ್ತು S ಗಳಲ್ಲಿ ಕಡಿಯುವಂತೆ ಎರಡು ಕಂಸಗಳನ್ನೆಳೆಯಿರಿ.

6) T ಮತ್ತು S ಗಳನ್ನು ಕೇಂದ್ರವಾಗಿಟ್ಟುಕೊಂಡು, TS ನ ಅರ್ಥಕ್ಕಿಂತ ಹೆಚ್ಚಿನ ತ್ರಿಜ್ಯದಿಂದ ಎರಡು ಕಂಸಗಳನ್ನೆಳೆಯಿರಿ. ಅವುಗಳು U ನಲ್ಲಿ ಫೇದಿಸಲಿ.

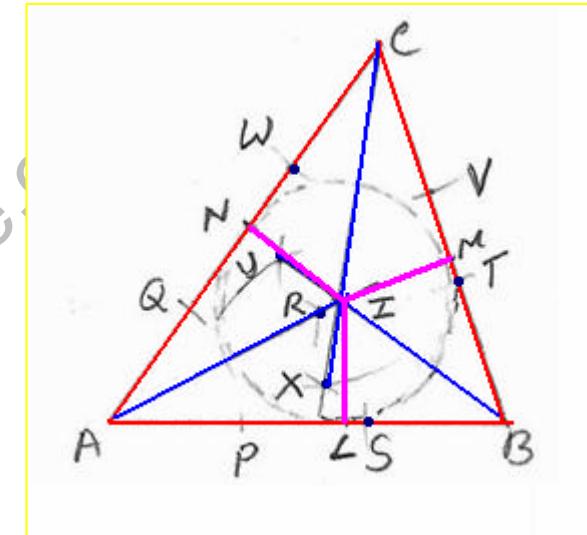
7) BU ಜೋಡಿಸಿ. ಇದು $\angle ABC$ ಯ ಕೋನಾರ್ಥಕರೇಖೆ.

8) C ಯನ್ನು ಕೇಂದ್ರವಾಗಿಟ್ಟುಕೊಂಡು, ಅನುಕೂಲವಾದ ಒಂದೇ ತ್ರಿಜ್ಯದಿಂದ, CA ಮತ್ತು CB ಗಳನ್ನು W ಮತ್ತು V ಗಳಲ್ಲಿ ಕಡಿಯುವಂತೆ ಎರಡು ಕಂಸಗಳನ್ನೆಳೆಯಿರಿ.

9) W ಮತ್ತು V ಗಳನ್ನು ಕೇಂದ್ರವಾಗಿಟ್ಟುಕೊಂಡು, WV ನ ಅರ್ಥಕ್ಕಿಂತ ಹೆಚ್ಚಿನ ತ್ರಿಜ್ಯದಿಂದ ಎರಡು ಕಂಸಗಳನ್ನೆಳೆಯಿರಿ. ಅವುಗಳು X ನಲ್ಲಿ ಫೇದಿಸಲಿ.

10) CX ನ್ನು ಜೋಡಿಸಿ. ಇದು $\angle ACB$ ಯ ಕೋನಾರ್ಥಕರೇಖೆ.

11) ಮೂರು ಕೋನಾರ್ಥಕಗಳು ಒಂದೇ ಬಿಂದುವಿನಲ್ಲಿ ಸಂಧಿಸುವುದು. ಅದನ್ನು | ಎಂದು ಹೆಸರಿಸಿ.



ಗಮನಿಸಿ: ಮೇಲಿನ ಮೂರು ಕೋನಾರ್ಥಕ ರೇಖೆಗಳು ಒಂದು ಸಾಮಾನ್ಯ ಬಿಂದು 'I' ನಲ್ಲಿ ಏಕೀಭವಿಸುತ್ತವೆ.

ವ್ಯಾಖ್ಯೆ:

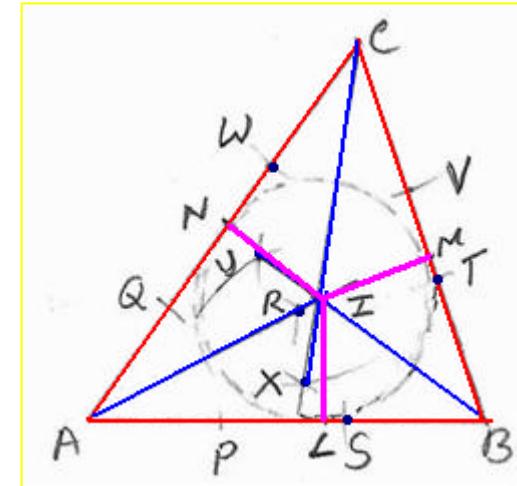
ಒಂದು ತ್ರಿಕೋನದಲ್ಲಿ ಮೂರು ಕೋನಾರ್ಥಕ ರೇಖೆಗಳು ಪರಸ್ಪರ ಭೇದಿಸುವ ಬಿಂದುವನ್ನು ‘ಅಂತಃಕೇಂದ್ರ’ ಎನ್ನುವರು ಮತ್ತು ಅದನ್ನು ‘I’ ಯಿಂದ ಸೂಚಿಸುತ್ತೇವೆ.

6.5.5 ಅಂತಃವೃತ್ತದ ರಚನೆ:

1) ಮೇಲೆ ತಿಳಿಸಿದಂತೆ ತ್ರಿಕೋನದ ಅಂತಃಕೇಂದ್ರವನ್ನು ಗುರುತಿಸಿ. (I)

2) | ಯಿಂದ ತ್ರಿಕೋನದ ಮೂರು ಬಾಹುಗಳಾದ AB , BC ಮತ್ತು CA ಗಳಿಗೆ ಲಂಬಗಳನ್ನೆಳೆಯಿರಿ. ಅವುಗಳು ಕ್ರಮವಾಗಿ ಆ ಬಾಹುಗಳನ್ನು L, M ಮತ್ತು N ಗಳಲ್ಲಿ ಭೇದಿಸಲಿ. $IL = IM = IN$ ಆಗಿರುವುದನ್ನು ಗಮನಿಸಿ.

3) | ಯನ್ನು ಕೇಂದ್ರವಾಗಿಟ್ಟುಕೊಂಡು IL ತೀಜ್ಯದಿಂದ ಒಂದು ವೃತ್ತವನ್ನೆಳೆಯಿರಿ. ಈ ವೃತ್ತವು ತ್ರಿಕೋನದ ಮೂರು ಬಾಹುಗಳನ್ನು ಸ್ಪರ್ಶಿಸುತ್ತದೆ.



ವ್ಯಾಖ್ಯೆ:

ಒಂದು ತ್ರಿಕೋನದ ಅಂತಃಕೇಂದ್ರವನ್ನು ಕೇಂದ್ರವಾಗಿಯೂ ಮೂರು ಬಾಹುಗಳನ್ನು ಸ್ಪರ್ಶಿಸುವ ವೃತ್ತವೇ ಆ ತ್ರಿಕೋನದ ‘ಅಂತಃವೃತ್ತ’

ಗಮನಿಸಿ:

- ಮೂರು ವಿಧದ(ವಿಶಾಲಕೋನ, ಲಂಬಕೋನ ಮತ್ತು ಲಘುಕೋನ) ಶ್ರೀಕೋನಗಳಲ್ಲಿ ಅಂತಃಕೇಂದ್ರದ ಸ್ಥಾನವು ಶ್ರೀಕೋನದ ಒಳಗೆಯೇ ಇರುತ್ತದೆ.
- ಸಮಬಾಹು ಶ್ರೀಕೋನದಲ್ಲಿ ಲಂಬಕೇಂದ್ರ = ಗುರುತ್ವಕೇಂದ್ರ = ಪರಿಕೇಂದ್ರ = ಅಂತಃಕೇಂದ್ರ

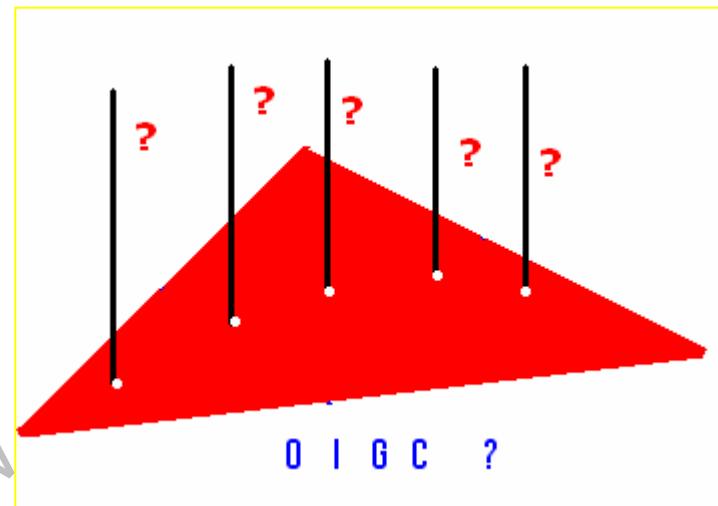
ಸಂ.	ಪಕೀಭವನ ರೇಖೆಗಳು	ಪಕೀಭವನ ಚಿಂದುಗಳು	ಚಿಂದುವಿನ ಹೆಸರು	ಶ್ರೀಕೋನದಲ್ಲಿ ಚಿಂದುವಿನ ಸ್ಥಾನ
1	ಲಂಬಗಳು	O	ಲಂಬ ಕೇಂದ್ರ	***
2	ಕೋನಾರ್ಥಕ ರೇಖೆಗಳು	I	ಅಂತಃಕೇಂದ್ರ	ಯಾವಾಗಲೂ ಒಳಗೆ
3	ಮಧ್ಯ ರೇಖೆಗಳು	G	ಗುರುತ್ವಕೇಂದ್ರ	ಯಾವಾಗಲೂ ಒಳಗೆ
4	ಲಂಬಾರ್ಥಕಗಳು	S/C	ಪರಿಕೇಂದ್ರ	***

*** : ವಿಶಾಲಕೋನವಾದರೆ ಶ್ರೀಕೋನದ ಹೊರಗೂ, ಲಘುಕೋನವಾದರೆ ಶ್ರೀಕೋನದ ಒಳಗೂ, ಮತ್ತು ಲಂಬಕೋನವಾದರೆ ಲಂಬಕೋನದ ಶೃಂಗ/ವಿಕರ್ಣದ ಮೇಲೂ ಚಿಂದುವಿನ ಸ್ಥಾನ ಇರುತ್ತದೆ.

ಅಭ್ಯಾಸ:

ಮೇಲೆ ವಿವರಿಸಿದಂತೆ ಪ್ರತಿಯೊಂದು ತ್ರಿಕೋನಕ್ಕೂ 4 ಕೇಂದ್ರಗಳು ಇದ್ದೇ ಇರುತ್ತವೆ.

ಹಾಗಿದ್ದಲ್ಲಿ ಪಕ್ಕದ ಚಿತ್ರದಲ್ಲಿ ತೋರಿಸಿದಂತಿರುವ ಶ್ರಿಭುಜಾಕೃತಿಯ ಒಂದು ಮರದ ಹಲಗೆ ಇದ್ದಲ್ಲಿ, ಅದರ ಮೇಲೆ ಎಲ್ಲಿಯೇ ಕೊರೆದ ರಂಧ್ರದ ಮೂಲಕ ಕೇವಲ ಒಂದೇ ಹಗ್ಗದ ಆಧಾರದಿಂದ ಆ ಹಲಗೆಯನ್ನು ನೆಲಕ್ಕೆ ಸಮಾಂತರವಾಗಿ ಆಕಾಶದಲ್ಲಿ ನೇತಾಡಿಸಲು ಸಾಧ್ಯವೇ? ಸಾಧ್ಯವಿದ್ದಲ್ಲಿ ಆ ರಂಧ್ರ ಯಾವ ಬಿಂದು ಆಗಿರುತ್ತದೆ?



ಗಮನಿಸಿ: ಮುಂದೆ ಪಾಠ 6.13 ರಲ್ಲಿ ಈ ರೇಖೆಗಳ ಪರಿಕೀರ್ಣವನವನ್ನು ಸಾಧಿಸಲಿಕ್ಕಿದ್ದೇವೆ.